

MATHS

BOOKS - MATHS

फलन

साधित उदाहरण

1. मान लीजिए कि कक्षा X के सभी 50 विधार्थियों का समुच्चय A है । मान लीजिए

 $F\!:\!A o N, f(x)=\,$ विधार्थी ${\sf x}$ का रोल नम्बर द्वारा परिभाषित एक फलन है ।

सिद्ध कीजिए कि f एकैकी है किन्तु आच्छादक नहीं है ।



वीडियो उत्तर देखें

2. सिद्ध कीजिए कि एक एकैकी फलन $f, \{1,2,3\} o \{1,2,3\}$ अनिवार्य रूप से आच्छादक भी है ।



3. सिद्ध कीजिए कि आच्छादक फलन $f\!:\!\{1,2,3\} o \{1,2,3\}$ सदैव एकैकी



फलन होता है।

4. सिद्ध कीजिए कि f(1)=f(2)=1 तथा x>2 के लिए f(x)=x-1 द्वारा प्रदत्त फलन $f\colon N o N$ आच्छादक तो है किन्तू एकैकी नहीं है ।



5. क्या $\mathbf{f}(\mathbf{x})$ =2 \mathbf{x} द्वारा परिभाषित फलन $f\colon N\to N$ एकैकी है । सिद्ध कीजिए कि \mathbf{f} आच्छादक नहीं है ।



6. क्या फलन $f \colon R o R$ आच्छादक फलन है जबिक f(x) = 2x ? सकारण लिखिए सिद्ध कीजिए कि यह एकैकी है ।



7. सिद्ध कीजिए कि नीचे परिभाषित फलन $f\colon N \to N$, एकैकी तथा आच्छादक दोनों ही है :

$$f(x) = \left\{egin{array}{ll} x+1, & {
m x} \ x-1, & {
m x} \end{array}
ight.$$



8. माना $f\colon R o R$ एक फलन निम्न प्रकार परिभाषित है :

$$\left\{egin{array}{ll} 3x-1, & x>3 \ x^2-2, & -2l \leq x \leq 3 \ 2x+3, & <-2 \end{array}
ight.$$

(i) f(2), (ii) f(-3) प्राप्त



9. यदि $f\!:\!R o R, f(x) = 4x^3 - 7$ द्वारा परिभाषित एक फलन है , तो दर्शाइए

कि फलन f एकैकी आच्छादक है



10. माना कि A= $\{1, 2, 3\}, B = \{4, 5, 67\}$ तथा

 $f = \{(1,4),(2,5),(3,6)\}A$ से B तक एक फलन है । दिखाइए कि f एकैकी है

ि वीडियो उत्तर देखें

11. निम्नलिखित में से प्रत्येक स्थिति में बताइए कि क्या दिए हुए फलन एकैकी , आच्छादक अथवा एकैकी आच्छादि है । अपने उत्तर का कारण भी बताइए । $\text{(i)} f(x) = 3 - 4x \text{ द्वारा परिभाषित फलन } f \colon R \to R \text{ है , (ii) } f(x) = 1 + x^2$

द्वारा परिभाषित फलन $f{:}R o R$ है|



12. सिद्ध कीजिए कि फलन $f\colon R \to R$ जो $f(x) = \cos x, \ orall x \in R$ द्वारा परिभाषित है । न एकैकी है और न आच्छादक



13. यदि
$$f\colon R o R$$
 और $f(x)=rac{2x}{2x^2+1}$ हो तो $figgl[f\Big(rac{1}{2}\Big)iggr]$ ज्ञात कीजिए ।



14. gof का मान ज्ञात कीजिए यदि $f{:}R o R$ तथा $g{:}R o R$, फलन $f(\mathsf{x}){=}\mathsf{cosx}$ और $g(x) = 3x^2.$



15. यदि फलन $f\!:\!R o R$ इस प्रकार परिभाषित है कि $f(x)=\left(3-x^3
ight)^{rac{1}{3}}$, तो fof(x) है :

- (a) $x^{\frac{1}{3}}$, (b) x^3
- (c) $3-x^3$, (d) x
 - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

16. तीन फलन $f\colon N o N,g\colon N o N$ तथा $h\colon N o R$ पर विचार कीजिए , जहाँ f(x)=2x,g(y)=3y+4 तथा $h(z)=\sin z,\ orall x,y$ तथा $z\in N$ | दिखाइए कि ho(gof)=(hog)of



17. माना कि $f(x) = 2x^2$ तथा $g(x) = 3x - 4, x \in R$, निम्नलिखित का मान

fof(x)

ज्ञात कीजिए:



18. माना कि $f(x)=2x^2$ तथा $g(x)=3x-4, x\in R$, निम्नलेखित का मान ज्ञात कीजिए:

gog(x)



19. माना कि $f(x)=2x^2$ तथा $g(x)=3x-4, x\in R$, निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए:

fog(x)



🦳 वीडियो उत्तर देखें

20. माना कि $f(x) = 2x^2$ तथा $g(x) = 3x - 4, x \in R$, निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए :

gof(x)



21. यदि फलन $f\!:\!R o R, f(x)=x^2+2$ तथा $g\!:\!R o R, g(x)=rac{x}{x-1}, x
eq 1$ द्वारा प्रदत्त है ,तो fog तथा gof ज्ञात कीजिए और fog (2) तथा gof(-3) ज्ञात कीजिए ।



22. यदि फलन $f\!:\!N o N$ इस प्रकार परिभाषित है कि f(x)=4x+3, तो $f^{-1}(x)=$

(a)
$$4x-3$$
 , (b) $\dfrac{4x-3}{2}$ (c) $\dfrac{x+3}{2}$, $\dfrac{x-3}{4}$



23. मान लीजिए कि
$$f\colon N o Y$$
 , $f(x)=4x+3$ द्वारा परिभाषित एक फलन है ,

सिद्ध कीजिए कि f व्यूत्क्रमणीय है । प्रतिलोम फलन भी ज्ञात कीजिए ।

जहाँ $Y=\{y=4x+3,x\in N,y\in N$ के लिए $\}$



24.
$$f(x)=\sin x$$
 द्वारा प्रदत्त फलन $f\colon \left[0,\frac{\pi}{2}\right]\to R$ तथा g(x) =cosx द्वारा प्रदत्त फलन $g\colon \left[0,\frac{\pi}{2}\right]\to R$ पर विचार कीजिए । सिद्ध कीजिए कि f तथा g एकैकी है परन्तु f+g एकैकी नहीं है ।



25. $f(x)=x^2+4$ के द्वारा दिए गये $f\colon R_+ o [4,\infty)$ पर विचार कीजिए । दर्शाइए कि f व्यूत्क्रमणीय है और f का व्यूत्क्रम $f^{-1}, f^{-1}(y)=\sqrt{y-4}$ के द्वारा दिया जाता है , जहाँ R_+ सभी अऋणात्मक वास्तविक संख्याओं का समुच्चय है ।



26. तीन फलन $f\colon N o N, g\colon N o N$ तथा $h\colon N o R$ पर विचार कीजिए जहाँ f(x)=2x, g(y)=3y+4 तथा $h(z)=\sin z,\ orall x,y$ तथा $z\in N$ |



27. यदि f(x)=x+7 तथा g(x)=x-7, $x\in R$ हो तो निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए : fof(7)



28. यदि f(x)=x+7 तथा g(x)=x-7, $x\in R$ हो तो निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए : fog(7)



29. यदि f(x)=x+7 तथा $g(x)=x-7, x\in R$ हो तो निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए : gof(7)



30. यदि f(x)=x+7 तथा g(x)=x-7, $x\in R$ हो तो निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए : gog(7)



31. मान लीजिए कि $f\colon\{2,3,4,5\} o\{3,4,5,9\}$ और $g\colon\{3,4,5,9\} o\{7,11,15\}$ दो फलन इस प्रकार है कि f(2)=3,f(3)=4,f(4)=f(5)=5 और g(3)=g(4)=7 तथा g(5)=g(9)=11 तो gof ज्ञात कीजिए ।



32. यदि $f\colon R o R$ तथा $g\colon R o R$ फलन क्रमशः $f(x)=\cos x$ तथा $g(x)=3x^2$ द्वारा परिभाषित है तो gof और fog ज्ञात कीजिए । सिद्ध कीजिए $:gof \neq fog$



33. यदि
$$f(x)=rac{3x+4}{5x-7}$$
 द्वारा परिभाषित फलन $f\colon R-\left(rac{7}{5}
ight) o R-\left(rac{3}{5}
ight)$ तथा $g(x)=rac{7x+4}{5x-3}$ द्वारा प्रदत्त है , तो सिद्ध कीजिए कि $fog=I_A$ तथा $gof=I_B$, इस प्रकार कि $I_A(x)=x,\ orall x\in A$

 I_A तथा I_B को क्रमशः समुच्चय A तथा B पर तत्समक फलन कहते हैं ।

वीडियो उत्तर देखें

और $I_B(x)=x,\ orall x\in B$, जहाँ $A=R-\left(rac{3}{5}
ight), B=R-\left(rac{7}{5}
ight)$ हैं ।

34. सिद्ध कीजिए कि यदि
$$f,A o B$$
 तथा $g,B o C$ एकैकी हैं , तो $gof\colon A o C$ भी एकैकी हैं ।

35. सिद्ध कीजिए की यदि $f\colon A o B$ तथा $g\colon B o C$ आच्छादक , है ,तो

$$gof\colon A o C$$
 भी आच्छादक है।



36. f तथा g ऐसे दो फलनों पर विचार कीजिए कि gof परिभाषित है तथा एकैकी है । क्या f तथा g दोनों अनिवार्यतः एकैकी है ?



37. यदि gof आच्छादक है , तो क्या f तथा g दोनों अनिवार्यतः आच्छादक है ?



38. मान लीजिए कि $f\colon\{1,2,3\}\to\{a,b,c\}$ एक एकैकी तथा आच्छादक फलन इस प्रकार है कि f(1)=a,f(2)=b और f(3)=c, तो सिद्ध कीजिए की फलन $g,\{a,b,c\}\to\{1,2,3\}$ का ऐसा अस्तित्व है , ताकि $gof-I_x$ तथा $fog=I_y$, जहाँ $X=\{1,2,3\}$ तथा $Y=\{a,b,c\}$ हो |



39. मान लीजिए कि $Y=\left\{n^2\colon n\in N
ight\}\subset N$ है । फलन $f\colon N o Y$, जहाँ $f(n)=n^2$ पर विचार कीजिए । सिद्ध कीजिए कि f व्यूत्क्रमणीय है । f का प्रतिलोम



भी ज्ञात कीजिए।

40. मान लीजिए कि N o R, $f(x)=4x^2+12x+15$ द्वारा परिभाषित एक फलन है । सिद्ध कीजिए कि $f\colon N o S$, जहाँ S,f का परिसर है , व्यूत्क्रमणीय है । f का प्रतिलोम भी ज्ञात कीजिए ।



 $f\colon\{1,2,3\} o \{a,b,c\}$ নথা $g\colon\{a,b,c\} o ig\{ \ \ , \ \ \ , \ \ ig\}f(1)=a,f(2)=b,f(3)=c,g(a)=b$

सेब , g(b) = गेंद तथा g(c) = बिल्ली द्वारा परिभाषित फलनों पर विचार कीजिए कि

प्रमाणित कीजिए कि $\left(gof
ight)^{-1}=f^{-1}og^{-1}$ है ।

f,g और gof व्यूत्क्रमणीय है । f^{-1}, g^{-1} तथा $(gof)^{-1}$ ज्ञात कीजिए तथा



42. मान लीजिए कि S={1,2,3} है । निर्धारित कीजिए कि क्या नीचे परिभाषित फलन

 $f\colon\! S o S$ के प्रतिलोम फलन है । f^{-1} ज्ञात कीजिए यदि इसका अस्तित्व है ।

(b)
$$f = \{(1,2), (2,1), (3,1)\}$$
 ,

(c) $f = \{(1,3), (3,2), (2,1)\}$

(a) $f = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3)\},\$

43.
$$f(x)5x^2+6x-9$$
 द्वारा प्रदत्त फलन $f,R_f \to [-9,\infty]$ पर विचार कीजिए । सिद्ध कीजिए की फलन f , $f^{-1}(y)=\frac{\sqrt{54+5y}-3}{5}$ के व्यूत्क्रमणीय है ।



44. $f\colon A o B$ एक आच्छादक फलन होगा यदि

(a)
$$f(A) \subset B$$
 , (b) $f(A) = B$, (c) $B \subset f(A)$, (d) $f(A)
eq B$



45. f(x)=2x+3 द्वारा प्रदत्त फलन $f\!:\!R o R$ पर विचार कीजिए । सिद्ध कीजिए कि f व्यूत्क्रमणीय है । f का प्रतिलोम फलन भी ज्ञात कीजिए ।



46. $f(x)=\frac{4x+3}{3x+4}$ द्वारा प्रदत्त फलन $f\!:\!R\!\left\{-\frac{4}{3}\right\} o \left\{-\frac{4}{3}\right\}$ पर विचार कीजिए । सिद्ध कीजिए कि f एकैक आच्छादित फलन है । f का व्यूत्क्रम ज्ञात कीजिए और $f^{-1}(0)$ भी ज्ञात कीजिए और जबिक $f^{-1}(x)=2$ है ।



47. $f(x)=9x^2+6x-5$ द्वारा प्रदत्त फलन $f{:}\,R_x o [\,-5,\infty)$ पर विचार

कीजिए । सिद्ध कीजिए कि f व्यूत्क्रमणीय है तथा $f^{-1}(y) = \left(rac{\sqrt{y+6}-1}{3}
ight)$ है अतः ज्ञात कीजिए :

(i)
$$f^{-1}(10)$$
 , (ii) y यदि $f^{-1}(y)=rac{4}{3}$



48. एक द्वी - आधारी संक्रिया $*, R \times R$ पर निम्न प्रकार परिभाषित है (a,b)*(c,d)=(ac,bc,+d), जहाँ a,b,c,d $\in R$ । ज्ञात कीजिए :(2,3)*(1,-2)



- **49.** समुच्चय $\{1,2,3,4,5\}$ में $a \wedge b =$ निम्नतम $\{a,b\}$ द्वारा परिभाषित द्विआधारी संक्रिया \land पर विचार कीजिए । संक्रिया \land के लिए संक्रिया सारणी लिखिए ।
 - वीडियो उत्तर देखें

50. यदि सभी परिमेय संख्याओं के समुच्चय Q में एक द्विचर संक्रिया

$$Q imes Q o Q, \; st: Q imes Q o Qst(x,y) = xst y = x+y-xy$$
 तो



सिद्ध कीजिए कि * साहचर्य है।

51. निर्धारित कीजिए कि समुच्चय N में प्रदत्त निम्नलिखित द्विआधारित संक्रियाओं में कौन -सी साहचर्य है और कौन - सी क्रम - विनिमय है ?

$$a*b=1,\ orall a,b\in N$$
 , (b) $a*b=rac{(a+b)}{2},\ orall a,b,\ \in N$



52. एक द्विआधारी संक्रिया $*Z^+$ पर निम्न रूप परिभाषित है :

$$a*b=a^b-b \qquad \qquad a,b\in Z^+$$

2*5 का मान ज्ञात कीजिए , जहाँ $Z^{\,+}\,$ धनात्मक पूर्णांकों का समुच्चय है ।

53. माना कि N में एक द्वि - आधारी संकिया * , a*b=a तथा b के LCM द्वारा परिभाषित है , $a,b\in N$ तब सिद्ध कीजिए कि :(20*16)*8=20*(16*8)



54. सिद्ध कीजिए कि R में योग , अंतर और गुणा द्वि - आधारित संक्रियाएँ है , किन्तु भाग R में द्वि -आधारी संक्रिया नहीं है । साथ ही सिद्ध कीजिए कि भाग शून्येतर वास्तिवक संख्याओं के समुच्चय R* में द्वि - आधारी संक्रिया है ।



55. सिद्ध कीजिए की अंतर (व्यवकलन) तथा भाग N में द्वि -आधारी संक्रिया नहीं है ।



56. सिद्ध कीजिए कि $\, * : R imes R o R, (a,b) o a + 4b^2$ द्वारा प्रदत्त एक द्वि

- आधारी संक्रिया है ।



57. मान लीजिए कि P, किसी प्रदत्त समुच्चय X के समस्त उप - समुच्चय है । सिद्ध कीजिए कि $\subset: P \times P \to P, (A,B) \to A \cup B$ द्वारा प्रदत्त तथा

$$\cap: P imes P o P, (A,B) o A \cap B$$
 द्वारा परिभाषित फलन , P में द्वि

-आधारी संक्रियाएँ हैं ।



58. सिद्ध कीजिए कि (a,b) o अधिकतम (a,b) द्वारा परिभाषित ee : R imes R o R तथा (a,b) o निम्नतम {a,b} द्वारा परिभाषित $\wedge: R imes R o R$ द्वि -आधारित संक्रियाएँ हैं ।



59. सिद्ध कीजिए कि +:R imes R o R तथा XX:R imes R o R क्रम - विनिमय द्वि - आधारित संक्रियाएँ हैं , परन्तु :R imes R o R तथा $\div:R_* imes R_* o R_*$ क्रम - विनिमय नहीं हैं ।



60. सिद्ध कीजिए कि a*b=a+2b द्वारा परिभाषित *:R imes R o R क्रम - विनिमय नहीं है ।



61. सिद्ध कीजिए कि R में योग तथा गुणा साहचर्य द्वि - आधारी संक्रियाएँ है , परन्तु अवकलन तथा भाग R में साहचर्य नहीं हैं ।



62. सिद्ध कीजिए कि a*b o a + 2b द्वारा प्रदत्त *:R imes R o R साहचर्य नहीं है ।



63. सिद्ध कीजिए कि R में शून्य (0) योग का तत्समक है तथा 1 गुणा का तत्समक है परन्तु संक्रियाओं $\div R imes R o R$ और $\div : R_* imes R_* o R_*$ के लिए कोई तत्समक अवयव नहीं है ।



64. सिद्ध कीजिए कि R में धन संक्रिया '+' के लिए -a का प्रतिलोम a है और R में गुणा संक्रिया \times के लिए $a \neq 0$ का प्रतिलोम $\frac{1}{a}$ है ।



65. सिद्ध कीजिए कि N में धन संक्रिया '+' के लिए $(-a)\in N, a\neq 1$ का प्रतिलोम $\frac{1}{a}$ नहीं है और N में गुणन संक्रिया ' \times ' के लिए $a\in N, a\neq 1$ का प्रतिलोम $\frac{1}{a}$ नहीं है ।



66. माना कि A=Q imes Q है तथा A में (a,b),(c,d) $\in A$ के लिए ,(a,b)*(c,d)=(ac,b+ad) द्वारा परिभाषित एक द्वि आधारी संक्रिया है ।

ज्ञात कीजिए कि * क्रम -विनिमेय तथा साहचर्य है । A में * के सापेक्ष ज्ञात कीजिए :

- (i) तत्समक अवयव , (ii) व्यूत्क्रमणीय अवयव
 - 🥒 उत्तर देखें

67. माना कि A=Q-[1] है और A में a*b=a-b+ab द्वारा परिभाषित एक द्वि - आधारी संक्रिया है । दर्शाइए कि * क्रम -विनिमेय एवं साहचर्य है । A में * का तत्समक अवयव ज्ञात कीजिए तथा A का व्यूत्क्रमण अवयव भी ज्ञात कीजिए ।

68. यदि फलन $f\!:\!R o R, f(x)=x^2$ द्वारा परिभाषित हो ,तो दिखाइए की फलन f अनेकैक एकैकी है ।



उत्तर देखें

अभ्यास २ १ वस्तुनिष्ठ प्रश्न

1. माना कि $f{:}\,R o R,\,f(x)=x^4$ द्वारा परिभाषित है । सही उत्तर को चुनिए :

A. f एकैकी आच्छादक है

B. f बहु - एक आच्छादक है

C. f एकैकी है परन्तु आच्छादक नहीं है

D. f ना तो एकैकी है और न ही आच्छादक है।

Answer: D



2. माना कि f(x)=3x द्वारा परिभाषित फलन $f\!:\!R o R$ है । सही उत्तर को चुनिए :

A. f एकैकी आच्छादक है

B. f बहु - एक आच्छादक है

C. f एकैकी है परन्तु आच्छादक नहीं है

D. f ना तो एकैकी है और न ही आच्छादक है।

Answer: A



उत्तर देखें

3. फलन $f(x) = -\sqrt{-5-6-x^2}$ का परास है :

A.
$$[-5, -1]$$

B.
$$[-5, -3]$$

$$\mathsf{C.}\,[\,-5,0]$$

$$\mathsf{D.}\,[\,-2,0]$$

Answer: D



माना 4.

 $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ $f{:}\,A o Z, f(x)=x^2-2x-3$ द्वारा दिया गया है । f का परास है : और

A. $\{-4, -3, 0, 5\}$

 $C. \{ -4, 0, 5 \}$

B. $\{0, 2\}$

D. $\{-3, 0, 5\}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

5. माना फलन $f\colon \mathbb{R} o [2,\infty)$ निम्न द्वारा परिभाषित है $f(x)=5x^2+2\,orall\,x\in R,$ तब f है

- A. एकैकी फलन
- B. एकैकी ,आच्छादक फलन
- C. एकैकी ,आच्छादित फलन
- D. बहु -एक आच्छादित फलन

Answer: D



उत्तर देखें

6. यदि $A=\{1,2,3\},\,B=\{5,6,7\}$ तथा $f\!:\!A o B$ एक फलन इस प्रकार परिभाषित है कि f(x)=x+4, तो f किस प्रकार का फलन है?

A. अनेकैक आच्छादक

B. अचर फलन

C. एकैकी आच्छादक

D. अन्तः क्षेपी

Answer: C



7. माना A = [p,q,r,s] और $B = \{1,2,3\}$ में A से B पर निम्न में से कौन -सा सम्बन्ध फलन नहीं है ?

A. $R_1 = \{(p,1), (q,2), (r,1), (s,2)\}$

B. $R_2 = \{(p,1), (q,1), (r,1), (s,1)\}$

C.
$$R_3 = \{(p,1), (q,2), (p,2), (s,3)\}$$

D.
$$R_4 = \{(p,2), (q,3), (r,2), (s,2)\}.$$

Answer: C



अभ्यास २ १ अति लघु उत्तरीय प्रश्न

1.
$$f(x) = \sqrt{(x-1)(3-x)}$$
 का प्रान्त और परास ज्ञात कीजिए ।



2. निम्न फलनों का प्रान्त और परास ज्ञात कीजिए ।

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x - 1}$$



3. निम्न फलनों का प्रान्त और परास ज्ञात कीजिए ।

$$|x| + y = 0$$



4. निम्न फलनों का प्रान्त और परास ज्ञात कीजिए।

$$f(x) = \frac{|x-1|}{x-1}$$



5. निम्न फलनों का प्रान्त और परास ज्ञात कीजिए ।

$$y=\sqrt{x-3}.$$



6.
$$f(x) = \dfrac{1}{(2x-3)(x+1)}$$
 का परास ज्ञात कीजिए ।



अभ्यास २ १ लघु उत्तरीय प्रश्न

- **1.** सिद्ध कीजिए कि $f{:}R o R$
 - 1, x > 0
 - $f(x) = 0, \quad x = 0$

 $-1, \quad x < 0$ द्वारा प्रदत्त चिन्ह फलन न तो एकैकी है और न ही आच्छादक है ।

🕞 वीडियो उत्तर देखें

- **2.** यदि $A=\{\,-1,0,2,5,6,11\},B=\{\,-2,\,-0,18,28,108\}$ और $f(x)=x^2-x-2f(A)$ प्राप्त कीजिए ।
 - वीडियो उत्तर देखें

3. निम्न सम्बन्धों को क्रमित युग्म के समुच्चय के रूप के लिखिए और प्राप्त कीजिए कि उनमें से कौन से फलन है ?

$$\{(x,y): y=3x, x\in\{1,2,3\}, y\in\{3,6,9,12\}\}$$



4. निम्न सम्बन्धों को क्रमित युग्म के समुच्चय के रूप के लिखिए और प्राप्त कीजिए कि

$$\{(x,y): y > x+1, x=1, 2 \text{ and } y=2, 4, 6\}$$

🕞 वीडियो उत्तर देखें

उनमें से कौन से फलन है ?

5. निम्न सम्बन्धों को क्रमित युग्म के समुच्चय के रूप के लिखिए और प्राप्त कीजिए कि उनमें से कौन से फलन है ?

$$\{(x,y)\!:\! x+2y=3, x,y\in\{0,1,2,3\}\}.$$

6. माना $f\!:\!R o R$ एक फलन इस प्रकार है कि $f(x)=2^X$. निर्धारित कीजिए :

f का परास



7. माना $f{:}\,R o R$ एक फलन इस प्रकार है कि $f(x)=2^X$. निर्धारित कीजिए :

$$\{x \colon f(x) = 1\}$$



8. माना $f\!:\!R o R$ एक फलन इस प्रकार है कि $f(x)=2^X$. निर्धारित कीजिए :

क्या $f(x+y)=f(x).\ f(y)$ सत्य है



अपने उत्तर का कारण भी बताइए ।

9. माना कि सभी $n \in N$ के लिए $f(n) = \left\{egin{array}{l} rac{n+1}{2}, & n \ rac{n}{2}, & n \end{array}
ight.$

द्वारा

परिभाषित एक फलन $f\colon N o N$ है । बताइए कि क्या फलन f एकैकी आच्छदि है ।



वीडियो उत्तर देखें

अभ्यास २ २ वस्तुनिष्ठ प्रश्न

1. यदि $f{:}R o R,$ $f(x)=\left(3-x^3
ight)^{1/3}$ द्वारा प्रदत्त है तो fof(x) बराबर है

A. $x^{1/3}$

B. x^3

C. x

D. $3 - x^3$

Answer: C

2. माना कि
$$f(x)=rac{4x}{3x+4}$$
 द्वारा परिभाषित एक फलन $f\colon R-\left\{ -rac{4}{3}
ight\} o R$ है । f का प्रतिलोम अर्थात प्रतिचित्रण g : परिसर

$$f o R-igg\{-rac{4}{3}igg\}$$
, निम्न में से किसके द्वारा प्राप्त होगा (Let

$$f{:}R-\left(-rac{4}{3}
ight)
ightarrow R$$
 be a funtion defined as

$$f(x)=rac{4x}{3x+4}$$
' $x
eq -rac{4}{3}$

A.
$$g(y)=rac{3y}{3-4y}$$

$$\mathsf{B.}\,g(y) = \frac{4y}{4-3y}$$

$$\mathsf{C.}\,g(y) = \frac{4y}{3-4y}$$

$$\mathsf{D}.\,g(y) = \frac{3y}{4-3y}$$

Answer: B



🔼 उत्तर देखें

A.
$$1-x$$

3. यदि $f(x) = \frac{1}{1-x}, \;$ तब $f[f\{f(x)\}]$ है :

D.
$$\frac{x}{1-x}$$

 $\mathsf{C.}\;\frac{1-x}{x}$

Answer: B

वीडियो उत्तर देखें

- **4.** माना $f{:}\,R o R,$ $f(x)=rac{x}{x^2+1}$ से परिभाषित है , तो f{f(2)} है :
- A. $\frac{1}{3}$
- - c. $\frac{10}{49}$ D. $\frac{10}{29}$

B. $\frac{11}{29}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि (If)
$$f(x)=rac{x-1}{x+1}$$
 , तो इसका मान है

A. x

$$\mathsf{B.}\;\frac{x+1}{x-1}$$

 $\mathsf{C}.\,x^2$

D.
$$\frac{1}{x-1}$$

Answer: A



उत्तर देखें

gof

3. यदि
$$f(x) = x^2 - 1, g(x) = 3x + 1$$
, तब निम्न फलन ज्ञात कीजिए : gog

1. यदि $f(x) = x^2 - 1, g(x) = 3x + 1$, तब निम्न फलन ज्ञात कीजिए :

2. यदि $f(x) = x^2 - 1, g(x) = 3x + 1$, तब निम्न फलन ज्ञात कीजिए :



00 3 33

4. यदि
$$f(x) = x^2 - 1, \, g(x) = 3x + 1,$$
 तब निम्न फलन ज्ञात कीजिए : fof

5. यदि $f\colon R o R$ और $g\colon R o R,$ f(x)=x+2 और $g(x)=2x^2+5$ द्वारा परिभाषित है तो fog और gof ज्ञात कीजिए ।



6. यदि f और g दो वास्तविक मानी फलन इस प्रकार हों कि $f(x)=x^2-5$ और g(x)=2x+3, तब fog ज्ञात कीजिए ।



7. यदि (If) $f\!:\!R o R$, जहाँ $f(x)=x^2+2$ और $g\!:\!R o R$, जहाँ $g(x)=1-rac{1}{1-x}$, तब निम्न के मान प्राप्त कीजिए fog

8. यदि (If) $f\!:\!R o R$, जहाँ $f(x)=x^2+2$ और $g\!:\!R o R$, जहाँ $g(x)=1-rac{1}{1-x}$, तब निम्न के मान प्राप्त कीजिए gof



अभ्यास २ २ लघु उत्तरीय प्रश्न

1. माना कि $f\!:\!\{1,3,4\} o \{1,2,5\}$ तथा

 $g \colon \{1,2,5] o \{1,3\}, f = \{(1,2),(3,5),(4,1)\}$ तथा g={(1,3),(2,3),

🕞 वीडियो उत्तर देखें

(5,1)} द्वारा प्रदत्त हैं । gof ज्ञात कीजिए ।

- **2.** gof तथा fpg ज्ञात कीजिए , यदि f(x) = |x| तथा (and) g(x) = |5x-2|
 - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

3. gof तथा fpg ज्ञात कीजिए , यदि

$$f(x)=8x^3$$
 तथा (and) $g(x)=x^{1/3}$

🕞 वीडियो उत्तर देखें

4. निम्न फलनों का प्रतिलोम ज्ञात कीजिए , यदि उनका अस्तित्व हैं :

$$f(x) = -\frac{1}{3}x + 4$$

🕞 वीडियो उत्तर देखें

5. निम्न फलनों का प्रतिलोम ज्ञात कीजिए , यदि उनका अस्तित्व हैं :

$$f(x) = \frac{x-1}{x+1}$$

🕞 वीडियो उत्तर देखें

6. निम्न फलनों का प्रतिलोम ज्ञात कीजिए , यदि उनका अस्तित्व हैं :

$$f(x) = \sqrt{1 - x^2}, 0 \le x \le 1.$$



7. यदि $f\!:\!R o R, f(x)=3x-7$ द्वारा परभाषित हो तो दिखाइए f व्यूत्क्रमणीय

हैं और f^{-1} ज्ञात कीजिए।



अभ्यास २ २ दीर्घ उत्तरीय प्रश्न

1. यदि $f(x)=rac{4x+3}{6x-4}, x
eq rac{2}{3}$, तो सिद्ध कीजिए कि सभी $x
eq rac{2}{3}$, के लिए

fof (x) =x हैं ।f का प्रतिलोम फलन क्या हैं ?



2. सिद्ध कीजिए कि $f{:}\left[1,1
ight]
ightarrow R,$ $f(x)=rac{x}{x+2}$ द्वारा प्रदत्त फलन एकैकी है

। फलन $f{:}\,[\,-1,1] o$ (f का परिसर) , का प्रतिलोम फलन ज्ञात कीजिए ।



3. f(x)=4x+3 द्वारा प्रदत्त फलन $f\!:\!R o R$ पर विचार कीजिए । सिद्ध

कीजिए कि f व्यूत्क्रमणीय है। f का प्रतिलोम फलन ज्ञात कीजिए।



अभ्यास २ ३ वस्तुनिष्ठ प्रश्न

1. समुच्चय $\{a,b\}$ में द्विआधारी संक्रियाओं कि संख्या है :

A. 10

B. 16

C. 20

D. 8

Answer: 16



वीडियो उत्तर देखें

अभ्यास २ ३ अति लघु उत्तरीय प्रश्न

1. माना कि परिमेय संख्याओं के समुच्चय * में निम्नलिखित प्रकार से परिभाषित * एक द्विआधारी संक्रिया है :

(i) a*b=a-b , (ii) $a*b=a^2+b^2$, (iii) a*b=a+ab , (iv)

 $a*b=\left(a-b
ight)^{2}$, (v) $a*b=rac{ab}{4}$, (vi) $a*b=ab^{2}$ ज्ञात कीजिए कि इनमें

से कौन -सी संक्रियाएँ क्रम - विनिमेय है और कौन सी साहचर्य है ?



2. यदि st , Q पर द्वि - आधारी संक्रिया है , इस प्रकार है कि $xst y=\ =xy/3$,

तब दिखाइए कि (x * y) * z = x * (y * z)



3. माना a*b=a+b-4 $orall a,b\in Z$ द्वारा Z पर परिभाषित एक संक्रिया * है

- (i) दिखाइए कि * क्रम विनिमेय और साहचर्य है ।
- (ii) Z में तत्समक अवयव ज्ञात कीजिए |
- (iii) Z में व्यूत्क्रमणीय अवयव ज्ञात कीजिए।



4. निम्नलिखित परिभाषित प्रत्येक द्वि -आधारी संक्रिया * के लिए निर्धारित कीजिए कि क्या * क्रम - विनिमेय है तथा क्या * साहचर्य है :

Z में ,a*b=a-b द्वारा परिभाषित

5. निम्नलिखित परिभाषित प्रत्येक द्वि -आधारी संक्रिया * के लिए निर्धारित कीजिए कि

क्या * क्रम - विनिमेय है तथा क्या * साहचर्य है :

Q में
$$a*b=rac{ab}{2}$$
 द्वारा परिभाषित

वीडियो उत्तर देखें

6. निम्नलिखित परिभाषित प्रत्येक द्वि -आधारी संक्रिया * के लिए निर्धारित कीजिए कि क्या * क्रम - विनिमेय है तथा क्या * साहचर्य है :

$$Z^+$$
 में. $ast b=2^{ab}$ द्वारा परिभाषित



7. निम्नलिखित परिभाषित प्रत्येक द्वि -आधारी संक्रिया * के लिए निर्धारित कीजिए कि क्या * क्रम - विनिमेय है तथा क्या * साहचर्य है : $Z^{\,+}\,$ में , $a*b=a^b$ द्वारा परिभाषित



8. निम्नलिखित परिभाषित प्रत्येक द्वि -आधारी संक्रिया * के लिए निर्धारित कीजिए कि क्या * क्रम - विनिमेय है तथा क्या * साहचर्य है :

$$R-\{\,-1\}$$
 में, $a*b=rac{a}{b+1}$ द्वारा परिभाषित



- **9.** माना कि N में एक द्वि -आधारी संक्रिया *, a*b=a तथा b के L.C.M द्वारा परिभाषित है निम्नलिखित को ज्ञात कीजिए :
- (i) 5*7, 20*16
- (ii) क्या संक्रिया * क्रम विनिमेय है ?
- (iii) क्या * साहचर्य है ? , (iv) N में * का तत्समक अवयव ।
- (v) N के कौन -से अवयव * संक्रिया के लिए व्यूत्क्रमणीय है ?
 - D वीडियो उत्तर देखें

अभ्यास २ ३ लघु उत्तरीय प्रश्न

1. माना कि $A=N\times N$ है तथा A में (a,b)*(c,d)=(a+c,b+d) द्वारा परिभाषित एक द्वि - आधारी संक्रिया है । सिद्ध कीजिए कि * क्रम - विनिमेय तथा साहचर्य है । A में * का तत्समक अवयव , यदि कोई है , तो ज्ञात कीजिए ।



अभ्यास २ ३ दीर्घ उत्तरीय प्रश्न

1. माना Q^+ सभी धनात्मक परिमेय संख्याओं का समुच्चय है और संक्रिया * इस प्रकार है कि $a*b=\frac{ab}{3},\ \forall a,b\in Q^+.$ दिखाइए कि संक्रिया क्रम - विनिमेय के साथ -साथ साहचर्य भी है । साथ ही तत्समक अवयव और A का व्यूत्क्रम भी ज्ञात कीजिए।



एन सी ई आर टी

1. कारण सहित बताइए कि क्या निम्नलिखित फलनों के प्रतिलोम हैं

$$f\!:\!\{1,2,3,4\} o \{10\}$$
 जहाँ

$$f = \{(1, 10), (2, 10), (3, 10), (4, 10)\}$$



2. कारण सहित बताइए कि क्या निम्नलिखित फलनों के प्रतिलोम हैं

$$g\!:\!\{5,6,7,8\} o \{1,2,3,4\}$$
 जहाँ

$$g: \{5, 6, 7, 8\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4\}$$



3. कारण सहित बताइए कि क्या निम्नलिखित फलनों के प्रतिलोम हैं

$$h : \{2, 3, 4, 5\} \rightarrow \{7, 9, 11, 13\}$$

ਤਵੀਂ $h = \{(2,7), (3,9), (4,11), (5,13)\}$



4. $f(x)=x^2+4$ द्वारा प्रदत्त फलन $f\!:\!R_+ o [4,\infty)$ पर विचार कीजिए । सिद्ध कीजिए कि f व्यूत्क्रमणीय है तथा f का प्रतिलोम $f^{-1}, f^{-1}(y)=\sqrt{y-4}$,

द्वारा प्राप्त होता है , जहाँ R_{\pm} सभी ऋणेतर वास्तविक संख्याओं का समुच्चय है ।



5.
$$f(x)=9x^2+6x-5$$
 द्वारा प्रदत्त फलन $f\!:\!R_+ o[-5,\infty)$ पर विचार कीजिए । सिद्ध कीजिए कि f व्यूत्क्रमणीय है तथा $f^{-1}(y)=\left(rac{\sqrt{y+6}-1}{3}
ight)$ है।



6. माना कि $f\colon X o Y$ एक व्यूत्क्रमणीय फलन है । सिद्ध कीजिए कि f का प्रतिलोम फलन अद्वितीय है ।



7. $f\colon\{1,2,3\} o\{a,b,c\},\,f(1)=a,\,f(2)=b$ तथा f(3)=c द्वारा प्रदत्त फलन f पर विचार कीजिए । f^{-1} ज्ञात कीजिए और सिद्ध कीजिए कि $\left(f^{-1}\right)^{-1}=f$ है|



8. माना कि $f\colon X o Y$ एक व्यूत्क्रमणीय फलन है । सिद्ध कीजिए कि f^{-1} का प्रतिलोम f है अर्थात $\left(f^{-1}
ight)^{-1}=f$ है।



9. क्या समुच्चय $\{1,2,3,4,5\}$ में a*b=a तथा b का L.C.M. द्वारा परिभाषित * एक दि आधारी संक्रिया है ? कारण भी बताइए ।



10. माना कि N में a*b=a तथा b का H.C.F द्वारा परिभाषित एक द्वि -आधारी संक्रिया है ? क्या * क्रम - विनिमेय है ? क्या * साहचर्य है ? क्या N में इस द्वि - आधारी संक्रिया के तत्समक का अस्तित्व है ?



11. बताइए कि क्या निम्नलिखित कथन सत्य है या असत्य है ? कारण भी बताइए ? $m ext{H}$ समुच्चय N में किसी भी स्वेच्छ द्वि -आधारी संक्रिया m * के लिए $m ext{}a*a=a, Xxlpha\in N$



12. यदि N में * एक क्रम - विनिमेय द्वि - आधारी संक्रिया है, तो दर्शाइए

$$a*(b*c) = (c*b)*a$$



13. दो फलनों $f\colon N o Z$ तथा $f\colon Z o Z$ के उदाहरण दीजिए जो इस प्रकार हों कि gof एकैकी है, परन्तु g एकैकी नहीं है ।



14. माना कि S={a,b,c} तथा T={1,2,3} है । S से T तक के निम्नलिखित फलनों F के

लिए $F^{\,-1}$ ज्ञात कीजिए , यदि उसका अस्तित्व है :

$$F = \{(a,3), (b,2), (c,1)\}$$
 , (ii) $F = \{(a,2), (b,1), (c,1)\}$



15. किसी प्रदत्त अरिक्त समुच्चय X के लिए माना कि $*: P(X) \times P(X) o P(X),$ जहाँ

 $A*B=(A-B)\cup(B-A),\ \forall,AB\in P(X)$ द्वारा परिभाषित है । सिद्ध कीजिए कि रिक्त समुच्चय ϕ , संक्रिया * का तत्समक है तथा P(X) के सभी अवयव A व्युत्क्रमणीय हैं , इस प्रकार कि $A^{-1}=A$.



एन सी ई आर टी एक्सेम्पलर लघु उत्तरीय प्रश्न

1. मान लीजिए कि $D, f(x) = \sqrt{25 - x^2}$ द्वारा परिभाषित , वास्तविक मान फलन f का प्रान्त है , तो D को लिखिए ।



2. मान लीजिए कि $f,g\!:\!R o R$ क्रमशः $f(x)\!=\!2x\!+\!1$ तथा $g(x)=x^2-2,\ orall x\in R$ द्वारा परिभाषित है , तो gof ज्ञात कीजिए ।



3. मान लीजिए कि $f\!:\!R o R$ फलन $f(x)=2x-3\,orall\,x\in R$ द्वारा परिभाषित है । f^{-1} लिखिए ।



4. यदि A={a,b,c,d} तथा फलन $f=\{(a,b),(b,d),(c,a),(d,c)\}$, तो f^{-1} लिखिए ।



5. यदि $f\!:\!R o R, f(x)=x^2-3x+2$ द्वारा परिभाषित है , तो f[f(x)]

6. क्या $g=\{(1,1),(2,3),(3,5),(4,7)\}$ एक फलन है ? यदि g,g(x)=lpha x+eta द्वारा वर्णित है तो lpha तथा eta का मान क्या निर्धारित होना चाहिए ?



7. मान लीजिए कि C सम्मिश्र संख्याओं का समुच्चय है । सिद्ध कीजिए कि $f(z)=|z|,\ orall z\in C$ द्वारा दत्त प्रतिचित्रण $f\colon C o R$ न तो एकैकी है और न आच्छादक (आच्छदि) है ।



8. मान लीजिए कि फलन R o R, $f(x)=\cos x,\ orall x\in R,$ द्वारा परिभाषित

है । सिद्ध कीजिए कि f न तो एकैकी है और न आच्छादक (आच्छदि) है ।



9. यदि फलन $f\colon A \to B$ तथा $g\colon B \to A, gof = I_A$ को संतुष्ट करते हैं , तो सिद्ध कीजिए कि फलन f एकैकी है तथा g आच्छादक है ।



10. मान लीजिए कि $f\!:\!R o R, f(x)=rac{1}{2-\cos x}x\in R$ द्वारा परिभाषित एक फलन है , तो f का परिसर ज्ञात कीजिए ।

वीडियो उत्तर देखें

एन सी ई आर टी एक्सेम्पलर दीर्घ उत्तरीय प्रश्न

(i)
$$f(x)=rac{x}{2}$$
 , (ii) $g(x)=|x|$, (iii) $h(x)=|x|$, (iv) $k(x)=x^2$



2. मान लीजिए कि A=R-{3},B=R-{1} मान लीजिए कि $f\colon A \to Bf(x) = \frac{x-2}{x-3}$ 'x 'A द्वारा परिभाषित है तो सिद्ध कीजिए कि f एकैकी आच्छिद है ।



3. मान लीजिए कि एक द्विआधारीय संक्रिया *Q में परिभाषित है । ज्ञात कीजिए कि निम्नलिखित द्वि - आधारी संक्रियाओं में से कौन - कौन सी संक्रियाएँ क्रम - विनिमेय है : $a*b=a-b, a,b\in Q$, (ii) $a*b=a^2+b^2, a,b\in Q$, (iii)

- $a*b=a+ab, a,b\in Q$
- $\text{(iv) } a*b=(a-b)^2, ab\in Q$
 - वीडियो उत्तर देखें

4. मान लीजिए कि R में द्वि -आधारी संक्रिया $*, a*b = 1 + ab, a, b \in R$, तो

संक्रिया * :

(i) क्रम - विनिमेय है किन्तु साहचर्य नहीं है । , (ii) साहचर्य है किन्तु क्रम - विनिमेय नहीं

है।

- (iii) न तो क्रम विनिमेय है और न साहचर्य है । , (iv) क्रम विनिमेय तथा साहचर्य दोनों ही है।
 - वीडियो उत्तर देखें

एन सी ई आर टी एक्सेम्पलर वस्तुनिष्ठ प्रश्न

1. $Q \sim \{0\}$ में $a*b = \frac{ab}{2}a, b \in Q \sim \{0\}$ प्रकार सी परिभाषित द्वि -आधारी संक्रिया * का (के लिए) तत्सम अवयव है :

A. 1

В. О

C. 2

D. इनमें से कोई नहीं ।

Answer:



2. यदि समुच्चय A में 5 अवयव हैं तथा समुच्चय B में 6 अवयव हैं , तो A से B में एकैकी तथा आच्छादक प्रतिचित्रणों कि संख्या हैं :

A. 720

B. 120

C. 0

D. इनमें से कोई नहीं।

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

3. मान लीजिए कि $f\!:\!R o R, f(x)=rac{1}{x}, x\in R$ के द्वारा परिभाषित हैं , तो f:

A. एकैकी है

B. आच्छादक है

C. एकैकी आच्छदि है

D. f परिभाषित नहीं है

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

4. मान लीजिए कि $f\!:\!R o R, f(x)=3x^2-5$ द्वारा तथा $g\!:\!R o R, g(x)=rac{x}{x^2+1}$ द्वारा परिभाषित है तो gof निम्नलिखित है :

A.
$$\dfrac{3x^2-5}{9x^4-30x^2+26}$$
B. $\dfrac{3x^2-5}{9x^4-6x^2+26}$

C.
$$\dfrac{3x^2}{x^4+2x^2-4}$$

D.
$$rac{3x^2}{9x^4+30x^2-2}$$

Answer: A



5. मान लीजिए कि $f\!:\!R o R, f(x)=x^3+5$ द्वारा परिभाषित एक फलन हैं ,

तो $f^{-1}(x)$ निम्नलिखित है :

A.
$$(x+5)^{\frac{1}{3}}$$

B.
$$(x-5)^{\frac{1}{3}}$$

D.
$$5-x$$

C. $(5-x)^{\frac{1}{3}}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

6. मान लीजिए कि $f{:}\left[0,1
ight]
ightarrow\left[0,1
ight], f(x)=\left\{egin{array}{ll} x, & {
m x} \ 1-x, & {
m x} \end{array}
ight.$

- द्वारा परिभाषित है , तो (fof)x:
 - A. अचर है
 - B. 1+x हੈ
 - C. x है
 - D. इनमें से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

7. मान लीजिए कि $f\!:\![2,\infty) o R, f(x)=x^2-4x+5$ द्वारा परिभाषित एक फलन है , तो f का परिसर है :

A.R

B. $[1, \infty]$

 $\mathsf{C}.\left[4,\infty
ight)$

D. $[5, \infty)$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

8. मान लीजिए कि $f\colon N o R, f(x)=rac{2x-1}{2}$ द्वारा परिभाषित एक फलन है तथा $g\colon Q o R, g(x)=x+2$ द्वारा परिभाषित एक अन्य फलन है , तो $(gof)\Big(rac{3}{2}\Big)$:

 $\operatorname{B.}\frac{3}{2}$

c. $\frac{7}{2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

9. मान लीजिए कि $f\colon R o R$,

$$f(x) = egin{cases} 2x\!:\!x>3 \ x^2\!:\!1 < x \le 3 \end{cases}$$
 द्वारा परिभाषित है , $3x\!:\!x \le 1$

तो

f(-1) + f(2) + f(4):

A. 9

B. 14

C. 5

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

10. मान लीजिए कि $f\!:\!R o R,$ f(x)= an x द्वारा दत्त है, तो $f^{-1}(1)$:

A.
$$\frac{\pi}{4}$$

B.
$$\left(n\pi+rac{\pi}{4}\!:\!n\in Z
ight)$$

C. का अरितत्व नहीं है

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

एन सी ई आर टी एक्सेम्पलर रिक्त स्थान भरिए

1. मान लीजिए कि $f = \{(1,2), (3,5), (4,1)\}$ तथा

$$g = \{(2,3), (5,1), (1,3)\}$$
 तो gof = तथा fog =



2. मान लीजिए कि
$$f\!:\!R o R, f(x)=rac{x}{\sqrt{1+x}}$$
 द्वारा परिभाषित है , तो $:$ (fofof)(x) =

3. यदि
$$f(x) = \left[4-\left(x-7
ight)^3
ight]$$
 , तो $f^{-1}(x)$ =



एन सी ई आर टी एक्सेम्पलर सत्य असत्य छाँटिए

1. मान लीजिए $f{:}R o R, f(x)=\sin(3x+2), x\in R$ द्वारा परिभाषित एक फलन है , तो f व्यूत्क्रमणीय है ।



- 2. फलनों का संयोजन क्रम विनिमेय होता है ।
 - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- 3. प्रत्येक फलन व्यूत्क्रमणीय होता है।
 - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

उच्च स्तरीय बुद्धि कौशल प्रश्न

1. माना $f_1\colon R o R$ और $f_2\colon C o C$ दो फलन है जो $f_1(x)=x^3$ और $f_2(x)=x^3$ द्वारा परिभाषित है। दिखाइए कि वे समान नहीं है ।



2. निम्न फलनों को क्रमित युग्म के समुच्चय के रूप में लिखिए और उनका परास ज्ञात कीजिए :

$$f_1\!:\! A o R\!:\! f_1(x)=x^2+1$$
, जहाँ $A=\{-1,0,2,4\}$



3. निम्न फलनों को क्रमित युग्म के समुच्चय के रूप में लिखिए और उनका परास ज्ञात कीजिए :

$$f_2\colon A o N\colon f_2(x)=2x,$$
 সहाँ $A=\{x\colon x\in N, x\le 10\}.$



4. यदि A अरिक्त समुच्चय हो और f,A o A, इस प्रकार कि $fog=gof=I_A$ | दिखाइए f और g एकैकी आच्छादक है और $g=f^{-1}$.



5. माना (Let) $A=\{x\in R\colon 0\le x\le 1\}$. यदि (if) $f\colon A\to A$ निम्न द्वारा परिभाषित है $f(x)=\int x,\quad (\text{ if })x\in Q$

$$f(x)=egin{cases} x,&(ext{ if })x\in Q\ 1-x,&(ext{ if })x\in Q \end{cases}$$
 নৰ दिखाइए (then show that) $fof(x)=x\,orall x\in A.$



6. माना * समुच्चय Q-[1] पर $a*b=a+b-ab, ab\in Q$ -{1} द्वारा पिरभाषित द्वि -आधारी संक्रिया है । Q पर * के सापेक्ष तत्समक अवयव ज्ञात कीजिए । दिखाइए कि $Q-\{1\}$ का प्रत्येक अवयव व्यूत्क्रमणीय है ।



7. माना X एक अरिक्त समुच्चय पर एक द्वि -आधारी संक्रिया है । अर्थात P(X) निम्न द्वारा परिभाषित है :

P(X) पर * के सापेक्ष तत्समक अवयव ज्ञात कीजिए ।



वीडियो उत्तर देखें

8. माना X एक अरिक्त समुच्चय पर एक द्वि -आधारी संक्रिया है । अर्थात P(X) निम्न द्वारा परिभाषित है :

दिखाइए कि P(X) का व्यूत्क्रमणीय अवयव X है।



उत्तर देखें

कम्प्टीशन कॉर्नर

1. फलन $f{:}R o \left[-rac{1}{2},rac{1}{2}
ight]$, जो $f(x)=rac{x}{1+x^2}$ द्वारा परिभाषित है:

(a) व्यूत्क्रमणीय , (b) एकैकी है परन्तु आच्छदि नहीं , (c) आच्छदि है परन्तु एकैकी नहीं



.(d) न तो आच्छदि न ही एकैकी

2. माना कि $f(x)=\sin\Bigl(rac{\pi}{6}\sin\Bigl(rac{\pi}{2}\sin x\Bigr)\Bigr),\ orall\,x\in R$ तथा $g(x)=rac{\pi}{2}\sin x,\ orall\,x\in R$ माना कि (f,g)(x) दर्शाता है f(g(x)) तथा (g.f)(x)

दर्शाता है g(f(x)) . तब निम्न में से कौन -सा (से) सत्य हैं ?

(a)
$${\sf f}$$
 का परास $\left[-rac{1}{2},rac{1}{2}
ight]$ हैं|

(b) f.g का परास
$$\left[-rac{1}{2},rac{1}{2}
ight]$$
 हैं $|$, (c) $\lim_{x o 0}rac{f(x)}{g(x)}=rac{\pi}{6}$, (d) x inR` इस

प्रकार हैं कि (gf)(x)=1

