



India's Number 1 Education App

## MATHS

### BOOKS - UP BOARD PREVIOUS YEAR

#### समाकलन

बहुविकल्पीय प्रश्न

1. समाकलन  $\int x \cos x \, dx$  का मान होगा -

A.  $x \cos x - \sin x + C$

B.  $-x \cos x + \sin x + C$

C.  $x \sin x + \cos x + C$

D.  $-x \sin x - \cos x + C$

**Answer: C**



परिवर्तन अभियान

2.  $\int (\sin^{-1} x + \cos^{-1} x) dx =$

A.  $\sin^{-1} x - \cos^{-1} x + C$

B.  $\cos^{-1} x - \sin^{-1} x + C$

C.  $\frac{\pi}{2}x + C$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \sqrt{1 + \sin 2x} dx =$

A.  $\sin x + \cos x + C$

B.  $\sin x - \cos x + C$

C.  $\cos x - \sin x + C$

D.  $-\sin x - \cos x + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

4.  $\int \frac{\log x}{x} dx$

A.  $(\log x)^2$

B.  $\frac{(\log x)^2}{2}$

C.  $\frac{1}{x}$

D.  $\frac{(\log x)^2}{x}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन  $\int e^x \sec x (1 + \tan x) dx$  बराबर है -

A.  $e^x \cos x + c$

B.  $e^x \sec x + c$

C.  $e^x \sin x + c$

D.  $e^x \tan x + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

6.  $\int x \log x dx =$

A.  $\frac{x^2}{2} \log x - \frac{x^2}{4} + C$

B.  $\frac{x^2}{2} \log x + \frac{x^2}{4} + C$

C.  $\frac{x^2}{2} \log x + \frac{x^2}{2} + C$

D.  $\frac{x^2}{2} \log x - \frac{x^2}{2} + C$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \int \frac{1}{e^x - e^{-x}} dx =$$

- A.  $\tan^{-1}(e^x) + c$
- B.  $\tan^{-1}(e^{-x}) + c$
- C.  $\frac{1}{2} \log \left| \frac{e^x + e^{-x}}{e^x - e^{-x}} \right| + c$
- D.  $\frac{1}{2} \log \left| \frac{e^x - 1}{e^x + 1} \right| + c$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \int e^x (\log \sin x + \cot x) dx =$$

- A.  $e^x \cot x + C$
- B.  $e^x \log \sin x + C$
- C.  $-e^x \log \sin x + C$

D.  $e^x \log \cot x + C$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \tan^{-1} \sqrt{\frac{1 - \cos 2x}{1 + \cos 2x}} dx$  का मान है -

A.  $x^2$

B.  $x^2 / 2$

C. x

D.  $\frac{x}{2}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

10. निम्न में से समाकलन  $\int \cos^2 x \, dx$  का सही मान है -

A.  $\frac{x}{2} + \frac{1}{4}\sin 2x + c$

B.  $\frac{x}{4} - \frac{1}{2}\sin 2x + c$

C.  $\cos^2 x - \sin^2 x + c$

D.  $2\cos x \sin x + \frac{x}{2} + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

11. समाकलन  $\int x \sin x dx$  का मान होगा -

A.  $x \sin x + \cos x$

B.  $-x \cos x + \sin x$

C.  $x \sin x - \cos x$

D.  $x \cos x + \sin x$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int \frac{x^{e-1} + e^{x-1}}{x^e + e^x} dx =$$

A.  $\frac{1}{e} \log|x^e + e^x|$

B.  $\log|x^e + e^x|$

C.  $e \log|x^e + e^x|$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \text{Evaluate: (i)} \int \frac{\sec x}{\log(\sec x + \tan x)} dx \quad \text{(ii)} \int \frac{\cos ec x}{\frac{\log \tan x}{2}} dx$$

A.  $\log \cosec x$

B.  $\log |\log \tan x / 2|$

C.  $-\log |\log \tan x / 2|$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer:**



वीडियो उत्तर देखें

14.  $\int \frac{1}{x(2+x^5)} dx$  का मान ज्ञात करने के लिए उचित प्रतिस्थापन है -

