

## MATHS

### NCERT - NCERT गणित(HINDI)

#### समाकलन

उदाहरण

1. निरिक्षण विधि का उपयोग करते हुए निमिन्लिखित फलनों का प्रतिअवकलज ज्ञात कीजिये!

(i)  $\cos 2x$  (ii)  $3x^2 + 4x^3$  (iii)  $\frac{1}{x}, x \neq 0$



वीडियो उत्तर देखें

2. निमिन्लिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिये

$$(i) \int \frac{x^3 - 1}{x^2 dx} \text{int}(x^{((2)/(3))+1}) dx \quad (iii) \int \text{int}(x^{((2)/(3))+2} e^x - (1)/(x)) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

3. निमिन्लिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिये

$$(i) \int (\sin x + \cos x) dx \quad (ii) \int \csc x (\csc x + \cot x) dx$$

$$(iii) \int \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

4.  $f$  का प्रतिअवकलज  $F$  निकालें जो  $f(x) = 4x^3 - 6$  से परिभाषित है, जहां

$$f(0) = 3$$



वीडियो उत्तर देखें

5. निमिन्लिखित फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिये

- (i)  $\sin mx$     (ii)  $2x \sin(x^2 + 1)$     (iii)  $\frac{\tan^4 \sqrt{x} \sec^2 \sqrt{x}}{\sqrt{x}}$     (iv)  
$$\frac{\sin(\tan^{-1} x)}{1 + x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. निमिन्लिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिये:

- (i)  $\int \sin^3 x \cos^2 x dx$  (ii)  $\int \frac{\sin x}{\sin(x + a)} dx$  (iii)  $\int \frac{1}{1 + \tan x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

7. निमिन्लिखित को ज्ञात कीजिये

- (i)  $\int \cos^2 x dx$  (ii)  $\int \sin 2x \cos 3x dx$  (iii)  $\int \sin^3 x dx$



वीडियो उत्तर देखें

8. निमिन्लिखित समाकलनो को ज्ञात कीजिये

(i)  $\int \frac{dx}{x^2 - 16}$  (ii)  $\int \frac{dx}{\sqrt{2x - x^2}}$



वीडियो उत्तर देखें

9. निमिन्लिखित समाकलनो को ज्ञात कीजिये

(i)  $\int \frac{dx}{x^2 - 6x + 13}$  (ii)  $\int \frac{dx}{3x^2 + 13x - 10}$  (iii)  $\int \frac{dx}{\sqrt{5x^2 - 2x}}$



वीडियो उत्तर देखें

10. निमिन्लिखित समाकलनो को ज्ञात कीजिये

(i)  $\int \frac{x + 2}{2x^2 + 6x + 5} dx$  (ii)  $\int \frac{x + 3}{\sqrt{3 - 4x - x^2}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

11.  $\int \frac{dx}{(x + 1)(x + 2)}$  का मान ज्ञात कीजिये!



वीडियो उत्तर देखें

12.  $\int \frac{x^2 + 1}{x^2 + 5x + 6} dx$  का मान ज्ञात कीजिए



वीडियो उत्तर देखें

13.  $\int \frac{3x - 2}{(x + 1)^2(x + 3)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

14.  $\int \frac{x^2}{(x^2 + 1)(x^2 + 4)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

15.  $\int \frac{(3 \sin \phi - 2) \cos \phi}{5 - \cos^2 \phi - 4 \sin \phi} d\phi$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

16.  $\frac{x^2 + x + 1}{(x+2)(x^2+1)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए!

 वीडियो उत्तर देखें

17.  $\int x \cos x dx$  का मान ज्ञात कीजिए!

 वीडियो उत्तर देखें

18.  $\int \log x dx$  ज्ञात कीजिए!

 वीडियो उत्तर देखें

19.  $\int x e^x dx$  ज्ञात कीजिये !

 वीडियो उत्तर देखें

20.  $\int \frac{x \sin^{-1} x}{\sqrt{1-x^2}} dx$  ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

21.  $e^x \sin x dx$  ज्ञात कीजिए !



वीडियो उत्तर देखें

22. ज्ञात कीजिए

(i)  $\int e^x \left( \tan^{-1} x + \frac{1}{1+x^2} \right) dx$

(ii)  $\frac{(x^2+1)e^x}{(x+1)^2} dx$



वीडियो उत्तर देखें

23.  $\sqrt{x^2 + 2x + 5} dx$  ज्ञात कीजिए



वीडियो उत्तर देखें

24.  $\int \sqrt{3 - 2x - x^2} dx$  ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

25. योगफल की सीमा के रूप में निम्नलिखित समाकलों के मान ज्ञात कीजिये -

$$\int_0^2 (x^2 + 1) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

26. ज्ञात करें  $\int_0^2 e^x dx$



वीडियो उत्तर देखें

27. निमिन्लिखित समाकलनों का मान ज्ञात कीजिए! (i)  $\int_2^3 x^2 dx$  (ii)  $\int_4^0 \frac{\sqrt{x}}{(30 - x^{\frac{3}{2}})^2} dx$  (iii)  $\int_1^2 \frac{x dx}{(x+1)(x+2)}$  (iv)  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin^3 2t \cos 2t dt$



वीडियो उत्तर देखें

28.  $\int_{-1}^1 5x^4 \sqrt{x^5 + 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

29. Evaluate  $\int_0^1 \frac{\tan^{-1}}{1+x^2} dx$



वीडियो उत्तर देखें

30.  $\int_{-1}^1 |x^3 - x| dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

31.  $\int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \sin^2 x dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

32.  $\int_0^{\pi} \frac{x \sin x}{1 + \cos^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

33.  $\int_{-1}^1 \sin^3 x \cos^4 x dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

34.  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^4 x}{(\sin^4 x + \cos^4 x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए:



वीडियो उत्तर देखें

$$35. \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{dx}{1 + \sqrt{\tan x}} \text{ का मान ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$36. \int_0^{\frac{\pi}{2}} \log \sin x dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$37. \cos 6x \sqrt{1 + \sin 6x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$38. \int \frac{(x^4 - x)^{\frac{1}{4}}}{x} dx \text{ ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$39. \int \frac{x^4 dx}{(x-1)(x^2+1)} \text{ ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$40. \int \left[ \log(\log x) + \frac{1}{(\log x)^2} \right] dx \text{ ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$41. \int [\sqrt{\cot x} + \sqrt{\tan x}] dx \text{ ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$42. \int \frac{\sin 2x \cos 2x dx}{\sqrt{9 - \cos^4(2x)}} \text{ ज्ञात कीजिए!}$$



वीडियो उत्तर देखें

43.  $\int_{-1}^{\frac{3}{2}} |x \sin(\pi x)| dx$  का मान ज्ञात कीजिए!



वीडियो उत्तर देखें

44.  $\int_0^{\pi} \frac{x dx}{a^2 \cos^2 x + b^2 \sin^2 x}$  का मान ज्ञात कीजिए



वीडियो उत्तर देखें

45. वृत्त  $x^2 + y^2 = a^2$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

46. दीर्घवृत्त  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  का क्षेत्रफल होगा -



वीडियो उत्तर देखें

**47.** वक्र  $y = x^2$  एवं रेखा  $y = 4$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

**48.** प्रथम चतुर्थांश में वृत्त  $x^2 + y^2 = 32$ , रेखा  $y = x$ , एवं x-अक्ष से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

**49.** दीर्घवृत्त  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  एवं कोटियों  $x=0$  और  $x=ae$ , से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए, जहाँ  $b^2 = a^2(1 - e^2)$  एवं  $e < 1$  हैं।



वीडियो उत्तर देखें

**50.** दो परवलयों  $y = x^2$  एवं  $y^2 = x$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

- A.  $\frac{1}{3}$
- B.  $\frac{1}{2}$
- C.  $\frac{1}{4}$
- D.  $\frac{1}{5}$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

51. x-अक्ष के ऊपर तथा वृत्त  $x^2 + y^2 = 8x$  एवं परवलय  $y^2 = 4x$  के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

52. आकृति 8.17 में AOBA प्रथम चतुर्थांश में दीर्घवृत्त  $9x^2 + y^2 = 36$  का एक भाग है जिसमें OA=2 इकाई है। लघु चाप AB एवं जीवा AB के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

53. समाकलन का उपयोग करते हुए एक ऐसे त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्ष  $(1, 0)$ ,  $(2, 2)$  एवं  $(3, 1)$  हैं।

A.  $\frac{3}{8}$

B.  $\frac{3}{2}$

C.  $\frac{3}{4}$

D.  $\frac{3}{5}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

54. दो वृतो  $x^2 + y^2 = 4$  एवं  $(x - 2)^2 + y^2 = 4$  के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

55. परवलय  $y^2 = 4ax$  और उसके अभिलम्ब से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

56. रेखा  $y = 3x + 32$ , x-अक्ष एवं कोटियों  $x = -1$  एवं  $x = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

57.  $x=0$  एवं  $x = 2\pi$  के मध्य वक्र  $y = \cos x$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

58. सिद्ध कीजिए कि वक्र  $y^2 = 4x$  एवं  $x^2 = 4y$ , रेखाओं  $x = 0$ ,  $x = 4$ ,  $y = 4$  एवं  $y=0$  से घिरे वर्ग के क्षेत्रफल को तीन बराबर भागों में विभाजित करते हैं।



वीडियो उत्तर देखें

59. क्षेत्र  $\{(x, y) : 0 \leq y \leq x^2 + 1, 0 \leq y \leq x + 1, 0 \leq x \leq 2\}$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

## प्रश्नावली 7 1

1. निम्नलिखित फलनों के प्रतिअवकलज ( समाकलन) निरीक्षण विधि द्वारा ज्ञात कीजिए ।

$$\sin 2x$$



वीडियो उत्तर देखें

2. निम्नलिखित फलनों के प्रतिअवकलज ( समाकलन) निरीक्षण विधि द्वारा ज्ञात कीजिए ।

$$\cos 3x$$



वीडियो उत्तर देखें

3. निम्नलिखित फलनों के प्रतिअवकलज ( समाकलन) निरीक्षण विधि द्वारा ज्ञात कीजिए ।

$$e^{2x}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. निम्नलिखित फलनों के प्रतिअवकलज ( समाकलन) निरीक्षण विधि द्वारा ज्ञात कीजिए

|

$$(ax + b)^2$$



वीडियो उत्तर देखें

5. निम्नलिखित फलनों के प्रतिअवकलज ( समाकलन) निरीक्षण विधि द्वारा ज्ञात कीजिए ।

$$\sin 2x - 4e^{3x}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int (4e^{3x} + 1) dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

7. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int x^2 \left(1 - \frac{1}{x^2}\right) dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

8. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int (ax^2 + bx + c) dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

9. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int (2x^2 + e^x) dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

10. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \left( \sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}} \right)^2 dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

11. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \frac{x^3 + 5x^2 - 4}{x^2} dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

12. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \frac{x^2 + 3x + 4}{\sqrt{x}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

13. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{x - 1} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

14. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int (1 - x) \sqrt{x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

15. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \sqrt{x}(3x^2 + 2x + 3) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

16. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int (2x - 3 \cos x + e^x) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

17. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int (2x^2 - 3 \sin x + 5\sqrt{x}) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

18. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \sec x (\sec x + \tan x) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

19. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \frac{\sec^2 x}{\cos ec^2 x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

20. निम्नलिखित समाकलनों को ज्ञात कीजिए।

$$\int \frac{2 - 3 \sin x}{\cos^2 x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

**21.** प्रश्न 21 एवं 22 में सही उत्तर का चयन कीजिए।

$$\left( \sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} \right) \text{ प्रतिअवकलज है}$$

A.  $\frac{1}{3}x^{\frac{1}{3}} + 2x^{\frac{1}{2}} + C$

B.  $\frac{2}{3}x^{\frac{2}{3}} + \frac{1}{2}x^2 + C$

C.  $\frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + 2x^{\frac{1}{2}} + C$

D.  $\frac{3}{2}x^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{2}x^{\frac{1}{2}} + C$

**Answer:** C



वीडियो उत्तर देखें

**22.** प्रश्न 21 एवं 22 में सही उत्तर का चयन कीजिए।

यदि  $\frac{d}{dx} f(x) = 4x^3 - \frac{3}{x^4}$  जिसमे  $f(2) = 0$  तो  $f(x)$  है

A.  $x^4 + \frac{1}{x^3} - \frac{129}{8}$

B.  $x^3 + \frac{1}{x^4} + \frac{129}{8}$

C.  $x^4 + \frac{1}{x^3} + \frac{129}{8}$

D.  $x^3 + (1)(x^4) - \frac{129}{8}$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

## प्रश्नावली 7 2

1. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{2x}{1 + x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{(\log x)^2}{x}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{1}{x + x \log x}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin x \sin (\cos x)$$



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin(ax + b) \cos(ax + b)$$



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sqrt{ax + b}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$x\sqrt{x+2}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$x \sqrt{1 + 2x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$(4x + 2) \sqrt{x^2 + x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

10. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{1}{x - \sqrt{x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. निम्नलिखित समाकलों के मान ज्ञात कीजिए-

$$\int \frac{x dx}{\sqrt{x+4}}, x > 0$$



वीडियो उत्तर देखें

12. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$(x^3 - 1)^{\frac{1}{3}} x^5$$



वीडियो उत्तर देखें

13. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{x^2}{(2 + 3x^3)^3}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{1}{x(\log x)^m}, x > 0, m \neq 1$$



वीडियो उत्तर देखें

15. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{x}{9 - 4x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

16. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$e^{2x+3}$$



वीडियो उत्तर देखें

17. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{x}{e^{x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

18. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{e^{\tan^{-1} x}}{1 + x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

19. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

**20.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{e^{2x} - e^{-2x}}{e^{2x} + e^{-2x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**21.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\tan^2(2x - 3)$$



वीडियो उत्तर देखें

**22.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\sec^2(7 - 4x)$$



वीडियो उत्तर देखें

**23.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{\sin^{-1} x}{\sqrt{1 - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**24.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{2 \cos x - 3 \sin x}{6 \cos x + 4 \sin x}$$



वीडियो उत्तर देखें

**25.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{1}{\cos^2 (1 - \tan x)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**26.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**27.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\sqrt{\sin 2x} \cos 2x$$



वीडियो उत्तर देखें

**28.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{\cos x}{\sqrt{1 + \sin x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

29. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\cot x \log \sin x$$

 वीडियो उत्तर देखें

30. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x}$$

 वीडियो उत्तर देखें

31. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{\sin x}{(1 + \cos x)^2}$$

 वीडियो उत्तर देखें

32. समाकलन ज्ञात कीजिए ।  $\frac{1}{1 + \cos x}$



वीडियो उत्तर देखें

33. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{1}{1 - \tan x}$$



वीडियो उत्तर देखें

34. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\sqrt{\tan x}}{\sin x \cos x}$$



वीडियो उत्तर देखें

35. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{(1 + \log x)^2}{x}$$



वीडियो उत्तर देखें

**36.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\frac{(x+1)(x+\log x)^2}{x}$$



वीडियो उत्तर देखें

**37.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$x^3 \frac{\sin(\tan^{-1} x^4)}{1+x^8}$$



वीडियो उत्तर देखें

**38.**  $\int \frac{10x^9 + 10^x \log_e 10 dx}{x^{10} + 10^x}$  बराबर है :

A.  $10^x - x^{10} + C$

B.  $10^x + x^{10} + C$

C.  $(10^x - x^{10})^{-1} + C$

D.  $\log(10^x + x^{10}) + C$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

39.  $\int \frac{dx}{\sin^2 x \cos^2 x}$  बराबर है :

A.  $\tan x + \cot x + C$

B.  $\tan x - \cot x + C$

C.  $\tan x \cot x + C$

D.  $\tan x - \cot 2x + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

**प्रश्नावली 7 3**

1. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin^2(2x + 5)$$



वीडियो उत्तर देखें

2. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin 3x \cos 4x$$



वीडियो उत्तर देखें

3. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\cos 2x \cos 4x \cos 6x$$



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin^3(2x + 1)$$



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin^3 x \cos^3 x$$



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin x \sin 2x \sin 3x$$



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin 4x \sin 8x$$



वीडियो उत्तर देखें

8. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\cos x}{1 + \cos x}$$



वीडियो उत्तर देखें

10. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin^4 x$$



वीडियो उत्तर देखें

11. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\cos^4 2x$$



वीडियो उत्तर देखें

12. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\sin^2 x}{1 + \cos x}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\cos 2x - \cos 2\alpha}{\cos x - \cos \alpha}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\cos x - \sin x}{1 + \sin 2x}$$



वीडियो उत्तर देखें

15. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\tan^3 2x \sec 2x$$



वीडियो उत्तर देखें

16. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\tan^4 x$$



वीडियो उत्तर देखें

17. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\sin^3 x + \cos^3 x}{\sin^2 x \cos^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

18. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\cos 2x + 2 \sin^2 x}{\cos^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

19. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{1}{\sin x \cos^3 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

20. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\cos 2x}{(\cos x + \sin x)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

21. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\sin^{-1}(\cos x)$$



वीडियो उत्तर देखें

**22.** समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\frac{1}{\cos(x-a)\cos(x-b)}$$



वीडियो उत्तर देखें

**23.**  $\int \frac{\sin^2 x - \cos^2 x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$

- A.  $\tan x + \cot x + C$
- B.  $\tan x + \operatorname{cosec} x + C$
- C.  $-\tan x + \cot x + C$
- D.  $\tan x + \sec x + C$

**Answer:** A



वीडियो उत्तर देखें

24.  $\int \frac{e^x(1+x)}{\cos^2(e^x x)} dx$

A.  $-\cot(ex^x) + C$

B.  $\tan(xe^x) + C$

C.  $\tan(e^x) + C$

D.  $\cot(e^x) + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

## प्रश्नावली 7 4

1. समाकलन कीजिए।

$$\frac{3x^2}{x^6 + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

**2.** समाकलन कीजिए।

$$\frac{1}{\sqrt{1 + 4x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**3.** समाकलन कीजिए।

$$\frac{1}{\sqrt{(2 - x)^2 + 1}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**4.** समाकलन कीजिए।

$$\frac{1}{\sqrt{9 - 25x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन कीजिए!

