

MATHS

BOOKS - ARIHANT MATHS (HINDI)

अवकलन

प्रश्नावाली

1. यदि $f(x) = 3e^{x^2}$ हो, तब $f'(x) - 2xf(x) + \frac{1}{3}f(0) - f'(0)$ का मान होगा

A. 1

B. 2

C. -1

D. 0

Answer: A



प्रश्नावाली

2. $f(x) = |x|^3$ का $x = 0$ पर अवकलज होगा



वीडियो उत्तर देखें

3. यदि $f(x) = \cos x \cos 2x \cos 4x \cos 8x \cos 16x$ हो, तब $f' \left(\frac{\pi}{4} \right)$ का मान होगा

A. $\sqrt{2}$

B. $\frac{1}{\sqrt{2}}$

C. 1

D. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

4. $y = (1-x)(2-x)\dots(n-x)$ का $x = 1$ पर अवकलज होंगा

A. 0

B. $(-1)(n-1)!$

C. $n!-1$

D. $(-1)^{n-1}(n-1)!$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि $g(x)$ फलन $f(x)$ का प्रतिलिम फलन है तथा $f'(x) = \frac{1}{1+x^3}$, तब $g'(x)$ का मान होगा

A. $\frac{1}{1+\{g(x)\}^3}$

B. $\frac{1}{1+\{f(x)\}^3}$

C. $1+\{g(x)\}^3$

D. $1+\{f(x)\}^3$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

6. यदि $x = e^{\tan^{-1}} \left(\frac{y - x^2}{x^2} \right)$ हो तो $\frac{dy}{dx}$ का मान होगा

A. $x [1 + \tan(\log x) + \sec^2 x]$

B. $2x [1 + \tan(\log x) + \sec^2 x]$

C. $2x [1 + \tan(\log x) - \sec x]$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

7. यदि $x^2 + y^2 = t - \frac{1}{t}$, $x^4 + y^4 = t^2 + \frac{1}{t^2}$, तब $x^3 y \frac{dy}{dx}$ का मान होगा

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

8. यदि $x = \frac{2t}{1+t^2}$, $y = \frac{1-t^2}{1+t^2}$ तब $\frac{dy}{dx}$ का मान होगा

A. $\frac{2t}{t^2 + 1}$

B. $\frac{2t}{t^2 - 1}$

C. $\frac{2t}{1 - t^2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

9. यदि $2^x + 2^y = 2^{x+y}$, तब $x = y = 1$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान होगा

A. 0

B. -1

C. 1

D. 2

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

10. यदि $\sqrt{1-x^2} + \sqrt{1-y^2} = a(x-y)$ तब $\frac{dy}{dx}$ होगा

A. $\sqrt{\frac{1-x^2}{1-y^2}}$

B. $\sqrt{\frac{1-y^2}{1-x^2}}$

C. $\sqrt{\frac{x^2-1}{1-y^2}}$

D. $\sqrt{\frac{y^2-1}{1-x^2}}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

11. माना $3f(x) - 2f\left(\frac{1}{x}\right) = x$, तब $f'(2)$ का मान होगा

A. $\frac{2}{7}$

B. $\frac{1}{2}$

C. 2

D. $\frac{7}{2}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

12. यदि $f(x) = \sin^{-1}(\sin x) + \cos^{-1}(\sin x)$ तथा $\phi(x) = f[f\{f(x)\}]$ हो, तो $\phi'(x)$ का मान होगा

A. 1

B. $\sin x$

C. 0

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

13. दो फलन $f(x)$ और $g(x)$, अंतराल $[0,2]$ में इस प्रकार अवकलनीय हैं , कि
 $f''(x) - g''(x) = 0, f'(1) = 2, g'(1) = 4, f(2) = 3, g(2) = 9$, तब
 $x = 3/2$ पर $f(x)-g(x)$ का मान है

A. 0

B. 2

C. 10

D. -5

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

14. यदि $f(x)$ अवकलनीय फलन है और $f''(0)=a$ तब

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2f(x) - 3f(2x) + f(4x)}{x^2} \text{ बराबर है}$$

A. 3a

B. 2a

C. 5a

D. 4a

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

15. माना $f(x) = \begin{vmatrix} x^3 & \sin x & \cos x \\ 6 & -1 & 0 \\ P & P^2 & P^3 \end{vmatrix}$, जहाँ P अचर है, तब $\frac{d^3}{dx^3}\{f(x)\}$ का x = 0 पर मान क्या होगा?

A. P

B. $P + P^2$

C. $P + P^3$

D. P से स्वतन्त्र

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

16. यदि $y = 3x^3 + \sin x$ हो, तो $\frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} + 3$ का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

17. यदि $f(x) = \sqrt{1 + \cos^2(x^2)}$, तब $f'\left[\frac{\sqrt{\pi}}{2}\right]$ का मान होगा

- A. $\sqrt{\pi}/6$
- B. $-\sqrt{\pi/6}$
- C. $1/\sqrt{6}$
- D. $\pi/\sqrt{6}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

18. यदि $y = \sec^{-1}\left(\frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+1}\right) + \sin^{-1}\left(\frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+1}\right)$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान होगा

- A. 0
- B. $\frac{1}{\sqrt{x}+1}$
- C. 1
- D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

19. फलन $f(x) = (x^2 + 1)\log\{\sin(x^2 + 1)\}$ का अवकलन ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

20. यदि $y = \frac{a^{\cos^{-1}x}}{1 + a^{\cos^{-1}x}}$ तथा $z = a^{\cos^{-1}x}$, तब $\frac{dy}{dz}$ होगा

A. $\frac{1}{1 + a^{\cos^{-1}x}}$

B. $\frac{1}{1 - a^{\cos^{-1}x}}$

C. $\frac{1}{(1 + a^{\cos^{-1}x})^2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

21. यदि $f(x) = \log(\cot x \tan x)(\log_{\tan x} \cot x)^{-1}$ f(2) का मान होगा।

A. 2

B. 0

C. $\frac{1}{2}$

D. -2

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

22. $\frac{d}{dx}[|x - 1| + |x - 5|]$ का $x = 3$ पर मान होगा

A. -2

B. 0

C. 2

D. 4

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

23. यदि $y = \log x \cdot e^{(\tan x + x^2)}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान होगा

A. $e^{(\tan x + x^2)} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x + x) \log x \right]$

B. $e^{(\tan x + x^2)} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x - x) \log x \right]$

C. $e^{\tan x + x^2} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x + 2x) \log x \right]$

D. $e^{\tan x + x^2} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x - 2x) \log x \right]$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

24. यदि $y = \frac{2(x - \sin x)^{3/2}}{\sqrt{x}}$ हो, तब $\frac{dy}{dx}$ होगा

A. $\frac{(2x - \sin x)^{3/2}}{\sqrt{x}} \left[\frac{3}{2} \cdot \frac{1 - \cos x}{1 + \sin x} - \frac{1}{2x} \right]$

- B. $\frac{(2x - \sin x)^{3/2}}{\sqrt{x}} \left[\frac{3}{2} \cdot \frac{1 - \cos x}{x + \sin x} - \frac{1}{2x} \right]$
- C. $\frac{2(x - \sin x)}{\sqrt{x}} \left[\frac{3}{2} \cdot \frac{1 - \cos x}{x - \sin x} - \frac{1}{2x} \right]$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं।

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

25. यदि $D^* f(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f^2(x + h) - f^2(x)}{h}$ जहाँ $f^2(x) = \{f(x)\}^2$

यदि $u = f(x), v = g(x)$ तब $D^*(u.v)$ का मान होगा

A. $(D^*u)v + (D^*v)u$

B. $u^2 D \cdot v + v^2 D \cdot u$

C. $D^*u + D^*v$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

26. यदि $D^* f(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f^2(x + h) - f^2(x)}{h}$ जहाँ $f^2(x) = \{f(x)\}^2$

$D^*(\tan x)$ का मान होगा।

A. $\sec^2 x$

B. $2 \sec^2 x$

C. $\tan x \sec^2 x$

D. $2 \tan x \sec^2 x$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

27. यदि $D^* f(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f^2(x + h) - f^2(x)}{h}$ जहाँ $f^2(x) = \{f(x)\}^2$

$y = f(x)$ के उस बिन्दु पर $D^*f(x)$ का मान क्या होगा जिस बिन्दु पर स्पर्शी x अक्ष के समान्तर हो?