A.  $x^5 = t$

B.  $x^4 = t$

C.  $x^6 = t$

D.  $x^2 = t$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

अतिलघु उत्तरीय प्रश्न

1.  $\int x \sin^3 x^2 \cos x^2 dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \tan x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \frac{e^x(1+x)}{\cos^2(e^x x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4.  $\int \frac{\sin^2 x - \cos^2 x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

5. मान ज्ञात कीजिए  $\int \frac{dx}{1 + \cos x + \sin x}$



वीडियो उत्तर देखें

6.  $\int \frac{e^x}{(1 + e^x)(2 + e^x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

7.  $\int \log x \, dx$  का समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

8. मान ज्ञात कीजिए-

$$\int (\cot x - \tan x)^2 dx.$$



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \sqrt{1 - \sin 2x} dx$  का समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \int \frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int \sqrt{1 + \sin \frac{x}{2}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \int \frac{\tan^{-1} x \cot^{-1} x}{1 + x^2} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$15. \int \frac{1 - \tan x}{1 + \tan x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$16. \int \frac{dx}{x^2 - a^2} \text{ का मान ज्ञात कीजिए , जबकि } x > a.$$



वीडियो उत्तर देखें

$$17. \int \frac{dx}{a^2 - x^2} \text{ का मान ज्ञात कीजिए , जहाँ कि } a > x.$$



वीडियो उत्तर देखें

$$18. \text{समाकलन } \int \sin^3 x \cos^2 x dx \text{ को ज्ञात कीजिए।}$$





19.  $\int \sin 2x \cos 3x$  का समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

20.  $\int \frac{dx}{(e^x - 1)(1 - e^{-x})}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

21.  $\int \frac{dx}{(e^x - 1)}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

22.  $\int \frac{3 \tan x - \tan^3 x}{1 - 3 \tan^2 x}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$23. \int \frac{\cos 2x}{\sqrt{1 + \sin 2x}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$24. \int \frac{\sin(x - \alpha)}{\sin(x + \alpha)} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$25. \int \frac{dx}{1 + \sin x}$$
 का समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$26. \int \frac{dx}{\sin^2 x \cos^2 x}$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$27. \int \frac{dx}{x + 2\sqrt{x}}$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

28.  $\int \frac{1}{x^{1/2} + x^{3/2}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

29.  $\int \frac{\sin x \cos x}{a^2 \sin^2 x - b^2 \cos^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

30.  $\int x^2 \sin(x^3) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

31.  $\int \frac{dx}{x^2 - 6x + 12}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$32. \int \frac{dx}{1 + \cos x} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$33. \int \frac{\sec x}{\sec x + \tan x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$34. \int x \tan^2 x dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$35. \int \frac{\cos x}{\sin^2 x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

1.  $\int \frac{\cos x}{\sqrt{3 + \cos^2 x}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \frac{x^2 + 1}{x^2 - 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \frac{\cos^2 x}{1 - \sin x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4. मान ज्ञात कीजिए-

$$\int \frac{\cos 2x + 2 \sin^2 x}{\cos^2 x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

5. मान ज्ञात कीजिए-  $\int \frac{3x}{3x - 1} dx$



वीडियो उत्तर देखें

6. मान ज्ञात कीजिए-  $\int \frac{1}{x(1 + \log x)} dx$



वीडियो उत्तर देखें

7. मान ज्ञात कीजिए-  $\int \frac{\sin^2 x - \cos^2 x}{\sin x \cos x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

8. मान ज्ञात कीजिए-  $\int \frac{dx}{x^2 + 4x + 8}$



वीडियो उत्तर देखें

1.  $\int \sqrt{\frac{a+x}{a-x}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2. सिद्ध कीजिए कि-

$$\int \frac{a \sin^{-1} x + b \cos^{-1} x}{\sqrt{1-x^2}} dx = \frac{1}{2} \frac{(a \sin^{-1} x + b \cos^{-1} x)^2}{a-b} + c$$



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \frac{(1-\cos x)}{\cos x(1+\cos x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4. Integrate the function-

$$\frac{\sin^8 x - \cos^8 x}{1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$5. \int \frac{e^x(1 + \sin x)}{1 + \cos x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$6. \int \sin^{-1} \left( \frac{2x}{1+x^2} \right) dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \int \cos^{-1} \left( \frac{1-x^2}{1+x^2} \right) dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \int \frac{2x}{(x^2+1)(x^2+2)} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$9. \int \frac{dx}{x(x^{3/2} - 1)} \text{ को हल कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \int \frac{\cos x dx}{(1 + \sin x)(2 + \sin x)} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \int \frac{x}{1 + \cos x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int \frac{x + \sin x}{1 + \cos x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \text{फलन } \frac{x^2 \tan^{-1} x^3}{1 + x^6} \text{ का } x \text{ के सापेक्ष समाकल ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \int \sin^{-1} x dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$15. \int \log \frac{(1-x)}{x^2} dx$$
 का समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$16. \int \frac{1}{x^{1/2} + x^{1/3}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$17. \int \cos^{-1} x dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$18. \int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + a^2}} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$19. \int \frac{dx}{1 + 3 \cos^2 x} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$20. \text{फलन } \int \frac{x+1}{\sqrt{x^2+1}} dx \text{ का } x \text{ के सापेक्ष ज्ञात समाकलन कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$21. \int \frac{dx}{(a \sin x + b \cos x)^2} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

22.  $\int \frac{dx}{2x^{1/2} + x^{3/2}}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

23.  $\int \cos^4 x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

24.  $\int \frac{1}{(\log x - 1)(\log x + 1)x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

25.  $\int \frac{\sin^3 x \cos x}{\sqrt{a - \sin^2 x} \sqrt{a + \sin^2 x}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

26. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{\sec^2 2x}{\sqrt{\cot x - \tan x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

27. ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{1}{\sqrt{x^2 - 4x}} dx.$



वीडियो उत्तर देखें

28.  $\int [\sqrt{\cot x} + \sqrt{\tan x}] dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

29. ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{\sin x - x \cos x}{x(x + \sin x)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

30. ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{a^3 - x^2}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

31. ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{\log x}{(x+1)^2} dx$



वीडियो उत्तर देखें

दीर्घ उत्तररीय प्रश्न

1. Show that  $\int \sin^n x dx = \frac{-\sin^{n-1} x \cdot \cos x}{n} + \frac{n-1}{n} \int \sin^{n-2} n dx$  also  
find  $\int \sin^6 dx$



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \frac{x^2 + 1}{x^4 + x^2 + 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \frac{x \tan^{-1} x}{(1+x^2)^{3/2}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{dx}{x \left[ 6(\log x)^2 + 7 \log x + 2 \right]} = \log \left| \frac{1 + 2\log x^2}{2 + \log x^3} \right| + c$$



वीडियो उत्तर देखें

5.  $\int \frac{dx}{4 + 5 \sin x}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

6.  $\int \frac{dx}{4 + 5 \cos x}$  का मान ज्ञात कीजिए।



22.2

22.3



वीडियो उत्तर देखें

7. निम्नलिखित का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए-

$$\int \tan^{-1} \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

8.  $\int \frac{1}{\sin x + \cos x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \frac{1 - \sqrt{x}}{1 + \sqrt{x}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

10.  $\int \frac{dx}{(1+x+x^2+x^3)}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \int \frac{4x + 3}{2x^2 + 2x + 5} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int \frac{x^3}{x^4 + x^2 + 1} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \int \frac{dx}{3x^2 + 13x - 10} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \int \frac{d\theta}{b \cos \theta + c \sin \theta} \text{ को ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

15. ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{2 \cos x}{(1 - \sin x)(1 + \sin^2 x)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

16. ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{x^2 dx}{(x - 1)(x^2 + 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

17.  $\int \frac{\sec^2 2x}{(\cot x - \tan x)^2} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

18. ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{\sin \theta d\theta}{(4 + \cos^2 \theta)(2 - \sin^2 \theta)}$$