$$\frac{3x}{1 + 2x^4}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलन कीजिए!

$$\frac{x^2}{1 - x^6}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन कीजिए!

$$\frac{x - 1}{\sqrt{x^2 - 1}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**8. समाकलन कीजिए!**

$$\frac{x^2}{\sqrt{x^6 - a^6}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**9. समाकलन कीजिए!**

$$\frac{\sec^2 x}{\sqrt{\tan^2 x + 4}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**10. समाकलन कीजिए।**

$$\frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x + 2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**11.**  $\frac{1}{9x^2 + 6x + 5}$



वीडियो उत्तर देखें

12. समाकलन कीजिए!

$$\frac{1}{\sqrt{7 - 6x - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. समाकलन कीजिए!

$$\frac{1}{\sqrt{(x - 1)(x - 2)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. समाकलन कीजिए!

$$\frac{1}{\sqrt{8 + 3x - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

15. समाकलन कीजिए!  $\frac{1}{\sqrt{(x - a)(x - b)}}$



वीडियो उत्तर देखें

16. समाकलन कीजिए!

$$\frac{4x + 1}{\sqrt{2x^2 + x - 3}}$$



वीडियो उत्तर देखें

17. समाकलन कीजिए!

$$\frac{x + 2}{\sqrt{4x - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

18. समाकलन कीजिए!

$$\frac{5x - 2}{1 + 2x + 3x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

19. समाकलन कीजिए!

$$\frac{6x + 7}{\sqrt{(x - 5)(x - 4)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

20. समाकलन कीजिए!

$$\frac{x + 2}{\sqrt{4x - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

21. समाकलन कीजिए!

$$\frac{x + 2}{\sqrt{x^2 + 2x + 3}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**22.** समाकलन कीजिए!

$$\frac{x + 3}{x^2 - 2x - 5}$$



वीडियो उत्तर देखें

**23.** समाकलन कीजिए!

$$\frac{5x + 3}{\sqrt{x^2 + 4x + 10}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**24.**  $\int \frac{dx}{x^2 + 2x + 2}$  बराबर है:

A.  $x \tan^{-1}(x + 1) + C$

B.  $\tan^{-1}(X + 1) + C$

C.  $(x + 1)\tan^{-1} x + C$

D.  $\tan^{-1} x + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

25.  $\int \frac{dx}{\sqrt{9x - 4x^2}}$  बराबर है:

A.  $\frac{1}{9} \sin^{-1} \left( \frac{9x - 8}{8} \right) + C$

B.  $\frac{1}{2} \sin^{-1} \left( \frac{8x - 9}{9} \right) + C$

C.  $\frac{1}{3} \sin^{-1} \left( \frac{9x - 8}{8} \right) + C$

D.  $\frac{1}{2} \sin^{-1} \left( \frac{9x - 8}{9} \right) + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली 7 5

1. समाकलन कीजिए।

$$\frac{x}{(x+1)(x+2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. समाकलन कीजिए।

$$\frac{1}{x^2 - 9}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. समाकलन कीजिए!

$$\frac{3x - 1}{(x - 1)(x - 2)(x - 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलन कीजिए!

$$\frac{x}{(x - 1)(x - 2)(x - 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन कीजिए!

$$\frac{2x}{x^2 + 3x + 2}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलन कीजिए!

$$\frac{1 - x^2}{x(1 - 2x)}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन कीजिए।

$$\frac{x}{(x^2 + 1)(x - 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. समाकलन कीजिए।

$$\frac{x}{(x - 1)^2(x + 2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. समाकलन कीजिए।

$$\frac{3x + 5}{x^3 - x^2 - x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

10.  $\frac{2x - 3}{(x^2 - 1)(2x + 3)}$



वीडियो उत्तर देखें

11. समाकलन कीजिए।

$$\frac{5x}{(x + 1)(x^2 - 4)}$$



वीडियो उत्तर देखें

12. समाकलन कीजिए।

$$\frac{x^3 + x + 1}{x^2 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. समाकलन कीजिए।

$$\frac{2}{(1 - x)(1 + x^2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. समाकलन कीजिए।

$$\frac{3x - 1}{(x + 2)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

15. समाकलन कीजिए।

$$\frac{1}{x^4 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

16. समाकलन कीजिए।

$$\frac{1}{x(x^n + 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

**17. समाकलन कीजिए!**

$$\frac{\cos x}{(1 - \sin x)(2 - \sin x)} \quad [\text{संकेत : } \sin x = t \text{ रखिये}]$$



वीडियो उत्तर देखें

**18. समाकलन कीजिए!**

$$\frac{(x^2 + 1)(x^2 + 2)}{(x^2 + 3)(x^2 + 4)}$$



वीडियो उत्तर देखें

**19. समाकलन कीजिए!**

$$\frac{2x}{(x^2 + 1)(x^2 + 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

**20. समाकलन कीजिए!**

$$\frac{1}{x(x^4 - 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

**21. समाकलन कीजिए!**

$$\frac{1}{(e^x - 1)} \quad [\text{संकेत: } e^x = t \text{ रखिये}]$$



वीडियो उत्तर देखें

**22.**  $\int \frac{xdx}{(x-1)(x-2)}$  बराबर है:

A.  $\log\left|\frac{(x-1)^2}{x-2}\right| + C$

B.  $\log\left|\frac{(x-2)^2}{x-1}\right| + C$

C.  $\log\left|\left(\frac{x-1}{x-2}\right)^2\right| + C$

D.  $\log|(x-1)(x-2)| + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

23.  $\int \frac{dx}{x(x^2 + 1)}$  बराबर है:

- A.  $\log|x| - \frac{1}{2}\log(x^2 + 1) + C$
- B.  $\log|x| + \frac{1}{2}\log(x^2 + 1) + C$
- C.  $-\log|x| + \frac{1}{2}\log(x^2 + 1) + C$
- D.  $\frac{1}{2}\log|x| + \log(x^2 + 1) + C$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

1. समाकलन कीजिए।

$$x \sin x$$



वीडियो उत्तर देखें

2. समाकलन कीजिए।

$$x \sin 3x$$



वीडियो उत्तर देखें

3. समाकलन कीजिए।

$$x^2 e^x$$



वीडियो उत्तर देखें

**4. समाकलन कीजिए।**

$$x \log x$$



वीडियो उत्तर देखें

**5. समाकलन कीजिए।**

$$x \log 2x$$



वीडियो उत्तर देखें

**6. समाकलन कीजिए।**

$$x^2 \log x$$



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन कीजिए।

$$x \sin^{-1} x$$



वीडियो उत्तर देखें

8. समाकलन कीजिए।

$$x \tan^{-1} x$$



वीडियो उत्तर देखें

9. समाकलन कीजिए।

$$x \cos^{-1} x$$



वीडियो उत्तर देखें

10. समाकलन कीजिए।

$$(\sin^{-1} x)^2$$



वीडियो उत्तर देखें

11. समाकलन कीजिए।

$$\frac{x \cos^{-1} x}{\sqrt{1 - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

12. समाकलन कीजिए।

$$x \sec^2 x$$



वीडियो उत्तर देखें

13. समाकलन कीजिए।

$$\tan^{-1} x$$



वीडियो उत्तर देखें

14. समाकलन कीजिए।

$$x(\log x)^2$$



वीडियो उत्तर देखें

15. समाकलन कीजिए।

$$(x^2 + 1)\log x$$



वीडियो उत्तर देखें

**16.** समाकलन कीजिए।

$$e^x(\sin x + \cos x)$$



वीडियो उत्तर देखें

**17.** समाकलन कीजिए।

$$\frac{xe^x}{(1+x)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**18.** समाकलन कीजिए।

$$e^x \left( \frac{1 + \sin x}{1 + \cos x} \right)$$



वीडियो उत्तर देखें

19. समाकलन कीजिए।

$$e^x \left( \frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right)$$



वीडियो उत्तर देखें

20. समाकलन कीजिए।

$$\frac{(x - 3)e^x}{(x - 1)^3}$$



वीडियो उत्तर देखें

21. समाकलन कीजिए।

$$e^{2x} \sin x$$



वीडियो उत्तर देखें

**22.** समाकलन कीजिए।

$$\sin^{-1} \left( \frac{2x}{1+x^2} \right)$$



वीडियो उत्तर देखें

**23.**  $\int x^2 e^{x^3} dx$  बराबर है :

A.  $\frac{1}{3} e^{x^3} + C$

B.  $\frac{1}{3} e^{x^2} + C$

C.  $\frac{1}{2} e^{x^3} + C$

D.  $\frac{1}{2} e^{x^2} + C$

**Answer:** A



वीडियो उत्तर देखें

24.  $\int e^x \sec x (1 + \tan x) dx$  बराबर है :

A.  $e^x \cos x + C$

B.  $e^x \sec x + C$

C.  $e^x \sin x + C$

D.  $e^x \tan x + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली 7.7

1. समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{4 - x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**2.** समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{1 - 4x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**3.** समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{x^2 + 4x + 6}$$



वीडियो उत्तर देखें

**4.** समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{x^2 + 4x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. निम्न फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\sqrt{1 - 4x - x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{x^2 + 4x - 5}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{1 + 3x - x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{x^2 + 3x}$$

 वीडियो उत्तर देखें

9. समाकलन कीजिए।

$$\sqrt{1 + \frac{x^2}{9}}$$

 वीडियो उत्तर देखें

10.  $\int \sqrt{1 + x^2} dx$  बराबर है :

A.  $\frac{x}{2} \sqrt{1 + x^2} + \frac{1}{2} \log \left| \left( x + \sqrt{1 + x^2} \right) \right| + C$

B.  $\frac{2}{3} (1 + x^2)^{\frac{3}{2}} + C$

C.  $\frac{2}{3} x (1 + x^2)^{\frac{3}{2}} + C$

D.  $\frac{x^2}{2} \sqrt{1 + x^2} + \frac{1}{2} x^2 \log \left| x + \sqrt{1 + x^2} \right| + C$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

11.  $\int \sqrt{x^2 - 8x + 7} dx$  बराबर है:

A.

$$\frac{1}{2}(x - 4)\sqrt{x^2 - 8x + 7} + 9 \log|x - 4 + \sqrt{x^2 - 8x + 7}| + C$$

B.

$$\frac{1}{2}(x + 4)\sqrt{x^2 - 8x + 7} + 9 \log|x + 4 + \sqrt{x^2 - 8x + 7}| + C$$

C.

$$\frac{1}{2}(x - 4)\sqrt{x^2 - 8x + 7} - 3\sqrt{2} \log|x - 4 + \sqrt{x^2 - 8x + 7}| + C$$

D.

$$\frac{1}{2}(x - 4)\sqrt{x^2 - 8x + 7} - \frac{9}{2} \log|x - 4 + \sqrt{x^2 - 8x + 7}| + C$$

**Answer: D**



## प्रश्नावली 7 8

1. योग की सीमा के रूप में निम्नलिखित निश्चित समाकलनों का मान ज्ञात कीजिए।

$$\int_a^b x \, dx$$



वीडियो उत्तर देखें

2. योग की सीमा के रूप में निम्नलिखित निश्चित समाकलनों का मान ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^5 (x + 1) \, dx$$



वीडियो उत्तर देखें

3. योग की सीमा के रूप में निम्नलिखित निश्चित समाकलनों का मान ज्ञात कीजिए।

$$\int_2^3 x^2 dx$$



वीडियो उत्तर देखें

4. योग की सीमा के रूप में निम्नलिखित निश्चित समाकलनों का मान ज्ञात कीजिए।

$$\int_1^4 (x^2 - x) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

5. योगफल कि सीमा के रूप में  $\int_{-1}^1 e^x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

**6.** योग की सीमा के रूप में निम्नलिखित निश्चित समाकलनों का मान ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^4 (x + e^{2x}) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

## प्रश्नावली 7 9

**1.** समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_{-1}^1 (x + 1) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

**2.** समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_2^3 \frac{1}{x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें



3. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_1^2 (4x^3 - 5x^2 + 6x + 9) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin 2x \, dx$$



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos 2x \, dx$$



तीव्रिगो उत्तर देखें

6. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_{\frac{4}{5}}^{\frac{5}{4}} e^x dx$$



वीडियो उत्तर देखें

7. मूल्यांकन कीजिए।

$$\int_0^{\pi/4} \tan x dx$$



वीडियो उत्तर देखें

8. समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{4}} \operatorname{cosec} x dx$$



वीडियो उत्तर देखें

**9.** समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{1 - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**10.** समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^1 \frac{dx}{1 + x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**11.** समाकलन ज्ञात कीजिए।

$$\int_2^3 \frac{dx}{x^2 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

12. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 x dx$$



वीडियो उत्तर देखें

13. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_2^3 \frac{x dx}{x^2 + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_0^1 \frac{2x + 3}{5x^2 + 1} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

15. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_0^1 x e^{x^2} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

16. इन समाकलनों का मान ज्ञात कीजिये

$$\int_1^2 \frac{5x^2}{x^2 + 4x + 3} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

17. समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} (2 \sec^2 x + x^3 + 2) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

**18.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_0^{\pi} \left( \sin^2 \cdot \frac{x}{2} - \cos^2 \cdot \frac{x}{2} \right) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

**19.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_0^2 \frac{6x + 3}{x^2 + 4} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

**20.** समाकलन ज्ञात कीजिए ।

$$\int_0^1 \left( x e^x + \sin \cdot \frac{\pi x}{4} \right) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

21.  $\int_1^{\sqrt{3}} \frac{dx}{1+x^2}$  बराबर है :

A.  $\frac{\pi}{3}$

B.  $\frac{2\pi}{3}$

C.  $\frac{\pi}{6}$

D.  $\frac{\pi}{12}$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

22.  $\int_0^{\frac{2}{3}} \frac{dx}{4+9x^2}$  बराबर है :

A.  $\frac{\pi}{6}$

B.  $\frac{\pi}{12}$

C.  $\frac{\pi}{24}$

D.  $\frac{\pi}{4}$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

**प्रश्नावली 7 10**

1. समाकलनों का मान प्रतिस्थापन का उपयोग करते हुए ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^1 \frac{x}{x^2 + 1} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

2. समाकलनों का मान प्रतिस्थापन का उपयोग करते हुए ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\sin \phi} \cos^5 \phi d\phi$$



वीडियो उत्तर देखें

3. समाकलनों का मान प्रतिस्थापन का उपयोग करते हुए ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^1 \sin^{-1} \left( \frac{2x}{1+x^2} \right) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलनों का मान प्रतिस्थापन का उपयोग करते हुए ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^2 x\sqrt{x+2}dx \quad (x+2 = t^2 \text{ रखिए } |)$$



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलनों का मान प्रतिस्थापन का उपयोग करते हुए ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{1 + \cos^2 x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलनों का मान प्रतिस्थापन का उपयोग करते हुए ज्ञात कीजिए।

$$\int_0^2 \frac{dx}{x + 4 - x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन  $\int_{\frac{1}{3}}^1 \frac{(x - x^3)^{\frac{1}{3}}}{x^4} dx$  का मान है :



वीडियो उत्तर देखें

8. यदि  $f(x) = \int_0^x t \sin t dt$ , तब  $f'(x)$  है:

A.  $\cos x + x \sin x$

B.  $x \sin x$

C.  $x \cos x$

D.  $\sin x + x \cos x$

**Answer:**  $(e^2(e^2-2))/4$



वीडियो उत्तर देखें

9. समाकलन  $\int_{\frac{1}{3}}^1 \frac{(x - x^3)^{\frac{1}{3}}}{x^4} dx$  का मान ज्ञात कीजिए

A. 6

B. 0

C. 3

D. 4

**Answer:** A



वीडियो उत्तर देखें

10. यदि  $f(x) = \int_0^x t \sin t dt$ , तब  $f'(x)$  है:

A.  $\cos x + x \sin x$

B.  $x \sin x$

C.  $x \cos x$

D.  $\sin x + x \cos x$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली 7 11

1.  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 dx$



वीडियो उत्तर देखें

2. मान ज्ञात कीजिए:  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^{\frac{3}{2}} x dx}{\sin^{\frac{3}{2}} x + \cos^{\frac{3}{2}} x}$



वीडियो उत्तर देखें

4.  $\int_0^{\pi/2} \frac{\cos^5 x dx}{\sin^5 x + \cos^5 x}$



वीडियो उत्तर देखें

5.  $\int_{-5}^5 |x - 2| dx$



वीडियो उत्तर देखें

$$6. \int_2^8 |x - 5| dx$$
 किसके बराबर है



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \int_0^1 x(1 - x)^n dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \int_0^{\frac{\pi}{4}} \log(1 + \tan x) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$9. \int_0^2 x\sqrt{2 - x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \int_0^{\frac{\pi}{2}} (2 \log \sin x - \log \sin 2x) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int_0^{\pi} \frac{x dx}{1 + \sin x}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \sin^7 x dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \int_0^{2\pi} \cos^5 x dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$15. \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x - \cos x}{1 + \sin x \cos x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$16. \int_0^{\pi} \log(1 + \cos x) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$17. \int_0^a \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt{a-x}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

18.  $\int_0^4 |x - 1| dx$



वीडियो उत्तर देखें

19. दर्शाइए कि  $\int_0^a f(x)g(x)dx = 2 \int_0^a f(x)dx$ , यदि  $f$  और  $g$  को  $f(x) = f(a - x)$  एवं  $g(x) + g(a - x) = 4$  के रूप में परिभाषित किया गया है।



वीडियो उत्तर देखें

20.  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (x^3 + x \cos x + \tan^5 x + 1) dx$  का मान है :

A. 0

B. 2

C.  $\pi$

D. 1

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

21.  $I = \int_0^{\pi/2} \log\left(\frac{4 + 3 \sin x}{4 + 3 \cos x}\right) dx$  का मान है

A. 2

B.  $\frac{3}{4}$

C. 0

D. -2

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

अध्याय 7 पर विविध प्रश्नावली

$$1. \frac{1}{x - x^3}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$2. \frac{1}{\sqrt{x+a} + \sqrt{x+b}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$3. \frac{1}{x\sqrt{ax - x^2}} \quad [\text{संकेत : } x = \frac{a}{t} \text{ रखिए}]$$



वीडियो उत्तर देखें

$$4. \frac{1}{x^2(x^4 + 1)^{\frac{3}{4}}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$5. \frac{1}{x^{\frac{1}{2}} + x^{\frac{1}{3}}} \quad [\text{संकेत : } \frac{1}{x^{\frac{1}{2}} + x^{\frac{1}{3}}} = \frac{1}{x^{\frac{1}{3}}(1 + x^{\frac{1}{6}})}, x = t^6 \text{ रखिए}]$$



वीडियो उत्तर देखें

$$6. \frac{5x}{(x+1)(x^2+9)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \frac{\sin x}{\sin(x-a)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \frac{e^{5 \log x} - e^{4 \log x}}{e^{3 \log x} - e^{2 \log x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$9. \frac{\cos x}{\sqrt{4 - \sin^2 x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \int \frac{\sin^8 x - \cos^8 x}{1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \frac{1}{\cos(x + a)\cos(x + b)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \frac{x^3}{\sqrt{1 - x^8}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \frac{e^x}{(1 + e^x)(2 + e^x)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \frac{1}{(x^2 + 1)(x^2 + 4)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$15. \cos^3 x e^{\log \sin x}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$16. e^{3 \log x} (x^4 + 1)^{-1}$$



वीडियो उत्तर देखें

17. निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए -

(a)  $\int \frac{e^x - \sin x}{e^x + \cos x} dx$  (b)  $\int f'(ax + b)[f(ax + b)]^n dx$



वीडियो उत्तर देखें

18.  $\frac{1}{\sqrt{\sin^3 x \sin(x + \alpha)}}$



वीडियो उत्तर देखें

19. Integrate the functions  $\frac{\sin^{-1} \sqrt{x} - \cos^{-1} \sqrt{x}}{\sin^{-1} \sqrt{x} + \cos^{-1} \sqrt{x}}, x \in [0, 1]$



वीडियो उत्तर देखें

20. निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए -

$$\int \sqrt{\frac{1 - \sqrt{x}}{1 + \sqrt{x}}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$21. \frac{2 + \sin 2x}{1 + \cos 2x} e^x$$



वीडियो उत्तर देखें

$$22. -\frac{x^2 + x + 1}{(x + 1)^2(x + 2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$23. \tan^{-1} \sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$24. \text{मान ज्ञात कीजिए } \int \frac{\left(\sqrt{x^2 + 1}\right) [\log(x^2 + 1) - 2 \log x]}{x^4} dx.$$



22.2

22.3



25.  $\int_{\pi/2}^{\pi} e^x \left( \frac{1 - \sin x}{1 - \cos x} \right) dx$  का मान ज्ञात कीजिए



वीडियो उत्तर देखें

26.  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x \cos x}{\cos^4 x + \sin^4 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

27.  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos^2 x dx}{\cos^2 x + 4 \sin^2 x}$



वीडियो उत्तर देखें

28.  $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{\sin 2x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

$$29. \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{1+x} - \sqrt{x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$30. \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x + \cos x}{9 + 16 \sin 2x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$31. \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin 2x \tan^{-1}(\sin x) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$32. \int_0^{\pi} \frac{x \tan x}{\sec x + \tan x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

33.  $\int_1^4 (|x - 1| + |x - 2| + |x - 3|) dx$



वीडियो उत्तर देखें

34. (प्रश्न 34 से 39 तक) सिद्ध करे -

$$\int_1^3 \frac{dx}{x^2(x+1)} = \frac{2}{3} + \log \frac{2}{3}$$



वीडियो उत्तर देखें

35.  $\int_0^1 xe^x dx = 1$



वीडियो उत्तर देखें

36.  $\int_{-1}^1 x^{17} \cos^4 dx = 0$



वीडियो उत्तर देखें

$$37. \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^3 dx = \frac{2}{3}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$38. \int_0^{\frac{\pi}{4}} 2 \tan^3 x dx = 1 - \log 2$$



वीडियो उत्तर देखें

$$39. \int_0^1 \sin^{-1} x dx = \frac{\pi}{2} - 1$$



वीडियो उत्तर देखें

$$40. \text{योगफल की सीमा के रूप में } \int_0^1 e^{2-3x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



41.  $\int \frac{dx}{e^x + e^{-x}}$  बराबर है :

- A.  $\tan^{-1}(e^x) + C$
- B.  $\tan^{-1}(e^{-x}) + C$
- C.  $\log(e^x - e^{-x}) + C$
- D.  $\log(e^x + e^{-x}) + C$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

42.  $\int \frac{\cos 2x}{(\sin x + \cos x)^2} dx$  बराबर है :

- A.  $\frac{-1}{\sin x + \cos x} + C$
- B.  $\log|\sin x + \cos x| + C$

C.  $\log|\sin x - \cos x| + C$

D.  $\frac{1}{(\sin x + \cos x)^2}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

43. यदि  $f(a + b - x) = f(x)$ , तो  $\int_a^b x f(x) dx$  बराबर है :

A.  $\frac{a + b}{2} \int_a^b f(b - x) dx$

B.  $\frac{a + b}{2} \int_a^b f(b + x) dx$

C.  $\frac{b - a}{2} \int_a^b f(x) dx$

D.  $\frac{a + b}{2} \int_a^b f(x) dx$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

**44.**  $\int_0^1 \tan^{-1} \left( \frac{2x - 1}{1 + x - x^2} \right) dx$  का मान है :

- A. 1
- B. 0
- C. -1
- D.  $\frac{\pi}{4}$

**Answer:** B



वीडियो उत्तर देखें

### प्रश्नाली 8 1

1. वक्र  $y^2 = x$ , रेखाओं  $x = 1, x = 4$  एवं x-अक्ष से धिरे क्षेत्र का प्रथम पाद में क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2. प्रथम चतुर्थांश में वक्र  $y^2 = 9x$ ,  $x = 2$ ,  $x = 4$  एवं x-अक्ष से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

3. प्रथम चतुर्थांश में  $x^2 = 4y$ ,  $y = 2$ ,  $y = 4$  एवं y-अक्ष से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

5. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।





6. प्रथम चतुर्थांश में वृत्त  $x^2 + y^2 = 4$ , रेखा  $x = \sqrt{3}y$  एवं x-अक्ष द्वारा घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

7. छेदक रेखा  $x = \frac{a}{\sqrt{2}}$  द्वारा वृत्त  $x^2 + y^2 = a^2$  के छोटे भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

8. यदि वक्र  $x = y^2$  एवं रेखा  $x = 4$  से घिरा हुआ क्षेत्रफल रेखा  $x = a$  द्वारा दो बराबर भागों में विभाजित होता है तो  $a$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

9. परवलय  $y = x^2$  एवं  $y = |x|$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

10. वक्र  $x^2 = 4y$  एवं रेखा  $x = 4y - 2$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

11. वक्र  $y^2 = 4x$  एवं रेखा  $x = 3$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

12. प्रथम चतुर्थांश में वृत्त  $x^2 + y^2 = 4$  एवं रेखाओं  $x = 0, x = 2$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है :

A.  $\pi$

B.  $\frac{\pi}{2}$

C.  $\frac{\pi}{3}$

D.  $\frac{\pi}{4}$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

13. वक्र  $y^2 = 4x$ , y -अक्ष एवं रेखा  $y = 3$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है :

A. 2

B.  $\frac{9}{2}$

C.  $\frac{9}{3}$

D.  $\frac{9}{2}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

1. परवलय  $x^2 = 4y$  और वृत्त  $4x^2 + 4y^2 = 9$  के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2. वक्रों  $(x - 1)^2 + y^2 = 1$  एवं  $x^2 + y^2 = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

3. वक्रों  $y = x^2 + 2$ ,  $y = x$ ,  $x = 0$  एवं  $x = 3$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलन का उपयोग करते हुए एक ऐसे त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्ष  $(-1, 0), (1, 3)$  एवं  $(3, 2)$  हैं।



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन का उपयोग करते हुए एक ऐसे त्रिकोणीय क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसकी भुजाओं के समीकरण  $y = 2x + 1$ ,  $y = 3x + 1$  एवं  $x = 4$  हैं।



वीडियो उत्तर देखें

6. वृत्त  $x^2 + y^2 = 4$  एवं रेखा  $x + y = 2$  से घिरे छोटे भाग का क्षेत्रफल है :

A.  $2(\pi - 2)$

B.  $\pi - 2$

C.  $2\pi - 1$

D.  $2(\pi + 2)$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

7. वक्रों  $y^2 = 4x$  एवं  $y = 2x$  के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल है :

A.  $\frac{2}{3}$

B.  $\frac{1}{3}$

C.  $\frac{1}{4}$

D.  $\frac{3}{4}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

अध्याय 8 पर विविध प्रश्नावली

1. दिए हुए वक्रों एवं रेखाओं से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए :

(i)  $y = x^2$ ,  $x = 1$ ,  $x = 2$  एवं x-अक्ष

(ii)  $y = x^4$ ,  $x = 1$ ,  $x = 5$  एवं x-अक्ष



वीडियो उत्तर देखें

2. वक्रों  $y = x$  एवं  $y = x^2$  के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए |



वीडियो उत्तर देखें

3. प्रथम चतुर्थांश में सम्मिलित एवं  $y = 4x^2$ ,  $x = 0$ ,  $y = 1$  तथा  $y = 4$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए |



वीडियो उत्तर देखें

4.  $y = |x + 3|$  का ग्राफ खीचिए एवं  $\int_{-6}^0 |x + 3| dx$  का मान ज्ञात कीजिए |



वीडियो उत्तर देखें

5.  $x = 0$  एवं  $x = 2\pi$  तथा वक्र  $y = \sin x$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

6. परवलय  $y^2 = 4ax$  एवं रेखा  $y = mx$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

7. परवलय  $4y = 3x^2$  एवं रेखा  $2y = 3x + 12$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

|



वीडियो उत्तर देखें

8. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$  एवं रेखा  $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1$  से घिरे लघु क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

9. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  एवं रेखा  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$  से घिरे लघु क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

10. परवलय  $x^2 = y$ , रेखा  $y = x + 2$  एवं X-अक्ष से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

11. समाकलन विधि का उपयोग करते हुए वक्र  $|x| + |y| = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

[संकेत : आवश्यक क्षेत्र, रेखाओं  $x + y = 1$ ,  $x - y = 1$ ,  $-x + y = 1$  एवं  $-x - y = 1$  से घिरा है।]



वीडियो उत्तर देखें

12. वक्रों  $y \geq x^2$  तथा  $y = |x|$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

13. समाकलन विधि का उपयोग करते हुए एक ऐसे त्रिभुज ABC, का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्षों के निर्देशांक A(2,0), B(4,5) एवं C(6,3) हैं।



वीडियो उत्तर देखें

14. समाकलन विधि का उपयोग करते हुए, रेखाओं  $2x + y = 4$ ,  $3x - 2y = 6$  एवं  $x - 3y + 5 = 0$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

15. क्षेत्र  $\{(x, y) : y^2 \leq 4x, 4x^2 + 4y^2 \leq 9\}$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

16. वक्र  $x = y^2$ , x-अक्ष एवं कोटियों  $x = 4$ ,  $x = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है :

A.  $-9$

B.  $\frac{-15}{4}$

C.  $\frac{15}{4}$

D.  $\frac{17}{4}$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

17. वक्र  $y = x|x|$ , x -अक्ष एवं कोटियों  $x = -1$  तथा  $x = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है :

A. 0

B.  $\frac{1}{3}$

C.  $\frac{2}{3}$

D.  $\frac{4}{3}$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

18. क्षेत्र  $y^2 \geq 6x$  और वृत्त  $x^2 + y^2 = 16$  में सम्पुलित क्षेत्र का क्षेत्रफल है :

A.  $\frac{4}{3}(4\pi - \sqrt{3})$

B.  $\frac{4}{3}(4\pi + \sqrt{3})$

C.  $\frac{4}{3}(8\pi - \sqrt{3})$

D.  $\frac{4}{3}(8\pi + \sqrt{3})$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

19.  $y$ -अक्ष  $y = \cos x$  एवं  $y = \sin x, 0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है :

A.  $2(\sqrt{2} - 1)$

B.  $\sqrt{2} - 1$

C.  $\sqrt{2} + 1$

D.  $\sqrt{2}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें