



India's Number 1 Education App

#### **MATHS**

## NCERT - NCERT गणित(HINDI)

### त्रिविमीय ज्यामिति का परिचय

उदाहरण

**1.** आकृति में यदि P के निर्देशांक (2,4,5) है तो F के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।

अप्टांश स्मिर्ह्शांक	I	П	III	IV	V	VI	VII	VIII
x	+	-	_	+	+	-	ı	+
у	+	+	-	_	+	+	_	-
z	+	+	+	+	-	-	-	-



वीडियो उत्तर देखें

**2.** वे अष्टांश ज्ञात कीजिए जिसमें बिंदु  $(\,-3,1,2)$  और  $(\,-3,1,\,-2)$  स्थित है।

**3.** बिंदुओं  $P(1,\;-3,4)$  और  $Q(\;-4,1,2)$  के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए।



- **4.** दर्शाइए कि  $P(\,-2,3,5),\,Q(1,2,3)$  और  $R(7,0,\,-1)$  सरिख है।
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- **5.** क्या बिंदु  $A(3,6,9),\,B(10,20,30)\,$  और  $C(25,\,-41,5)\,$  एक समकोण त्रिभुज के शीर्ष है?
- 🚺 वीडियो उत्तर देखें

**6.** दो बिंदुओं A तथा B के निर्देशांक क्रमशः (3,4,5) और (-1,3,-7) है। गतिशील बिंदु P के पथ का समीकरण ज्ञात कीजिए, जबकि  $PA^2+PB^2=2k^2$ 

7. बिंदुओं (1,-2,3) और (3,4,-5) को मिलाने से बने रेखा खंड को अनुपात 2:3 में (i) अंतः (ii) बाह्य विभाजित करने वाले बिंदु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।

🕞 वीडियो उत्तर देखें

8. विभाजन सूत्र का प्रयोग करके सिद्ध कीजिए कि बिंदु (-4,6,10),(2,4,6) और (14,0,-2) सरेख है।



**9.** त्रिभुज जिसके शीर्ष  $(x_1,y_1,z_2), (x_2,y_2,z_3)$  तथा  $(x_3,y_3,y_3)$  हैं। इसके केंद्रक के

निर्देशांक ज्ञात कीजिए।

🕞 वीडियो उत्तर देखें

**10.** बिंदुओं (4, 8, 10) और (6,10,-8) को मिलाने वाले रेखा खंड YZ —तल द्वारा जिस अनुपात में विभक्त होता है उसे ज्ञात कीजिए।

**11.** दर्शाइए की बिंदु 
$$A(1,2,3), B(\,-1,\,-2,\,-1), C(2,3,2)$$
 और  $D(4,7,6)$ 

एक समांतर चतुर्भ्ज के शीर्ष है परंत् यह एक आयत नहीं है।

बिंदुओं A(3,4,-5) व B(-2,1,4) से दूरी समान है।

- **12.** बिंदु P से बने समुच्चय का समीकरण ज्ञात कीजिए जो इस प्रकार चलता है। कि उसकी
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

**13.** एक त्रिभुज ABC का केंद्रक (1,1,1) है। यदि A और B के निर्देशांक क्रमशः (3,-5,7) व (-1,7,-6) हैं। बिंदु C निर्देशांक ज्ञात कीजिए।



# प्रश्नावली 12 1

1. एक बिंदु x-अक्ष पर स्थित है। इसके y-निर्देशांक तथा z-निर्देशांक क्या है?

2. एक बिंदु XZ तल में है। इसके y निर्देशांक के बारे में आप क्या कह सकते हैं?

(1,2,3),(4,-2,3),(4,-2,-5),(4,2,5),(-3,-1,5)(-2,-4,-7)

3. उन अष्टांशों के नाम बताइए, जिनमें निम्नलिखित बिंदु स्थित है

🕞 वीडियो उत्तर देखें

- \_\_\_\_
- वीडियो उत्तर देखें

- - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- 4. रिक्त स्थान की पूर्ति कीजिए
- (i) x-अक्ष और y-अक्ष दोनों एक साथ कर एक तल बनाते हैं उस तल को ...... कहते हैं।
- (ii)XY-तल में एक बिंदु के निर्देशांक .....रूप के होते हैं।
- (iii) निर्देशांक तल अंतरिक्ष को ...... अष्टांश में विभाजित करते है।
  - वीडियो उत्तर देखें

### प्रश्नावली 12 2

- 1. निम्नलिखित बिंदु-युग्मों के बिीच की दूरी ज्ञात कीजिए
- (i) (2,3,5) और (4,3,1) (ii) (-3,7,2) और (2,4,-1)
- (iii) (-1,3,-4) और (1,-3,4) (iv) (2,-1,3) और (-2,1,3)
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- **2.** दर्शाइए कि बिंदु (-2,3,5),(1,2,3) और (7,0,-1) संरेख हैं।
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- 3. निम्नलिखित को सत्यापित कीजिएः
- (i)  $(0,7,\ -10), (1,6,\ -6)$  और (4,9,-6) एक समिद्धबाहु त्रिभुज के शीर्ष हैं।
- (ii) (0,7,10),(-1,6,6) और (-4,9,6) एक समकोण त्रिभुज के शीर्ष हैं
- (iii) (-1,2,1),(1,-2,5),(4,-7,8) और (2-3,4) एक समांतर चतुर्भुज के शीर्ष हैं।
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- **4.** ऐसे बिंदुओं के समुच्चय का समीकरण ज्ञात कीजिए जो बिंदु (1,2,3) और (3,2,-1) से समदूरस्थ हैं।
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- **5.** बिंदुओं P से बने समुच्चय का समीकरण ज्ञात कीजिए जिनकी बिंदुओं A(4,0,0) और
- $B(\,-4,0,0)$  से दूरियों का योगफल 10 है।
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

1. बिंदुओं (-2,3,5) और (1,-4,6) को मिलाने से बने रेखा खंड को अनुपात (i) 2:3 में अंतः (ii) 2:3 में बाह्यतः विभाजित करने वाले बिंदु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।



**2.** दिया गया है कि बिंदु P(3,2,-4), Q(5,4,-6) और R(9,8,-10) सरेख हैं। वह अनुपात ज्ञात कीजिए जिसमें Q,P,R को विभाजित करता है।



**3.** बिंदुओं (-2,4,7) और (3,-5,8) को मिलाने वाली रेखा खंड YZ तल द्वारा जिस अनुपात में विभक्त होता है उसे ज्ञात कीजिए।



**4.** विभाजन सूत्र का प्रयोग करके दिखाइए कि बिंदु  $A(2,\ -3,4), B(\ -1,2,1)$  तथा  $C\Big(0,rac{1}{3},2\Big)$  संरेख हैं।



**5.** P(4,2,-6) और Q(10,-16,6) के मिलाने वाली रेखा खंड PQ को सम त्रि-भाजित करने वाले बिंदुओं के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।



# अध्याय 12 पर विविध प्रश्नावली

**1.** समांतर चतुर्भुज के तीन शीर्ष A(3,-1,2)B(1,2,4), C(-1,1,2) है। चौथे शीर्ष D के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।



**2.** एक त्रिभुज ABC के शीर्षों के निर्देशांक क्रमशः A(0,0,6), B(0,4,0), C(6,0,0) हैं। त्रिभुज की माध्यिकाओं की लंबाई ज्ञात कीजिए।



**3.** यदि त्रिभुज PQR का केंद्रक मूल बिंदु है और शीर्ष  $P(2a,2,6),\,Q(\,-4,3b,\,-10)$  और R(8,14,2c) है तो a,b,c का मान ज्ञात कीजिए।



- **4.** y -अक्ष पर स्तिथ उस बिंदु के निर्देशांक ज्ञात कीजिये जिसकी बिंदु P(3,-2,5) से दुरी  $5\sqrt{2}$  है|
  - वीडियो उत्तर देखें

- **5.**  $P(2,\,-3,4)$  और Q(8,0,10) को मिलाने वाली रेखाखंड पर स्थित एक बिंदु R का х
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

निर्देशांक 4 है। बिंदु R के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।

**6.** यदि बिंदु A और B क्रमशः (3,4,5) तथा (-1,3,-7) हैं।चर बिंदु P द्वारा निर्मित समुच्चय से संबंधित समीकरण ज्ञात कीजिए जहां  $PA^2+PB^2=k^2$ जहां k अचर है।