वीडियो उत्तर देखें

**19.** ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{\cos \theta}{(4 + \sin \theta)(5 - 4 \cos^2 \theta)} d\theta$$

 वीडियो उत्तर देखें

**20.** ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{(3 \sin x - 2) \cos x}{13 - \cos^2 x - 7 \sin x} dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

**21.** ज्ञात कीजिए -

$$\int \frac{x^2}{x^4 + x^2 - 12} dx$$

 वीडियो उत्तर देखें

1. समाकलन  $\int e^x \sec x (1 + \tan x) dx$  बराबर है :

A.  $e^x \cos x + c$

B.  $e^x \sec x + c$

C.  $e^x \sin x + c$

D.  $e^x \tan x + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

2. निम्नलिखित में से समाकलन  $\int \cos^2 x dx$  का सही मान है :

A.  $\frac{x}{2} + \frac{1}{4} \sin 2x + c$

B.  $\frac{x}{4} - \frac{1}{2} \sin 2x + c$

C.  $\cos 2x + c$

D.  $2 \cos x \sin x + \frac{x}{2} + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

3. निम्नलिखित में से समाकलन  $\int \left( \sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}} \right)^2 dx$  का मान ज्ञात कीजिए :

A.  $x^2 + 2x + \frac{1}{x} + c$

B.  $\frac{x^2}{2} - x + \frac{1}{x^2} + c$

C.  $\frac{x^2}{2} - 2x + \log x + c$

D.  $\frac{x^2}{2} - \frac{x}{2} - \log x + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलन  $\int xe^x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।

A.  $e^x + c$

B.  $(x + 1)e^x + c$

C.  $(x - 1)e^x + c$

D.  $\frac{x^2}{2}e^x + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

5. समाकलन  $\int \sqrt{1 + \sin 2x} dx$  का मान है:

A.  $\sin x + \cos x + c$

B.  $\sin x - \cos x + c$

C.  $\cos x - \sin x + c$

D.  $-\sin x - \cos x + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

6.  $\int x \sec(x^2) dx$  का मान है :

A.  $\frac{x^2}{2} \log(\sec x^2 + \tan x^2) + c$

B.  $2 \log(\sec x^2 + \tan x^2) + c$

C.  $\frac{1}{2} \log(\sec x^2 + \tan x^2) + c$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं।

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

7. समाकलन  $\int x \sin x dx$  का मान होगा :

A.  $x \sin x + \cos x + c$

B.  $-x \cos x + \sin x + c$

C.  $x \sin x - \cos x + c$

D.  $x \cos x + \sin x + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

8. समाकलन  $\int \sin 3x dx$  का मान है :

A.  $\frac{1}{3} \cos 3x + c$

B.  $\frac{1}{3} \sin 3x + c$

C.  $-\frac{1}{3} \cos 3x + c$

D.  $-\cos 3x + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

9. समाकलन  $\int \frac{1}{\sin^2 x \cdot \cos^2 x} dx$  का मान है :

A.  $\tan x + \cot x + c$

B.  $\tan x - \cot x + c$

C.  $\sec x + \cos ex + c$

D.  $\sec x - \cos ex + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

### अतिलघु उत्तरीय प्रश्नोत्तर

1.  $\int \frac{x^2 + 1}{x^2 - 5x + 6} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \frac{x^3}{x^2 + 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$3. \int \frac{dx}{1 + \sin x} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

 वीडियो उत्तर देखें

$$4. \int \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

 वीडियो उत्तर देखें

$$5. \int \sqrt{1 - \sin 2x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

 वीडियो उत्तर देखें

$$6. \frac{\cos 2x}{\sqrt{1 + \sin 2x}} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

 वीडियो उत्तर देखें

$$7. \int \frac{1}{1 - \cot x} dx \text{ अथवा } \int \frac{\sin x}{\sin x - \cos x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

 वीडियो उत्तर देखें



8. फलन  $\frac{1 - \tan x}{1 + \tan x}$  का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \frac{\cos x}{(1 + \sin x)(2 + \sin x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

10.  $\int \frac{1 - \cos x}{\cos x(1 + \cos x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

11. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{a \sin^{-1} x + b \cos^{-1} x}{\sqrt{1 - x^2}} dx = \frac{1}{2} \frac{(a \sin^{-1} x + b \cos^{-1} x)^2}{a - b} + c$$



वीडियो उत्तर देखें

12.  $\int \frac{(1 + \log x)^2}{x} dx$  का मान बताइए।



वीडियो उत्तर देखें

13.  $\int \frac{x^2 \tan^{-1} x^3}{1 + x^6} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

14.  $\int \frac{1}{\sqrt{1 - e^{-2x}}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

15.  $\int \frac{1}{e^x - 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।

A.  $\log|e^{-x} - 1| + c$

B.  $\log|e^x - 1| + c$

C.  $\log|e^{-x} + 1| + c$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

16.  $\int \frac{dx}{x^2 - a^2}$  का मान ज्ञात कीजिए जबकि  $x > a$



वीडियो उत्तर देखें

17.  $\int \frac{1}{(e^x - 1)(1 - e^{-x})} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

18.  $\int \frac{\sec x}{\sec x + \tan x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$19. \int \frac{\tan(\sin^{-1} x)}{\sqrt{1-x^2}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$20. \int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$21. \int x^2 \sin x^3 dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$22. \int \sin 2x \cos 3x dx$$
 का समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

23.  $\int x \log x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

24. समाकलन  $\int \sin^3 x \cos^2 x dx$  को ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

25.  $\int \frac{x}{x^4 + x^2 + 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

26.  $\int \frac{\cos x}{\cos(x - a)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

27.  $\int \sin^{-1} x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

28.  $\int \log x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

29.  $\int \frac{xe^x}{(x+1)^2} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

30.  $\int e^x \left( \tan^{-1} x + \frac{1}{1+x^2} \right) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

31.  $\int \frac{dx}{1+\cos x}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

32.  $\int \frac{\cos x}{\sin^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

33.  $\int \frac{e^x(1+x)}{\cos^2(e^x \cdot x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

34.  $\int \frac{\cos(\log x)}{x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

35. मान ज्ञात कीजिए:  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^4 x}{\sin^4 x + \cos^4 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

$$36. \int_0^1 \frac{x}{\sqrt{1+x^2}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$37. \int_0^{\pi/4} \tan^2 x dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$38. \int \frac{1}{a \sin x + b \cos x} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$39. \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \sin^2 x dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

40. मान ज्ञात कीजिए :

$$\int_0^a \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt{a-x}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

41.  $\int \frac{\sin^2 x - \cos^2 x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

लघु उत्तरीय प्रश्नोत्तर

1.  $\int \frac{\sin^8 x - \cos^8 x}{1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \frac{x^2}{(x^2 + 1)(x^2 + 4)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें



3.  $\int \frac{e^x}{(1 + e^x)(2 + e^x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4. समाकलन  $\int \frac{\sin 2x}{a \cos^2 x + b \sin^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए, जहाँ a, b अचर हैं।



वीडियो उत्तर देखें

5.  $\int \frac{x \tan^{-1} x}{(1 + x^2)^{3/2}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

6.  $\int_0^1 \sin^{-1} \left( \frac{2x}{1 + x^2} \right) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \int \sin^{-1} \left[ \frac{2x}{1+x^2} \right] dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \int \frac{dx}{x(x^{3/2} + 1)}$$
 को हल कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$9. \int \frac{2x+1}{\sqrt{2x^2+x-3}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \int \frac{1}{x(2+x^5)} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

11.  $\int \sqrt{\frac{1+x}{1-x}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

12. समाकलन  $\int_0^{\pi/2} \frac{x}{\sin x + \cos x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

13.  $\int \frac{x + \sin x}{1 + \cos x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

14.  $\int \frac{\sin(x-a)}{\sin(x+a)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए। a जहाँ अचर है।



वीडियो उत्तर देखें

$$15. \int \left[ \frac{1 + \sin x}{1 + \cos x} \cdot e^x \right] dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$16. \int \frac{1}{1 + x + x^2 + x^3} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$17. \int \sqrt{3 - 2x - 2x^2} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$18. \int \frac{dx}{ax^2 + bx + c} \text{ का समाकलन कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$19. \int \frac{\sec^2 x dx}{(1 + \tan x)(2 + \tan x)} \text{ को हल कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

20.  $\int \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x^4 + x^2 + 1}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

21.  $\int \frac{dx}{x^2 - 6x + 12}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

22.  $\int \frac{dx}{x^{1/2} + x^{1/3}}$



वीडियो उत्तर देखें

23.  $\int x \tan^2 x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

24.  $\int \frac{\cos x}{\sqrt{3 + \cos^2 x}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

25.  $\int \frac{1}{4 \cos x - 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

26. फलन  $\int \frac{x+1}{\sqrt{x^2+1}} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

27.  $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + a^2}}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

28.  $\int \cos^{-1} x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$29. \int \frac{dx}{\sqrt{3x^2 + 13x - 10}} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$30. \int \frac{dx}{2x^{1/2} + x^{3/2}} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$31. \int \cot^{-1} x dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$32. \int \frac{1}{(\log x - 1)(\log x + 1)} \cdot \frac{dx}{x} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$33. \int \frac{\sin^3 x \cdot \cos x}{\sqrt{a - \sin^2 x} \cdot \sqrt{a + \sin^2 x}} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$34. \int \frac{\sec^2 2x}{(\cot x - \tan x)^2} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$35. \int \frac{x^2 + 1}{x^2 - 1} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$36. \int \frac{dx}{1 + 3 \cos^2 x}$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

37.  $\int \frac{dx}{(a \sin x + b \cos x)^2}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

38. मान ज्ञात कीजिए :  $\int \frac{dx}{1 + \cos x + \sin x}.$



वीडियो उत्तर देखें

39.  $\int_{\pi/4}^{\pi/2} \cos 2x \cdot \log \sin x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

40. सिद्ध कीजिए कि  $\int_0^{\pi/2} (\sin 2x \cdot \log \tan x) dx = 0$



वीडियो उत्तर देखें

**41.** सिद्ध कीजिए :  $\int_0^{\pi/2} \log \sin x dx = \int_0^{\pi/2} \log \cos x dx = -\frac{\pi}{2} \log 2$



वीडियो उत्तर देखें

**42.** सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi/4} (2 \log \sin 2x - \log \sin 4x) dx = -\frac{\pi}{4} \log 2$$



वीडियो उत्तर देखें

**43.** सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi/4} \log(\sin 2\theta) d\theta = -\frac{\pi}{4} \log 2$$



वीडियो उत्तर देखें

**44.** सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\cos x}{1 + \cos x + \sin x} dx = \frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \log 2$$



वीडियो उत्तर देखें

**45.** सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\infty} \log\left(x + \frac{1}{x}\right) \cdot \frac{dx}{1+x^2} = \pi \log 2$$



वीडियो उत्तर देखें

**46.** सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^1 \frac{\log(1+x)}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{8} \log 2 .$$



वीडियो उत्तर देखें

**47.**  $\int_0^{\pi/4} \log(1 + \tan x) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

**48.** सिद्ध कीजिए कि  $\int_0^{\pi/4} \log(1 + \tan x) dx = \frac{\pi}{8} \log 2$



वीडियो उत्तर देखें



49. सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi/4} \log \left[ \frac{\sin x + \cos x}{\cos x} \right] dx = \frac{\pi}{8} \log 2$$



वीडियो उत्तर देखें

50. निम्नलिखित प्रत्येक को सिद्ध कीजिए :

$$\begin{aligned} \int_0^{\pi/2} \frac{1}{1 + \sqrt{\cot x}} dt &= \int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}} dx \\ &= \int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\tan x}}{1 + \sqrt{\tan x}} dx = \frac{\pi}{4} \end{aligned}$$



वीडियो उत्तर देखें

51. सिद्ध कीजिए कि

$$\begin{aligned} \int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\cot x}}{1 + \sqrt{\cot x}} dx &= \int_0^{\pi/2} \frac{1}{1 + \sqrt{\tan x}} dx \\ &= \int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\cos x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}} dx = \frac{\pi}{4} \end{aligned}$$



वीडियो उत्तर देखें

52. सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi} \frac{x \tan x}{\sec x + \cos x} dx = \frac{\pi^2}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

53. सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi} \frac{x \sec x \tan x}{1 + \sec^2 x} dx = \int_0^{\pi} \frac{x \sin x}{1 + \cos^2 x} dx = \frac{\pi^2}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

54.  $\int_{-1}^2 |x^3 - x| dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

55.  $\int_{-1}^1 \sin^5 x \cdot \cos^4 x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



00:00 — 00:00

## विस्तृत उत्तरीय प्रश्नोत्तर

1.  $\int_0^{\pi/4} (\sqrt{\tan x} + \sqrt{\cot x}) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int [\sqrt{\cot x} + \sqrt{\tan x}] dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \left[ \log(\log x) + \frac{1}{(\log x)^2} \right] dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4.  $\int \frac{dx}{4 + 5 \sin x}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

5.  $\int e^{\tan^{-1} x} x \left( \frac{1+x+x^2}{1+x^2} \right) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

6. सिद्ध कीजिए कि  $\int_a^b f(x)dx = \int_a^b f(a+b-x)dx$  इसके प्रयोग से  $\int_{\pi/8}^{3\pi/8} \frac{\tan^2 x}{\tan^2 x + \cot^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

7. दर्शाइए कि  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^2 x}{\sin x + \cos x} dx = \frac{1}{\sqrt{2}} \log(\sqrt{2} + 1)$



वीडियो उत्तर देखें

8. सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi/2} \log(\sin^3 x \cdot \cos^4 x) dx = -\frac{7\pi}{2} \log 2$$



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int_0^1 x \sqrt{\frac{1-x^2}{1+x^2}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

10. सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^\pi \frac{x}{1+\cos^2 x} dx = \frac{\pi^2}{2\sqrt{2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. सिद्ध कीजिए कि  $\int_0^\pi \frac{xdx}{a^2 \cos^2 x + b^2 \sin^2 x} = \frac{\pi^2}{2ab}$



वीडियो उत्तर देखें

12. मान ज्ञात कीजिए :

$$\int_0^{\pi} \frac{x dx}{a^2 \cos^2 x + b^2 \sin^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. सिद्ध कीजिए कि

$$\int_0^{\pi/2} \frac{dx}{1 + 2 \cos x} = \frac{1}{\sqrt{3}} \log(2 + \sqrt{3})$$



वीडियो उत्तर देखें

14.  $\int_a^b x^2 dx$  का योगफल की सीमा के रूप में निश्चित समाकलन की सहायता से मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

1. समाकलन  $\int x \cos x dx$  का मान होगा :

- A.  $x \cos x - \sin x$
- B.  $-x \cos x + \sin x$
- C.  $x \sin x + \cos x$
- D.  $-x \sin x - \cos x$

**Answer: c**



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \frac{x^2}{x^2 - 4^2} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \sin 3x \sin 5x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

4.  $\int \sin^3 x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

5. दर्शाइए

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^n x}{\sin^n x + \cos^n x} = \frac{\pi}{4}$$

 वीडियो उत्तर देखें

6.

$$\int_{\pi/6}^{\pi/3} \frac{\sin^4 x}{\cos^4 x + \sin^4 x} dx, \int_4^9 \frac{f(x)}{f(x) + f(13-x)} dx \quad \int_2^8 \frac{\sqrt{10-x}}{\sqrt{x} + \sqrt{10-x}}$$

के मान भी उक्त की भाँति ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

7.  $\int \frac{\sin x \cdot \cos x}{a^2 \sin^2 x - b^2 \cos^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

8.  $\int \frac{2x + 1}{\sqrt{x^2 + 2x + 4}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \frac{1}{\sin x + \cos x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

10. मान ज्ञात कीजिए:  $\int \frac{\sec^2 2x}{\sqrt{\cot x - \tan x}} dx.$



वीडियो उत्तर देखें