A. $f(x)$

B. शून्य

C. $2f(x)$

D. $xf(x)$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

28. वक्तव्य | यदि $u = f(\tan x), v = g(\sec x)$ तथा $f'(1) = 2, g'(\sqrt{2}) = 4$ तब

$$\left(\frac{du}{dv} \right)_{x=\pi/4} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

वक्तव्य || यदि $u = f(x), v = g(x)$, तब g के सापेक्ष f का अवकलज

$$\frac{du}{dv} = \frac{du/dx}{dv/dx}$$
 होगा।

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है।

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है। वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है।

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है।

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य | सत्य है

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

29. वक्तव्य $|x| < 0$ के लिए $\frac{d}{dx}(\log|x|) = -\frac{1}{x}$

वक्तव्य $|x| < 0$ के लिए, $|x| = -x$

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है।

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है। वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है।

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है।

D. वक्तव्य || असत्य है, वक्तव्य | सत्य है

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

30. यदि $u = f(x), v = g(x)$, तब u का अवकलज v के सापेक्ष $\frac{du}{dv} = \frac{du/dx}{dv/dx}$

वक्तव्य $\int \cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right) dx$ के सापेक्ष $\sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right)$ का अवकलज 1 होगा, यदि

$$0 < x < 1$$

वक्तव्य || यदि $-1 \leq x \leq 1$ हो, तब $\sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right) \neq \cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right)$

- A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है।
- B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है। वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है।
- C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है।
- D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य | सत्य है

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

31. वक्तव्य | यदि $e^{xy} + \ln(xy) + \cos(xy) + 5 = 0$

तब $\frac{dy}{dx} = -\frac{y}{x}$

वक्तव्य || $\frac{d}{dx}(xy) = 0 \Rightarrow \frac{dy}{dx} = -\frac{y}{x}$

- A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है।
- B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || भी सत्य है। वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है।

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है।

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य | सत्य है

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

32. यदि $f''(x) = -f(x)$, जहाँ $f(x)$ एक सतत दो बार अवकलनीय फलन है और $g(x)=f(x)$,

यदि $F(x) = \left\{ f\left(\frac{x}{2}\right) \right\}^2 + \left\{ \left(\frac{x}{2}\right) \right\}^2$ और $F(5) = 5$, तो $F(10)$ है

A. 0

B. 5

C. 10

D. 25

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

33. यदि y , x का एक फलन है और $\log(x + y) = 2xy$ हो, तब $y'(0)$ का मान है



वीडियो उत्तर देखें

34. माना f , अन्तराल $[0, 1]$ पर परिभाषित एक अऋणात्मक (non-negative) फलन है। यदि

$$\int_x^0 \sqrt{1 - \{f'(t)\}^2} dt = \int_0^x f(t) dt, \quad 0 \leq x < 1 \text{ तथा } f(0) = 0, \text{ तब}$$

- A. $f\left(\frac{1}{2}\right) < \frac{1}{2}$ तथा $f\left(\frac{1}{3}\right) > \frac{1}{3}$
- B. $f\left(\frac{1}{2}\right) > \frac{1}{2}$ तथा $f\left(\frac{1}{3}\right) > \frac{1}{3}$
- C. $f\left(\frac{1}{2}\right) < \frac{1}{2}$ $f((1)/(3)) \lt (1)/(3) \lt (1)/(3)^-$
- D. $f\left(\frac{1}{2}\right) < \frac{1}{2}$ तथा $f\left(\frac{1}{3}\right) < \frac{1}{3}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

35. यदि $f_r(x)$, $g_r(x)$, $h_r(x)$, $r = 1, 2, 3$ x के बहुपद इस प्रकार हैं कि

$$f_r(a) = g_r(a) = h_r(a), \quad r = 1, 2, 3 \quad F(x) = | \ | \ | \ | f_1(x) f_2(x) f_3(x) g$$

$1(x)g2(x)g3(x)h1(x)h2(x)h3(x) | | | |$ तब $x = a$ पर $F(x)$ का मान होगा

A. 0

B. 1

C. 2

D. 3

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

36. फलन $y = \left\{ (\log_{\cos x} \sin x))(\log_{\sin x} \cos x)^{-1} + \sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right) \right\}$ का $x = \frac{\pi}{4}$ पर अवकलज है

A. $\frac{-8}{\log_e 2 + \frac{32}{16+\pi^2}}$

B. $\frac{8}{\log_e 2} - \frac{32}{16 + \pi^2}$

C. $\frac{-8}{\log_e 2} + \frac{32}{16 - \pi^2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

37. यदि $y^2 = p(x)$, घात 3 का एक बहुपद है, तो $2 \frac{d}{dx} \left(y^3 \frac{d^2y}{dx^2} \right)$ बराबर होगा

A. $P'''(x) + P'(x)$

B. $p''(x) \cdot P''(x)$

C. $p(x) \cdot P'''(x)$

D. एक नियतांक

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावाली विगत वर्षों के प्रश्न

1. $\frac{d^2x}{dy^2}$ बराबर है

- A. $\left(\frac{d^2x}{dy^2}\right)^{-1}$
- B. $-\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^{-1} \left(\frac{dy}{dx}\right)^{-3}$
- C. $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) \left(\frac{dy}{dx}\right)^{-2}$
- D. $-\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) \left(\frac{dy}{dx}\right)^{-3}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

2. माना $y^{2x} - 2x^x \cot y - 1 = 0$ से परिभाषित x का एक अस्पष्ट (implicit) फलन है, तब $y'(1)$ का मान होगा

A. 1

B. $\log 2$

C. $-\log 2$

Answer: D

वीडियो उत्तर देखें

3. यदि $x^m y^n = (x + y)^{m+n}$, तब $\frac{dy}{dx}$ होगा

A. $\frac{x+y}{xy}$

B. xy

C. $\frac{x}{y}$

D. $\frac{y}{x}$

Answer: D

वीडियो उत्तर देखें

4. यदि $y = \left(x + \sqrt{1+x^2}\right)^n$ है तब $(1+x^2) \frac{d^2y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx}$ का मान होगा

A. n^2y

B. $-n^2y$

C. $-y$

D. $2x^2y$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

उदाहरण

1. फलन $\cos ax$ का $x = a$ पर अवकलन है

A. $\sin ax$

B. $-\sin ax$

C. $-a \sin ax$

D. $a \cos ax$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

2. फलन $\tan^{-1} x$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. $\frac{1}{1+x^2}$

B. $\frac{-1}{1+x^2}$

C. $\frac{x}{1+x^2}$

D. $\frac{2x}{1+x^2}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

3. $\cos x^3 \cdot \sin^2(x^5)$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. $10x^4(\sin x^5)(\cos x^5)(\cos x^3) - 3x^2 \sin x^3 \cdot \sin x^2 x^5$

B. $5x^3(\sin x^5)(\cos x^5)(\cos x^3) - 3x^2 \sin x^3 \cdot \sin^2 x^5$

C. $5x^3(\sin x^5)(\cos x^5)(\cos x^3) - 6x^2 \sin x^3 \cdot \sin^2 x^5$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

4. $\frac{\sin(ax + b)}{\cos(cx + d)}$ का x के सापेक्ष अवकलन ज्ञात कीजिए

A.

$a \cos(ax + b) \sec(cx + d) + c \sin(ax + b) \tan(cx + d) \cdot \sec(cx + d)$

B.

$a \cos(ax + b) \sin(cx + d) + c \sin(ax + b) \tan(cx + d) \cdot \sec(cx + d)$

C.

$a \cos(ax + b) \sec(cx + d) + c \sin(ax + b) \tan(cx + d) \cdot \cos(cx + d)$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि $x = \sqrt{a^{\sin^{-1} t}}$, $y = \sqrt{a^{\cos^{-1} t}}$, हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{y}{x}$

B. $\frac{x}{y}$

C. $-\frac{y}{x}$

D. $-\frac{x}{y}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

6. यदि $x = a(\theta + \sin \theta)$ तथा $y = a(1 - \cos \theta)$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\tan \frac{\theta}{2}$

B. $\cot \frac{\theta}{2}$

C. $\tan \theta$

D. $\cot \theta$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

7. यदि $\sin^2 y + \cos(xy) = k$ है, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{y \sin(xy)}{\sin 2y - x \sin(xy)}$

B. $\frac{y \cos(xy)}{\sin 2y - x \sin(xy)}$

C. $\frac{y \sin(xy)}{\sin 2y - x \cos(xy)}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

8. यदि $\sqrt{1 - x^6} + \sqrt{1 - y^6} = a^3(x^3 - y^3)$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\frac{x}{y} \cdot \frac{\sqrt{1 - x^3}}{\sqrt{1 - y^3}}$
- B. $\frac{x^2 \sqrt{1 - x^3}}{y^2 \sqrt{1 - y^3}}$
- C. $\frac{x^2 \sqrt{1 - y^6}}{y^2 \sqrt{1 - x^6}}$
- D. $\frac{x^2 \sqrt{1 - x^6}}{y^2 \sqrt{1 - y^6}}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

9. $\sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right)$ का $\tan^{-1}x$ के सापेक्ष अवकलन है, जहाँ $x \in (-1, 1)$

A. 1

B. 2

C. $\frac{1}{1+x}$

D. $\frac{1}{2}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

10. $\log \tan x$ का $\sin^{-1}(e^x)$ के सापेक्ष अवकलन है

A. $\frac{e^{-x}\sqrt{1-e^{2x}}}{\sin x \cdot \cos x}$

B. $\frac{\sin x \cdot \cos x}{e^{-x}\sqrt{1-e^{2x}}}$

C. $\frac{e^x\sqrt{1-e^{2x}}}{\sin x \cdot \cos x}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

11. फलन $\cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right)$ का फलन $\cot^{-1}\left(\frac{1-3x^2}{3x-x^3}\right)$ के सापेक्ष अवकलन है

A. 1

B. $\frac{1}{1+x^2}$

C. $\frac{-1}{1+x^2}$

D. $\frac{2}{1+x^2}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

12. फलन $\tan^{-1} \frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x}$ का $\cos^{-1} \sqrt{\frac{1+\sqrt{1+x^2}}{2\sqrt{1+x^2}}}$ के सापेक्ष अवकल
गुणांक है

A. 1

B. -1

C. $\frac{1}{2}$

D. $-\frac{1}{2}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

13. यदि $x^y \cdot y^x = 1$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $-\frac{(y + x \log y)}{x + y \log x} \cdot \frac{y}{x}$

B. $\frac{(y + x \log y)}{(x + y \log x)} \cdot \frac{y}{x}$

C. $-\frac{(x + y \log y)}{(y + x \log x)} \cdot \frac{y}{x}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

14. यदि $y = (x \log x)^{\log \log x}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{y \log y}{x \log x} (2 \log \log x + 1)$

B. $\frac{x \log x}{y \log y} (2 \log \log x + 1)$

C. $\frac{2y \log y}{x \log x} (\log \log x + 1)$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

15. यदि $y = (\cot x)^{\sin x}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $-\operatorname{cosec} x(\cot x)^{\sin x - 1} + (\cot x)^{\sin x}. \log(\cot x). \cos x$

B. $-\operatorname{cosec} x(\cot x)^{\sin x} + (\cot x)^{\sin x - 1}. \log(\cot x). \cos x$

C. $(\operatorname{cosec} x). (\cot x)^{\sin x - 1} - (\cot x)^{\sin x}. \log \cot(x). \cos x$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

16. $\frac{d}{dx} \tan^{-1} \left[\frac{\sqrt{1+x^2} + \sqrt{1-x^2}}{\sqrt{1+x^2} - \sqrt{1-x^2}} \right]$ का मान है

A. $\frac{-x}{\sqrt{1-x^4}}$

B. $\frac{x}{\sqrt{1-x^4}}$

C. $\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$

D. $\frac{-x}{\sqrt{1-x^2}}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

17. यदि $y = \begin{vmatrix} f(x) & g(x) & h(x) \\ l & m & n \\ a & b & c \end{vmatrix}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\begin{vmatrix} f'(x) & g'(x) & h'(x) \\ l & m & m \\ a & b & c \end{vmatrix}$

B. $\begin{vmatrix} f'(x) & g(x) & h(x) \\ l & m & n \\ a & b & c \end{vmatrix}$

C. $\begin{vmatrix} f(x) & g'(x) & h(x) \\ l & m & n \\ a & b & c \end{vmatrix}$

D. $\begin{vmatrix} f(x) & g(x) & h'(x) \\ l & m & n \\ a & b & c \end{vmatrix}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

18. यदि $y = \cos ax$ हो, तो $\begin{vmatrix} y & y_1 & y_2 \\ y_3 & y_4 & y_5 \\ y_6 & y_7 & y_8 \end{vmatrix}$ का मान है, जहाँ $y_r = \frac{d^r}{dx^r}y$.

A. 1

B. 0

C. $\sin^n ax$

D. $\cos^n ax$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

19. यदि $y = \sin px$ तथा y_n, y का n वाँ अवकलन हो, तो $\begin{vmatrix} y & y_1 & y_2 \\ y_3 & y_4 & y_5 \\ y_6 & y_7 & y_8 \end{vmatrix}$ का मान है

A. $\sin^n px$

B. $\cos^n px$

C. $\cos n px$

D. 0

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

20. $f(x) = \begin{vmatrix} x^3 & x^4 & 3x^2 \\ 1 & -6 & 4 \\ p & p^2 & p^3 \end{vmatrix}$, जहाँ p एक अचर है, तब $\frac{d^3 f(x)}{dx^3}$ का मान होगा

A. x^2 के अनुपातिक है

B. x के अनुपातिक है

C. x^3 के अनुपातिक है

D. एक अचर है

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

21. फलन $\cos^{-1} \frac{x^{2n} - 1}{x^{2n} + 1}$ का अवकल गुणांक होगा

A. $-\frac{2nx^{n-1}}{1+x^{2n}}$

B. $\frac{2nx^{n-1}}{1+x^{2n}}$

C. $\frac{2nx^{n-1}}{1-x^{2n}}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

22. यदि $y = Ae^{mx} + Be^{nx}$ हो, तो $\frac{d^2y}{dx^2} - (m+n)\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $-y$

B. 0

C. mny

D. $-mny$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

23. यदि $y = (\sin^{-1} x)^2 + k \sin^{-1} x$ हो, तो $(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx}$ का मान है

A. 0

B. 1

C. 2

D. y

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

24. यदि $y = e^{\sin^2 x}$ हो, तो $\frac{d^2x}{dy^2}$ का मान है

A. $-(2 \operatorname{cosec}^2 2x \cdot \cot 2x + \operatorname{cosec} 2x) \cdot e^{-2 \sin^2 x}$

B. $(2 \operatorname{cosec}^2 2x \cdot \cot 2x + \operatorname{cosec} 2x) \cdot e^{2 \sin^2 x}$

C. $(2 \operatorname{cosec}^2 2x \cdot \cot 2x - \operatorname{cosec} 2x) e^{\sin^2 x}$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

25. यदि $I_n = \frac{d^n}{dx^n}(x^n \log x)$ हो, तो $I_n - nI_{n-1}$ का मान ज्ञात कीजिए।

A. $(n - 1)!$

B. $(n - 2)!$

C. $(n - 3)!$

D. $(n - 4)!$

Answer: A



उत्तर देखें

साधित उदाहरण

1. यदि $f(x) = |x - 1|$ तथा $g(x) = f[f\{f(x)\}]$, तब $x > 2$ के लिए $g(x)$ का मान है

A. -1 , यदि $2 \leq x < 3$

B. 1 , यदि $2 \leq x < 3$

C. 1 , $\forall x > 2$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

2. यदि $y = \sin^{-1} \left[\frac{\log x^2}{1 + (\log x)^2} \right]$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{2}{1 + \log x}$

- B. $\frac{2}{x[1 + (\log x)]}$
- C. $\frac{2}{x[1 + (\log x)^2]}$
- D. $\frac{2}{1 + (\log x)^2}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

3. यदि $f(x) = \cos x \cos 2x \cos 4x \cos 8x \cos 16x$, तब $f' \left(\frac{\pi}{4} \right)$ का मान है

A. $\sqrt{2}$

B. $\frac{1}{\sqrt{2}}$

C. 1

D. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

4. यदि $x = at^2$, $y = 2at$, तो $\frac{d^2y}{dx^2}$ ज्ञात कीजिए।

A. $-\frac{1}{2at^3}$

B. $\frac{1}{a}$

C. $\frac{1}{16}$

D. $\frac{1}{2at}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

5. $y = (1-x)(2-x)\dots(n-x)$ का $x = 1$ पर अवकलज होंगा

A. 0

B. $(-1)(n-1)!$

C. $n! - 1$

D. $(-1)^{n-1}(n-1)!$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

6. यदि $y = 2 \cos(\log x) + 3 \sin(\log x)$, तो सिध्द कीजिए कि
 $x^2 \frac{d^2y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + y = 0$

A. 0

B. 1

C. 2

D. 3

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

7. माना f तथा g अवकलनीय फलन हैं जोकि $g'(a) = 2$, $g(a) = b$ तथा $fog = (I)$ तत्समक फलन को संतुष्ट करता है, तब $f'(b)$ का मान है

A. $\frac{1}{2}$

B. 2

C. $\frac{2}{3}$

D. इनमें में कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

8. यदि $y = \sin^{-1} \left(\frac{2x}{1+x^2} \right) + \sec^{-1} \left(\frac{1+x^2}{1-x^2} \right)$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{7}{1+x^2}$

B. $\frac{4}{1+x^2}$

C. $\frac{1}{x}$

D. इनमें में कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

9. यदि $x^2 + y^2 = t - \frac{1}{t}$, $x^4 + y^4 = t^2 + \frac{1}{t^2}$, तब $\frac{dy}{dx} =$

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

10. यदि $y = \frac{1}{4}u^4$ तथा $u = \frac{2}{3}x^3 + 5$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. x^2

B. $2x^3 + 15$

C. $\frac{2}{27}x^2$

D. इनमें में कोई नहीं

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

11. यदि $f'(x) = \phi(x)$ तथा $\phi'(x) = f(x)$, x के सभी मानों के लिए पुनः $f(3) = 5$ तथा $f'(3) = 4$, तब $[f(10)]^2 - [\phi(10)]^2$ का मान है

A. 0

B. 9

C. 41

D. इनमें में कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

1. यदि $f(x) = \frac{3x + 2}{5x - 3}$ हो, तो $f^{-1}x$

A. $-\frac{19}{4}$

B. $-\frac{4}{19}$

C. -19

D. इनमें से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

2. यदि $y = (\log_e x)[\log_x(\log_e x)]$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{1}{x \log_x \log_e x}$

B. $\frac{1}{x \log_e x}$

C. 0

D. इनमें से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

3. यदि $x = a \cos^3 \theta$, $y = a \sin^3 \theta$ हो, तो $\sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2}$ का मान है

- A. $\tan^2 \theta$
- B. $|\sec \theta|$
- C. $\sec^2 \theta$
- D. इनमें से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

4. यदि $y = \log\left(\frac{1+x}{1-x}\right)^{1/4} - \frac{1}{2}\tan^{-1}x$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\frac{x^2}{1-x^4}$

B. $\frac{2x^2}{1 - x^4}$

C. $\frac{x^2}{2(1 - x^4)}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि $y = x^2 \log x + \frac{2}{\sqrt{x}}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $x + 2 \log x - \frac{1}{\sqrt{x}}$

B. $x + 2x \log x - \frac{1}{x^{3/2}}$

C. $x + 2x \log x - \frac{2}{x^{3/2}}$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

6. यदि $y = \frac{at^2}{1+t^3}$ और $x = \frac{2at}{1+t^3}$ हो तो $\frac{dy}{dx}$ का मान ज्ञात कीजिए।

A. $\frac{a(1-t^2)}{2t}$

B. $\frac{a(t^2-1)}{2t}$

C. $\frac{2(t^2+1)}{2t}$

D. $\frac{a(t^2-1)}{t}$

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

7. यदि $y = x^{\sqrt{x}}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $x^{\sqrt{x}} \left(\frac{2 + \log x}{2\sqrt{x}} \right)$

B. $x^{\sqrt{x}} \left(\frac{2 + \log x}{\sqrt{x}} \right)$

C. $\frac{2 + \log x}{2\sqrt{x}}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

प्रारम्भिक प्रश्नावली 2

1. $\tan^{-1} \frac{\sqrt{1+x^2} + \sqrt{1-x^2}}{\sqrt{1+x^2} - \sqrt{1-x^2}}$ का अवकलन है

A. $\frac{x}{\sqrt{1-x^4}}$

B. $-\frac{x}{\sqrt{1-x^4}}$

C. $-\frac{1}{2\sqrt{1-x^2}}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

2. यदि $y = \sin \left\{ 2 \tan^{-1} \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} \right\}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{x}{\sqrt{1 - x^2}}$

B. $-\frac{x}{\sqrt{1 - x}}$

C. $-\frac{x}{\sqrt{1 - x^2}}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

3. यदि $2^x + 2^y = 2^{x+y}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. 0

B. -1

C. 1

D. 2

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

4. यदि $y = \frac{e^{2x} \cos x}{x \sin x}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{e^{2x} \{(2x - 1)\cot x - x \operatorname{cosec}^2 x\}}{x^2}$

B. $\frac{e^{2x} \{(2x + 1)\cot x - x \operatorname{cosec}^2 x\}}{x^2}$

C. $\frac{e^{2x} \{(2x - 1)\cot x + x \operatorname{cosec}^2 x\}}{x^2}$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि $y = f\left(\frac{2x - 1}{x^2 + 1}\right)$ तथा $f'(x) = \sin x^2$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{6x^2 - 2x + 2}{(x^2 + 1)^2} \sin\left(\frac{2x - 1}{x^2 + 1}\right)^2$

B. $\frac{6x^2 - 2x + 2}{(x^2 + 1)^2} \sin^2\left(\frac{2x - 1}{x^2 + 1}\right)^2$

C. $\frac{-2x^2 - 2x + 2}{(x^2 + 1)^2} \sin^2\left(\frac{2x - 1}{x^2 + 1}\right)$

$$D. \frac{-2x^2 + 2x + 2}{(x^2 + 1)^2} \sin\left(\frac{2x - 1}{x^2 + 1}\right)^2$$

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

6. यदि $x = a \sin \theta$, $y = b \cos \theta$ हो, तो $\frac{d^2y}{dx^2}$ का मान है

A. $\frac{a}{b^2} \sec^2 \theta$

B. $-\frac{b}{a} \sec^2 \theta$

C. $-\frac{b}{a^2} \sec^2 \theta$

D. $\frac{-b}{a^2} \sec^3 \theta$

Answer:



वीडियो उत्तर देखें

7. यदि $y = A \cos nx + B \cos nx$ हो, तो $\frac{d^2y}{dx^2}$ का मान है

A. n^2y

B. $-y$

C. $-n^2y$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली स्तर 1

1. $\frac{d}{dx} \left[\log \left\{ e^x \left(\frac{x-2}{x+2} \right)^{3/4} \right\} \right]$ का मान है

A. 1

B. $\frac{x^2 + 1}{x^2 - 4}$

C. $\frac{x^2 - 1}{x^2 - 4}$

D. $e^x \cdot \frac{x^2 - 1}{x^2 - 4}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

2. $2\sqrt{\cot(x^2)}$ का x के सापेक्ष अवकलन है

- A. $\frac{x \operatorname{cosec}^2(x^2)}{2\sqrt{\cot(x^2)}}$
- B. $\frac{-2x \operatorname{cosec}^2(x^2)}{\sqrt{\cot(x^2)}}$
- C. $\frac{-x \operatorname{cosec}^2(x^2)}{\sqrt{\cot(x^2)}}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

3. $\sqrt{e^{\sqrt{x}}}$ का x के सापेक्ष अवकलन है

- A. $\frac{e^{\sqrt{x}}}{2\sqrt{xe^{\sqrt{x}}}}$

B. $\frac{4e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{xe^{\sqrt{x}}}}$

C. $\frac{e^{\sqrt{x}}}{4\sqrt{xe^{\sqrt{x}}}}$

D. $\frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{e^{\sqrt{x}}}}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

4. यदि $x = 4t$, $y = \frac{4}{t}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. t^2

B. $\frac{1}{t}$

C. $-\frac{1}{t}$

D. $-\frac{1}{t^2}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि $x = a(\cos \theta + \theta \sin \theta)$, $y = a(\sin \theta - \theta \cos \theta)$, तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए।

- A. $\tan \theta$
- B. $\sec \theta$
- C. $-\tan \theta$
- D. $\cot \theta$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

6. $\sqrt{\tan \sqrt{x}}$ का x के सापेक्ष अवकलन है

- A. $\frac{\sec^2 \sqrt{x}}{4\sqrt{x} \sqrt{\tan \sqrt{x}}}$
- B. $\frac{\sec^2 \sqrt{x}}{4\sqrt{x} \cdot \tan \sqrt{x}}$
- C. $\frac{\sec^2 \sqrt{x}}{\sqrt{x} \sqrt{\tan \sqrt{x}}}$
- D. $\frac{4 \sec^2 \sqrt{x}}{\sqrt{x} \sqrt{\tan \sqrt{x}}}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

7. यदि $x = a \sec^3 \theta$ तथा $y = a \tan^3 \theta$, तब $\left(\frac{dy}{dx} \right)$ का $\theta = \frac{\pi}{3}$ पर मान है

A. $\frac{2}{\sqrt{3}}$

B. $\frac{1}{2}$

C. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

D. $\frac{1}{\sqrt{3}}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

8. $\log [\log (\log x^5)]$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. $\frac{1}{x \log x \log(\log x^5)}$

B. $\frac{1}{x \log(\log x^5)}$

C. $\frac{5}{x \log(\log x^5)}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

9. यदि $x = t + \frac{1}{t}$ तथा $y = t - \frac{1}{t}$, तब $\frac{dy}{dx}$ बराबर है

A. $\frac{t^2 + 1}{t^2 - 1}$

B. $\frac{1 + t^2}{1 - t^2}$

C. $\frac{1 - t^2}{1 + t^2}$

D. $\frac{t^2 - 1}{t^2 + 1}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

10. यदि $x = \frac{1 + \log t}{t^2}$ तथा $y = \frac{3 + 2 \log t}{t}$, तब $\frac{dy}{dx}$ बराबर है

A. $\frac{1}{t}$

B. -1

C. 1

D. t

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

11. $\frac{d}{dx} \left[\left(\frac{\tan^2 2x - \tan^2 x}{1 - \tan^2 2x \tan^2 x} \right) \cot 3x \right]$ का मान है

A. $\tan 2x \tan x$

B. $\tan 3x \tan x$

C. $\sec^2 x$

D. $\sec x \tan x$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

12. यदि $y = \log^n x$, जहाँ \log^n का अर्थ है $\log \log \log \dots$ (n बार), तब $x \log x \log^2 x \log^3 x \dots \log^{n-1} x \log^n x \frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\log x$

B. $\log^n x$

C. $\frac{1}{\log x}$

D. 1

Answer: C



उत्तर देखें

13. यदि $f(x) = \sqrt{1 + \cos^2(x^2)}$, तब $f' \left(\frac{\sqrt{\pi}}{2} \right)$ का मान है

- A. $\frac{\sqrt{\pi}}{6}$
- B. $-\sqrt{\frac{\pi}{6}}$
- C. $\frac{1}{\sqrt{6}}$
- D. $\frac{\pi}{\sqrt{6}}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

14. यदि $f(x) = \log(\cot x \tan x)(\log_{\tan x} \cot x)^{-1}$ f(2) का मान होगा।

- A. $\frac{1}{2}$
- B. $-\frac{1}{2}$
- C. 1
- D. -1

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

15. यदि $f(x) = \log_x(\log_e x)$, तब $f'(x)$ का $x = e$ पर मान है

A. 1

B. 2

C. 0

D. $\frac{1}{e}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

16. माना $f(x) = e^x$, $g(x) = \sin^{-1} x$ तथा $h(x) = f[g(x)]$, तब $\frac{h'(x)}{h(x)}$ का मान है

है

A. $e^{\sin^{-1} x}$

B. $\frac{1}{\sqrt{1 - x^2}}$

C. $\sin^{-1} x$

D. $\frac{1}{(1 - x^2)}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

17. माना $f(x) = \sin x$, $g(x) = x^2$ तथा $h(x) = \log_e x$, यदि $F(x) = (\text{hogof})(x)$, तब $f''(x)$ का मान है

A. $a \operatorname{cosec}^3 x$

B. $2\cot x^2 - 4x^2 \operatorname{cosec}^2 x^2$

C. $2x\cot x^2$

D. $-2 \operatorname{cosec}^2 x$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

18. यदि $xy + y^2 = \tan x + y$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\frac{\sec^2 x}{x + 2y}$
- B. $\frac{y - \sec^2 x}{x + 2y}$
- C. $\frac{\sec^2 x - y}{x + 2y - 1}$
- D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

19. यदि $\sin^2 x + \cos^2 y = 1$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\frac{\sin 2x}{\sin 2y}$
- B. $\frac{\sin 2y}{\sin 2x}$
- C. $\frac{\sin^2 x}{\sin^2 y}$
- D. $-\frac{\sin^2 y}{\sin^2 x}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

20. यदि $x\sqrt{1+y} + y\sqrt{1+x} = 0$, $-1 < x < 1$ के लिए, तब dy/dx है

A. $\frac{1}{(1+x)}$

B. $\frac{2}{(1+x)^2}$

C. $\frac{1}{1+x^2}$

D. $\frac{-1}{(1+x)^2}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

21. यदि $(x-a)^2 + (y-b)^2 = c^2$, $c > 0$ के लिए, तब $\frac{\left[1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2\right]^{3/2}}{d^2y/dx^2}$ है

A. $-c$

B. $\frac{-c}{a}$

C. $\frac{-a}{c}$

D. $-abc$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

22. यदि $\cos y = x \cos(a + y)$, जहाँ $\cos a \neq 1$, तब dy/dx का मान है

A. $\frac{\sin a}{\cos^2(a + y)}$

B. $\frac{\sin^2(a + y)}{\sin a}$

C. $\frac{\cos^2(a + y)}{\sin a}$

D. $\frac{\cos^2(a + y)}{\cos a}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

23. यदि $x \sin(a + y) + \sin a \cos(a + y) = 0$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{\cos^2(a + y)}{\cos a}$

B. $\frac{\cos^2(a + y)}{\sin a}$

C. $\frac{\sin^2(a + y)}{\sin a}$

D. $\frac{\cos^2(a + y)}{\sin a}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

24. यदि $y = \sqrt{\sin x + y}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{\cos x}{2y - 1}$

B. $\frac{\cos x}{1 - 2y}$

C. $\frac{\sin x}{1 - 2y}$

D. $\frac{\sin x}{2y - 1}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

25. $\tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x} \right)$ का $\tan^{-1} x$ के सापेक्ष आवक गुणांक, जब $x \neq 0$, है

A. 1

B. 2

C. $-\frac{1}{2}$

D. $\frac{1}{2}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

26. $\cos x \cdot \cos 2x \cdot \cos 3x$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. $-\tan x - 2x \tan 2x - 3x \tan 3x$

B. $-\cos x \cdot \cos 2x \cdot \cos 3x (\tan x + 2x \tan 2x + 3x \tan 3x)$

C. $\cos x \cdot \cos 2x \cdot \cos 3x (\tan x + 2 \tan 2x + 3 \tan 3x)$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

27. यदि $y^x = x^y$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{y - x \log y}{x - y \log x}$

B. $-\left(\frac{y - x \log y}{x - y \log x} \right)$

C. $-\frac{y}{x} \left(\frac{y - x \log y}{x - y \log x} \right)$

D. $\frac{y}{x} \left(\frac{y - x \log y}{x - y \log x} \right)$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

28. यदि $x^y = e^{x-y}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{y(x-1)}{x(1+y)}$

B. $\frac{x(x-1)}{y(1+y)}$

C. $\frac{x(1+x)}{y(1-y)}$

D. $\frac{y(1+x)}{x(1-y)}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

29. यदि $f(x) = (1+x)(1+x^2)(1+x^4)(1+x^8)$, तब $f'(1)$ का मान है

A. 0

B. 20

C. 93

Answer: D

वीडियो उत्तर देखें

30. $(\log x)^{\log x}$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. $(\log x)^{\log x} \left\{ \frac{1}{x} + x \log(\log x) \right\}$

B. $(\log x)^{\log x} \{x + x \log(\log x)\}$

C. $(\log x)^{\log x} \left\{ x + \frac{\log(\log x)}{x} \right\}$

D. $(\log x)^{\log x} \left\{ \frac{1}{x} + \frac{\log(\log x)}{x} \right\}$

Answer: D

वीडियो उत्तर देखें

31. यदि $y^x = e^{y-x}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\frac{(1 + \log y)}{y \log y}$
- B. $\frac{(1 + \log y)^2}{y \log y}$
- C. $\frac{1 + \log y}{(\log y)^2}$
- D. $\frac{(1 + \log y)^2}{\log y}$

Answer: D



उत्तर देखें

32. यदि $x = e^{x/y}$, तब $\frac{dy}{dx}$ बराबर है

- A. $\frac{x - y}{x \log x}$
- B. $\frac{y - x}{\log x}$
- C. $\frac{y - x}{x \log x}$
- D. $\frac{x - y}{\log x}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

33. यदि $y = (\cos x)^{(\cos x)^{(\cos x) \dots \infty}}$, तब $\frac{dy}{dx}$ बराबर है

A. $\frac{y \tan x}{y \log \cos x - 1}$

B. $\frac{y^2 \tan x}{y \log \cos x - 1}$

C. $\frac{y \tan x}{1 + y \log \cos x}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

34. यदि $x^m y^n = (x + y)^{m+n}$, तब इनमें से निम्न विकल्प सही है

A. $\frac{dy}{dx} = \frac{-x}{y} \quad \frac{d^2y}{dx^2} = -x$

B. $\frac{dy}{dx} = \frac{x}{y} \quad \frac{d^2y}{dx^2} = -y$

C. $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} \quad \frac{d^2y}{dx^2} = 0$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

35. यदि $x = \exp\left\{\tan^{-1}\left(\frac{y - x^2}{x^2}\right)\right\}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $2x[1 + \tan(\log x)] + x \sec^2(\log x)$

B. $x[1 + \tan(\log x)] + \sec^2(\log x)$

C. $2x[1 + \tan(\log x)] + x^2 \sec^2(\log x)$

D. $2x[1 + \tan(\log x)] + \sec^2(\log x)$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

यदि

36.

$$\cos \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2^2} \cos \frac{x}{2^3} \dots \cos \frac{x}{2^n} = f(x), \frac{1}{2} \tan \frac{x}{2} + \frac{1}{2^2} \tan \frac{x}{2^2} + \dots + \frac{1}{2^n} \tan \frac{x}{2^n}$$

बराबर है

- A. $\frac{f'(x)}{f(x)}$
- B. $\frac{f(x)}{f'(x)}$
- C. $-\frac{f'(x)}{f(x)}$
- D. 0

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

37. यदि $y = \sin^{-1} \left(\frac{1-x^2}{1+x^2} \right)$, $0 < x < 1$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\frac{-1}{1+x^2}$
- B. $\frac{-2}{1+x^2}$
- C. $\frac{1}{1+x^2}$

D. $\frac{2}{1+x^2}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

38. यदि $y = \cos^{-1} \left(\frac{2x}{1+x^2} \right)$, $-1 < x < 1$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{-1}{1+x^2}$

B. $\frac{1}{1+x^2}$

C. $\frac{-2}{1+x^2}$

D. $\frac{2}{1+x^2}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

39. $\cot^{-1} \left[\frac{\sqrt{1+\sin x} + \sqrt{1-\sin x}}{\sqrt{1+\sin x} - \sqrt{1-\sin x}} \right]$, $0 < x < \frac{\pi}{2}$ का अवकल गुणांक है

A. $\sin \frac{x}{2} - \cos \frac{x}{2}$

B. $\cos \frac{x}{2} - \sin \frac{x}{2}$

C. $\sin \frac{x}{2} + \cos \frac{x}{2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

40. यदि $y = \sin^{-1} x + \sin^{-1} \sqrt{1-x^2}$, $-1 \leq x \leq 1$ है तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

41. $\cos^{-1} \left(\frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{2}} \right)$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. 0

B. -1

C. 1

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

42. $\tan^{-1} \left(\frac{a \cos x - b \sin x}{b \cos x + a \sin x} \right)$, $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$ तथा $\frac{a}{b} \tan x > -1$, तब $\frac{dy}{dx}$ है

A. 0

B. -1

C. 1

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

43. यदि $\sqrt{1 - x^2} + \sqrt{1 - y^2} = a(x - y)$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\sqrt{\frac{1 - x^2}{1 - y^2}}$
- B. $\sqrt{\frac{1 - y^2}{1 - x^2}}$
- C. $-\sqrt{\frac{1 - y^2}{1 - x^2}}$
- D. $\frac{-y}{x}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

44. $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)$ का x के सापेक्ष अवकलन है

- A. $\frac{1}{\sqrt{x}(1+x)}$
- B. $\frac{-2}{\sqrt{x}(1+x)}$
- C. $\frac{-1}{2\sqrt{x}(1+x)}$
- D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

45. यदि $y = \tan^{-1}(\sec x - \tan x)$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. 2

B. -2

C. $\frac{1}{2}$

D. $-\frac{1}{2}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

46. यदि $\sin^{-1} x + \sin^{-1} y = \frac{\pi}{2}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{x}{y}$

B. $-\frac{x}{y}$

C. $\frac{y}{x}$

D. $-\frac{y}{x}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

47. $\frac{d}{dx} \left[\sin^2 \cot^{-1} \left\{ \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} \right\} \right]$ का मान है

A. -1

B. $\frac{1}{2}$

C. $-\frac{1}{2}$

D. 1

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

48. $\frac{d}{dx} \left[\sin^{-1} \left(x\sqrt{1-x} - \sqrt{x}\sqrt{1-x^2} \right) \right]$ का मान है

A. $\frac{1}{2\sqrt{x(1-x)}} - \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$

B. $\frac{1}{\sqrt{1 - \left\{ x\sqrt{1-x} - \sqrt{x(1-x^2)} \right\}^2}}$

C. $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} - \frac{1}{2\sqrt{x(1-x)}}$

D. $\frac{1}{\sqrt{x(1-x)(1-x)^2}}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

49. यदि $f(x) = \tan^{-1} \left[\frac{\log \left(\frac{e}{x^2} \right)}{\log(ex^2)} \right] + \tan^{-1} \left[\frac{3+2\log x}{1-6\log x} \right]$, $f'(x)$ का मान है

A. 2

B. 1

C. 0

Answer: C

वीडियो उत्तर देखें

50.

यदि

$$y = \tan^{-1}\left(\frac{1}{1+x+x^2}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{x^2+3x+3}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{x^2+5x+7}\right)$$

पदों तक], तब $y'(0)$ का मान है

A. $\frac{-1}{(n^2 + 1)}$

B. $\frac{-n^2}{(n^2 + 1)}$

C. $\frac{n^2}{(n^2 + 1)}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B

वीडियो उत्तर देखें

51. $f(x) = \begin{vmatrix} x^3 & x^2 & 3x^2 \\ 1 & -6 & 4 \\ p & p^2 & p^3 \end{vmatrix}$, यहाँ p एक अचर है, तब $\frac{d^3 f(x)}{dx^3}$ का मान है

A. x^2 के अनुपातिक है

B. x के अनुपातिक है

C. x^3 के अनुपातिक है

D. एक अचर है

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

52. यदि $y = 3 \cos(\log x) + 4 \sin(\log x)$, तब $x^2 y_2 + xy_1$ का मान है

A. y

B. $-xy$

C. $-y$

D. 0

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

53. यदि $y = 500e^{7x} + 600e^{-7x}$, तब $\frac{d^2y}{dx^2}$ का मान है

A. y

B. 7y

C. 40y

D. 49y

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

54. यदि $e^y(x + 1) = 1$, तब $\frac{d^2y}{dx^2}$ का मान है

A. y

B. $\frac{dy}{dx}$

C. $-y$

D. $\left(\frac{dy}{dx}\right)^2$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

55. यदि $y = (\tan^{-1} x)^2$, तब $(x^2 + 1)^2 y_2 + 2x(x^2 + 1)y_1$ का मान है

A. 0

B. 1

C. 2

D. 4

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

56. यदि $y = e^{a \cos^{-1} x}$, $-1 \leq x \leq 1$, तब इनमें से निम्न सत्य है

A. $(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} + a^2 y = 0$

B. $(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} - a^2 y = 0$

C. $(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} - a^2 y = 0$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

57. यदि $x = \sin t$ तथा $y = \sin pt$ तब $(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $-y$

B. y

C. py

D. $-p^2y$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

58. यदि $y = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^4}{4} + \dots\dots$ हो, तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{dy}{dx} = y$

.

A. x

B. $-x$

C. $-y$

D. y

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

59. यदि $x = \int_0^y \frac{dt}{\sqrt{1+9t^2}}$ और $\frac{d^2y}{dx^2} = ay$ है, तो a बराबर है

A. $\sqrt{1 + 9y^2}$

B. $\frac{1}{\sqrt{1 + 9y^2}}$

C. $9y$

D. $\frac{1}{9}y$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

60. यदि $f(x) = x^n + 4$, तब $f(1) + \frac{f'(1)}{1!} + \frac{f''(1)}{2!} + \dots + \frac{f^n(1)}{n!}$ का

मान है

A. 2^{n-1}

B. $2^n + 4$

C. $1 + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \dots + \frac{1}{n!}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

61. माना $f(x) = x^{2n}$, $n \in N$, तब $f^n(x)$, $f(x)$ का x के सापेक्ष n वाँ अवकलन है

A. $\frac{n!}{2n!} \cdot x^{-n}$

B. $\frac{n!}{2n!} \cdot x^n$

C. $\frac{2n!}{n!} \cdot x^{-n}$

D. $\frac{2n!}{n!} \cdot x^n$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

62. $(\sin x)^x + \sin^{-1} \sqrt{x}$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. $(x \cot x + \log \sin x) + \frac{1}{2\sqrt{x-x^2}}$

B. $(x \cot x + \log \sin x) + \frac{1}{\sqrt{x-x^2}}$

C. $(\sin x)^x (x \cot x + \log x) + \frac{1}{\sqrt{x-x^2}}$

$$D. (\sin x)^x(x \cot x + \log \sin x) + \frac{1}{2\sqrt{x-x^2}}$$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

63. यदि $f(x) = |x|^3$, तब $f''(x)$ का मान है

A. $f''(x) = \{(6x, x \geq 0)(-6x, x < 0)\}$

B. $f''(x) = \{(-6x, x \geq 0)(6x, x < 0)\}$

C. $f''(x)$ विद्यमान नहीं है

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

64. यदि $f(x) = |\cos x|$, तो $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$ और $f'\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ ज्ञात कीजिए।

A. $\frac{1}{\sqrt{2}}$

B. $\sqrt{2}$

C. $\frac{1}{2}$

D. $2\sqrt{2}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

65. यदि $f(x) = |\cos x - \sin x|$, तो $f'\left(\frac{\pi}{6}\right)$ और $f'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ ज्ञात कीजिए।

A. $\frac{1}{\sqrt{2}}$

B. $-\frac{1}{2}(1 + \sqrt{3})$

C. $\frac{1}{2}(\sqrt{3} - 1)$

D. $\sqrt{3}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

66. $|x| < 1$ के लिए, माना $y = 1 + x + x^2 + \dots \infty$ तक, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- A. $\frac{x}{y}$
- B. $\frac{x^2}{y^2}$
- C. $\frac{1}{y^2}$
- D. $xy^2 + y$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

67. माना फलन $y = y(x)$ प्राचलिक समीकरणों $x = 2t - |t|, y = t^2 + t|t|$ द्वारा परिभाषित है, तब $y'(x), x > 0$ का मान है

- A. 0
- B. $4x$
- C. $2x$

D. विद्यमान नहीं है

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

68. यदि $f(x) = \log x$, तब x के सापेक्ष $f(\sin x)$ का अवकल गुणांक है

A. $\tan x$

B. $\cot x$

C. $f(\cos x)$

D. $\frac{1}{x}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

69. यदि $f'(x) = \sin (\log x)$ तथा $y = f\left(\frac{2x+3}{3-2x}\right)$, तब $x=1$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $6 \sin \log(5)$

B. $5 \sin \log(6)$

C. $12 \sin \log(5)$

D. $5 \sin \log(12)$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

70. यदि $f(x) = |x - 2|$ और $g(x) = f\{f(x)\}$ तो $g'(20) = \dots \dots \dots$

A. -1

B. 0

C. 1

D. 2

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

71. बिन्दु $x = 2$, पर फलन $|x - 1| + |x - 3|$ का अवकल गुणांक होगा

- A. -2
- B. 0
- C. 2
- D. अपरिभाषित

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

72. यदि $y = \frac{a + bx^{3/2}}{x^{5/4}}$ तथा $y' = 0$ तब $x = 5$ पर $a : b$ का मान है

- A. $\sqrt{5} : 1$
- B. $5 : 2$
- C. $3 : 5$

D. 1 : 2

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

73. $f(x) = 3|2 + x|$ का बिंदु $x_0 = -3$ पर अवकलन है

A. 3

B. -3

C. 0

D. विद्यमान नहीं है

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

74. $\frac{d}{dx}(|x - 1| + |x - 5|)$ का $x = 3$ पर मान है

A. -2

B. 0

C. 2

D. 4

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

75. यदि $f(x) = \cos x \cdot \cos 2x \cdot \cos 4x \cdot \cos 8x \cdot \cos 16x$, तब $f' \left(\frac{\pi}{4} \right)$ का मान है

A. 1

B. $\sqrt{2}$

C. $\frac{1}{\sqrt{2}}$

D. 0

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

76. माना $\phi(x)$ फलन $f(x)$ का प्रतिलोम है तथा $f'(x) = \frac{1}{1+x^5}$, तब $\frac{d}{dx}\phi(x)$ का मान है

A. $\frac{1}{1 + [\phi(x)]^5}$

B. $\frac{1}{1 + [f(x)]^5}$

C. $1 + [\phi(x)]^5$

D. $1 + f(x)$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

77. यदि $u = x^2 + y^2$ तथा $x = s + 3t, y = 2s - t$, तब $\frac{d^2u}{ds^2}$ का मान है



वीडियो उत्तर देखें

78. यदि $P(x)$ एक बहुपद इस प्रकार है कि $P(x^2 + 1) = \{P(x)\}^2 + 1$ तथा $P(0) = 0$,

तब $P'(0)$ का मान बराबर है

A. -1

B. 0

C. 1

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

79. यदि $x = e^t \sin t$, $y = e^t \cos t$, जहाँ t एक प्राचल है, तब $(1, 1)$ पर $\frac{d^2y}{dx^2}$ का मान है

A. $-\frac{1}{2}$

B. $-\frac{1}{4}$

C. 0

D. $\frac{1}{2}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

80. यदि $y = f(x)$ तथा $y \cos x + x \cos y = \pi$, तब $f''(0)$ का मान है

A. π

B. $-\pi$

C. 0

D. 2π

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

81. यदि फलन $f(x)$ को $f(x) = a + bx$ से परिभाषित है तथा $f^r = fff\dots$ (r बार पुनरावर्तित), तब $f^r(x)$ का मान है

- A. $a + b^r x$
- B. $ar + b^r x$
- C. $ar + bx^r$
- D. $a\left(\frac{b^r - 1}{b - 1}\right) + b^r x$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

82. यदि $\frac{d}{dx}f(x) = f'(x)$ तथा $f'(a+b) = f'(a) + f'(b)$ वैध है, यदि $f(x)$ का मान है

- A. x
- B. x^2
- C. x^3

D. x^4

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

83. माना $f: R \rightarrow R$ इस प्रकार है कि

$f(x) = x^3 + x^2 f'(1) + x f''(2) + f'''(3), x \in R$, तो $f(2)$ बराबर है

A. $f(0) + f(2) = f(1)$

B. $f(0) + f(3) = 0$

C. $f(1) + f(3) = f(2)$

D. ये सभी

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

84. $y = \cos^{-1} \sqrt{\frac{\cos 3x}{\cos^3 x}}$ का x के सापेक्ष अवकलन है

A. $\sqrt{\frac{6}{\cos 4x + \cos 2x}}$

B. $\frac{6}{\sqrt{\cos 4x + \cos 2x}}$

C. $\frac{\sqrt{6}}{\cos 4x + \cos 2x}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

85. यदि $x = \tan \frac{y}{2} - \log \left[\frac{\left(1 + \tan \frac{y}{2}\right)^2}{\tan \frac{y}{2}} \right]$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{1}{2} \sin y (1 - \sin y + \cos y)$

B. $\sin y (1 - \sin y - \cos y)$

C. $\frac{1}{2} \sin y (1 + \sin y + \cos y)$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: C



उत्तर देखें

प्रश्नावली स्तर 2

1. $x = \frac{2t}{1 + t^2}, y = \frac{1 - t^2}{1 + t^2}$

A. $\frac{2t}{t^2 + 1}$

B. $\frac{2t}{t^2 - 1}$

C. $\frac{2t}{1 - t^2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

2. यदि $y = \sec^{-1} \left(\frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 1} \right) + \sin^{-1} \left(\frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x} + 1} \right)$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. 0

B. $\frac{1}{\sqrt{x} + 1}$

C. 1

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

3. $f'(x) > g'(x)$ का हल समुच्चय है, जहाँ $f(x) = \frac{1}{2}(5)^{2x+1}$ तथा

$g(x) = 5^x + 4x \log_e 5$ है

A. $(1, \infty)$

B. $(0, 1)$

C. $(\infty, 0)$

D. $(0, \infty)$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

4. यदि $y = \frac{a^{\cos^{-1} x}}{1 + a^{\cos^{-1} x}}$ तथा $z = a^{\cos^{-1} x}$, तब $\frac{dy}{dz}$ का मान है

A. $\frac{1}{1 + a^{\cos^{-1} x}}$

B. $-\frac{1}{1 + a^{\cos^{-1} x}}$

C. $\frac{1}{(1 + a^{\cos^{-1} x})^2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि $(-\infty, \infty)$ में $y = f(x)$ एक विषम अवकलनीय फलन है तथा इस प्रकार परिभाषित है कि $f'(3) = 2$, तब $f'(-3)$ बराबर है

A. 4

B. 2

C. -2

D. 0

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

6. दिया है, $x = a \cos t \sqrt{\cos 2t}$ तथा $y = a \sin t \sqrt{\cos 2t}$ ($a > 0$), तब

$$\left[\frac{\left[1 + \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 \right]^{3/2}}{\frac{d^2y}{dx^2}} \right] \text{ का } \frac{\pi}{6} \text{ पर मान है}$$

A. $\frac{a}{3}$

B. $a\sqrt{2}$

C. $\frac{\sqrt{2}}{3a}$

D. $-\frac{\sqrt{2}a}{3}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

7. यदि $y = \log x \cdot e^{(\tan x + x^2)}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $e^{(\tan x + x^2)} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x + x) \log x \right]$

B. $e^{(\tan x + x^2)} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x - x) \log x \right]$

C. $e^{(\tan x + x^2)} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x + 2x) \log x \right]$

D. $e^{(\tan x + x^2)} \left[\frac{1}{x} + (\sec^2 x - 2x) \log x \right]$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

8. यदि $\sqrt{x^2 + y^2} = ae^{\tan^{-1} \left(\frac{x}{y} \right)}, a > 0$ माना $y > 0$, तब $y''(0)$ बराबर है

A. $\frac{2}{a} e^{-\pi/2}$

B. $-\frac{2}{a}e^{\pi/2}$

C. $-\frac{2}{a}e^{-\pi/2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

9. यदि $y = \log_{\sin x}(\tan x)$, तब $x = \frac{\pi}{4}$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{4}{\log 2}$

B. $-\frac{4}{\log 2}$

C. $\frac{1}{\log 2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

10. यदि $xy = \ln\left(\frac{x}{a+bx}\right)^x$, तब $x^3 \frac{d^2y}{dx^2}$ का मान है

- A. $\left(\frac{dy}{dx} + x\right)^2$
- B. $\left(\frac{dy}{dx} - y\right)^2$
- C. $\left(x \frac{dy}{dx} + y\right)^2$
- D. $\left(x \frac{dy}{dx} - y\right)^2$

Answer: D



उत्तर देखें

11. यदि $y = \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)$, तब $2\frac{dy}{dx} \cdot \frac{d^3y}{dx^3}$ बराबर है

- A. $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^2$
- B. $3\frac{d^2y}{dx^2}$
- C. $3\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^2$
- D. $3\frac{d^2x}{dy^2}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

12. यदि $\frac{d^2x}{dy^2} \left(\frac{dy}{dx} \right)^3 + \frac{d^2y}{dx^2} = k$, तब k बराबर है

A. 0

B. 1

C. 2

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



उत्तर देखें

13. यदि $y = (1+x)(1+x^2)(1+x^4)\dots\left(1+x^{2^n}\right)$, तब $x=0$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. 0

B. -1

C. 1

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

14. यदि $y^2 = P(x)$ एक त्रिघातीय बहुपद है, तब $2 \frac{d}{dx} \left[y^3 \frac{d^2y}{dx^2} \right]$ बराबर है

A. $P''''(x) + P'(x)$

B. $P''(x) \cdot P''''(x)$

C. $P(x) \cdot P''''(x)$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

15. यदि $5f(x) + 3f\left(\frac{1}{x}\right) = x + 2$ तथा $y = xf(x)$, तब $\left(\frac{dy}{dx}\right)_{x=1}$ बराबर है

A. 14

B. 7/8

C. 1

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

16. यदि $y = |\sin x|^{x}$, तब $x = -\frac{\pi}{6}$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{2^{-\frac{\pi}{6}}}{6} [6 \log 2 - \sqrt{3}\pi]$

B. $\frac{2^{\frac{\pi}{6}}}{6} [6 \log 2 + \sqrt{3}\pi]$

C. $\frac{2^{\frac{\pi}{6}}}{7} [6 \log 2 + \sqrt{3}\pi]$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

17. यदि $f''(x) = -f(x)$, जहाँ $f(x)$ सतत व द्विअवकलनीय फलन है तथा $g(x) = f'(x)$ यदि $F(x) = \left[f\left(\frac{x}{2}\right)\right]^2 + \left[g\left(\frac{x}{2}\right)\right]^2$ तथा $F(5) = 5$, तब $F(10)$ का मान है

A. 0

B. 5

C. 10

D. 25

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

18. यदि y , x का फलन है तथा $\log(x + 2) = 2xy$, तब $y'(0)$ का मान है

A. 1

B. -1

C. 2

D. 0

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

19. माना $y = \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x + \dots \infty}}}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{1}{2y - 1}$

B. $\frac{x}{x + 2y}$

C. $\frac{1}{\sqrt{1 + 4x}}$

D. $\frac{y}{2x + y}$

Answer: A::C::D



वीडियो उत्तर देखें

20. यदि $f(x) = |x^2 - 3|x| + 2|$ हो तो निम्न कौन सा सत्य है /हैं

A. $f'(x) = 2x - 3$, जहाँ $x \in (0, 1) \cup (2, \infty)$

B. $f'(x) = 2x + 3$, जहाँ $x \in (-\infty, -2) \cup (-1, 0)$

C. $f'(x) = -2x - 3$, जहाँ $x \in (-2, -1)$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

Answer: A::B::C



वीडियो उत्तर देखें

21. यदि $f(x - y), f(x), f(y)$ तथा $f(x + y)$ प्रत्येक x, y के लिए समांतर श्रेणी में हैं तथा $f(0) \neq 0$, तब

A. $f(4) = f(-4)$

B. $f(2) + f(-2) = 0$

C. $f'(4) + f'(-4) = 0$

D. $f'(2) + f'(-2) = 0$

Answer: A::C::D



वीडियो उत्तर देखें

22. $\frac{df(x)}{dg(x)} = \frac{\frac{d}{dx}f(x)}{\frac{d}{dx}g(x)} = \frac{f'(x)}{g'(x)}$

$\sin^3 x + \cos^3 x$ का $\sin x + \cos x$ के सापेक्ष अवकलन है

A. $\sin x \cos x$

B. $-3 \sin x \cos x$

C. $-\sin x \cos x$

D. $3 \sin^2 x \cos^2 x$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

$$23. \frac{df(x)}{dg(x)} = \frac{\frac{d}{dx}f(x)}{\frac{d}{dx}g(x)} = \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$\tan^{-1} \frac{3x - x^3}{1 - 3x^2}$ का $\tan^{-1} \frac{2x}{1 - x^2}$ के सापेक्ष अवकलन, जहाँ
 $x \in \left(-\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}} \right)$ है

A. 2

B. 3

C. $\frac{2}{3}$

D. $\frac{3}{2}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

24. $\frac{df(x)}{dg(x)} = \frac{\frac{d}{dx}f(x)}{\frac{d}{dx}g(x)} = \frac{f'(x)}{g'(x)}$

$\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2}$ का $\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$ के सापेक्ष अवकलन, जहाँ $x \in (-1, 1)$ है

A. 1

B. -1

C. 2

D. -2

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

25. वक्तव्य | यदि $u = f(\tan x), v = g(\sec x)$ तथा $f'(1) = 2, g'(\sqrt{2}) = 4$ तब

$$\left(\frac{du}{dv} \right)_{x=\pi/4} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

वक्तव्य || यदि $u = f(x), v = g(x)$, तब g के सापेक्ष f का अवकलज

$$\frac{du}{dv} = \frac{du/dx}{dv/dx}$$
 होगा।

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है |

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है |

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है |

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य || सत्य है |

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

26. वक्तव्य | $x < 0$ के लिए $\frac{d}{dx}(\log|x|) = -\frac{1}{x}$

वक्तव्य || $x < 0$ के लिए, $|x| = -x$

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है |

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है |

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है |

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य || सत्य है |

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

27. यदि $u = f(x)$, $v = g(x)$ हो, तो f का g के सापेक्ष अवकलन, $\frac{du}{dv} = \frac{du/dx}{dv/dx}$ है।

|

वक्तव्य | $0 < x < 1$ के लिए $\sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right)$ का $\cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right)$ के सापेक्ष

अवकलन 1 है।

वक्तव्य || $\sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right) \neq \cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right)$, $-1 \leq x \leq 1$ के लिए

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है।

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है।

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है।

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य || सत्य है।

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

28. वक्तव्य | यदि $e^{xy} + \ln(xy) + \cos(xy) + 5 = 0$

तब $\frac{dy}{dx} = -\frac{y}{x}$

$$\text{वक्तव्य} \parallel \frac{d}{dx}(xy) = 0 \Rightarrow \frac{dy}{dx} = -\frac{y}{x}$$

- A. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है, वक्तव्य ॥, वक्तव्य । का सही स्पष्टीकरण है ।
- B. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है, वक्तव्य ॥, वक्तव्य । का सही स्पष्टीकरण नहीं है ।
- C. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ असत्य है ।
- D. वक्तव्य । असत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है ।

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

29. वक्तव्य । माना $f(x) = x[x]$, जहाँ [.] महत्तम पूर्णांक फलन है जब x पूर्णांक नहीं है । तब, $f'(x)$ के नियम $[x]$ द्वारा दिए जाते हैं ।

वक्तव्य ॥ $f'(x)$ किसी भी पूर्णांक के लिए विद्यमान नहीं है ।

- A. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है, वक्तव्य ॥, वक्तव्य । का सही स्पष्टीकरण है ।
- B. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है, वक्तव्य ॥, वक्तव्य । का सही स्पष्टीकरण नहीं है ।
- C. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ असत्य है ।

D. वक्तव्य । असत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है ।

Answer: A



उत्तर देखें

30. वक्तव्य । यदि $f(x)$ विषम फलन हो, तो $f'(x)$ सम फलन होगा ।

वक्तव्य ॥ यदि $f'(x)$ सम फलन हो, तो $f(x)$ विषम फलन होगा ।

A. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है, वक्तव्य ॥, वक्तव्य । का सही स्पष्टीकरण है ।

B. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है, वक्तव्य ॥, वक्तव्य । का सही स्पष्टीकरण नहीं है ।

C. वक्तव्य । सत्य है, वक्तव्य ॥ असत्य है ।

D. वक्तव्य । असत्य है, वक्तव्य ॥ सत्य है ।

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

31. वक्तव्य | माना $f: R \rightarrow R$ में एक वास्तविक फलन इस प्रकार है कि प्रत्येक $x, y \in R$

के लिए $|f(x) - f(y)| \leq |x - y|^3$, तब $f(x)$ अचर फलन है।

वक्तव्य || यदि किसी फलन का अवकलन शून्य हो, तो फलन अचर होगा।

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है।

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है।

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है।

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य || सत्य है।

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

32. वक्तव्य | यदि अवकलनीय फलन $f(x)$ निम्न संबंध को संतुष्ट करे

$$f(x) + f(x - 2) = 0, \forall x \in R \quad \text{तथा} \quad \left\{ \frac{d}{dx} f(x) \right\}_{x=a} = b \quad \text{हो, तो}$$

$$\left\{ \frac{d}{dx} f(x) \right\}_{a+4000} = b$$

वक्तव्य || $f(x)$, 4 आवर्त का आवर्ती फलन है।

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है |

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है |

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है |

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य || सत्य है |

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

33. माना किसी अवकलनीय फलन के लिए $f(\alpha) = 0$ तथा $f'(\alpha) = 0$ है।

वक्तव्य | $x = \alpha$ के परिवेश में $f(x)$ का चिन्ह अपरिवर्तित रहता है |

वक्तव्य || $\alpha, f(x) = 0$ का पुनरावर्तित मूल है |

A. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण है |

B. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || सत्य है, वक्तव्य ||, वक्तव्य | का सही स्पष्टीकरण नहीं है |

C. वक्तव्य | सत्य है, वक्तव्य || असत्य है |

D. वक्तव्य | असत्य है, वक्तव्य || सत्य है |

Answer: D

 वीडियो उत्तर देखें

34. संबंध $f(x + y^3) = f(x) + f(y^3)$, $\forall x, y \in R$ को संतुष्ट करने वाले फलन $f(x)$ पर विचार कीजिए जोकि प्रत्येक x के लिए अवकलनीय फलन है।

वक्तव्य। यदि $f'(2) = a$, तब $f'(-2) = a$

वक्तव्य॥ $f(x)$ विषम फलन है।

A. वक्तव्य। सत्य है, वक्तव्य॥ सत्य है, वक्तव्य॥, वक्तव्य। का सही स्पष्टीकरण है।

B. वक्तव्य। सत्य है, वक्तव्य॥ सत्य है, वक्तव्य॥, वक्तव्य। का सही स्पष्टीकरण नहीं है।

C. वक्तव्य। सत्य है, वक्तव्य॥ असत्य है।

D. वक्तव्य। असत्य है, वक्तव्य॥ सत्य है।

Answer: A

 वीडियो उत्तर देखें

35. यदि $y = \sec(\tan^{-1} x)$, तब $x = 1$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{1}{\sqrt{2}}$

B. $\frac{1}{2}$

C. 1

D. $\sqrt{2}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

36. $\frac{d^2x}{dy^2}$ का मान है

A. $-\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^{-1} \left(\frac{dy}{dx}\right)^{-3}$

B. $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) \left(\frac{dy}{dx}\right)^{-2}$

C. $-\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) \left(\frac{dy}{dx}\right)^{-3}$

D. $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^{-1}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

37. माना y, x का एक अस्पष्ट फलन है जो $x^{2x} - 2x^x \cot y - 1 = 0$ द्वारा परिभासित है, तब $y'(1)$ का मान है

A. -1

B. 1

C. $\log 2$

D. $-\log 2$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

38. यदि $x^m y^n = (x + y)^{m+n}$, तब $\frac{dy}{dx}$ है

A. $\frac{x+y}{xy}$

B. xy

C. $\frac{x}{y}$

D. $\frac{y}{x}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

39. यदि $x = e^{y+e^{y+\dots^{\infty}}}, x > 0$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{x}{1+x}$

B. $\frac{1}{x}$

C. $\frac{1-x}{x}$

D. $\frac{1+x}{x}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

40. यदि $f(x) = x^n$, तब

$$f(1) - \frac{f'(1)}{1!} + \frac{f''(1)}{2!} - \frac{f'''(1)}{3!} + \dots + \frac{(-1)^n f^n(1)}{n!}$$
 का मान है

A. 2^n

B. 2^{n-1}

C. 0

D. 1

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

41. यदि $x^y = e^{x-y}$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{1+x}{1+\log x}$

B. $\frac{1-\log x}{1+\log x}$

C. अपरिभाषित

D. $\frac{\log x}{(1 + \log x)^2}$

Answer: D

 वीडियो उत्तर देखें

42. यदि $\sin y = x \sin(a + y)$, तब $\frac{dy}{dx}$ का मान है

A. $\frac{\sin(a + y)}{\sin a}$

B. $\frac{\sin^2(a + y)}{\sin a}$

C. $\frac{2 \sin(a + y)}{\sin a}$

D. $\frac{\sin^2(a + y)}{\sin y}$

Answer: B

 वीडियो उत्तर देखें

43. यदि $y = (x + \sqrt{1 + x^2})^n$, तब $(1 + x^2) \frac{d^2y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx}$ है

A. n^2y

B. $-n^2y$

C. $-y$

D. $2x^2y$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें