



India's Number 1 Education App

MATHS

BOOKS - DR HARSWAROOP SHARMA MATHS (HINDI)

प्रतिलोम त्रिकोणमितीय फलन

हल सहित उदाहरण

1. निम्नलिखित के मुख्य मान ज्ञात कीजिए।

(i) $\sin^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

(ii) $\cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$

(iii) $\operatorname{cosec}^{-1}(\sqrt{2})$

(iv) $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$
(v) $\cot^{-1}\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right)$

A. (i) $\frac{\pi}{3}$ (ii) $\frac{2\pi}{3}$ (iii) $\frac{\pi}{4}$ (iv) $\frac{\pi}{4}$ (v) $\frac{2\pi}{3}$

B. (i) $\frac{\pi}{6}$ (ii) $\frac{2\pi}{3}$ (iii) $\frac{\pi}{4}$ (iv) $\frac{\pi}{4}$ (v) $\frac{2\pi}{3}$

C. (i) $\frac{\pi}{3}$ (ii) $\frac{2\pi}{3}$ (iii) $\frac{\pi}{4}$ (iv) $\frac{\pi}{3}$ (v) $\frac{2\pi}{3}$

D. (i) $\frac{\pi}{3}$ (ii) $\frac{2\pi}{3}$ (iii) $\frac{\pi}{6}$ (iv) $\frac{\pi}{4}$ (v) $\frac{2\pi}{3}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

2. x का मान ज्ञात कीजिए यदि $\tan^{-1}(x)^{-1} = \cot^{-1}\left(\frac{4}{x}\right)$

A. $x = \pm 1$

B. $x = \pm 3$

C. $x = \pm 2$

D. $x = \pm 4$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

3. यदि $\tan^{-1}x + \tan^{-1}y = \frac{\pi}{2}$ सिद्ध कीजिए कि $xy = 1$



वीडियो उत्तर देखें

4. सिद्ध कीजिए

$$\cos^{-1} \frac{4}{5} = \tan^{-1} \frac{3}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. यदि $\tan^{-1}x + \tan^{-1}y + \tan^{-1}z = \pi$ तो सिद्ध कीजिए कि

$$x + y + z = xyz$$



वीडियो उत्तर देखें

6. यदि $\tan^{-1}x - \tan^{-1}y = \tan^{-1}A$ हो तो A का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

7. सिद्ध कीजिए कि

$$\cot^{-1}\frac{ab+1}{a-b} + \cot^{-1}\frac{bc+1}{b-c} + \cot^{-1}\frac{ca+1}{c-a} = 0$$



वीडियो उत्तर देखें

8. सिद्ध कीजिए

$$\tan^{-1} 1 + \tan^{-1} \frac{1}{2} + \tan^{-1} \frac{1}{3} = \frac{\pi}{2}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. $\cot^{-1} \left(\frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}} \right), x > 1$ को सरलतम रूप में लिखिए।



वीडियो उत्तर देखें

10. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} x + \tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2} = \tan^{-1} \left(\frac{3x - x^3}{1 - 3x^2} \right), |x| < \frac{1}{\sqrt{3}}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. $\cos(\sec^{-1} x + \operatorname{cosec}^{-1} x)$, $|x| \geq 1$ का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

12. हल कीजिए $\tan^{-1}(x + 1) + \tan^{-1}(x - 1) = \tan^{-1}\frac{8}{31}$



वीडियो उत्तर देखें

13. सिद्ध कीजिए

$$\cos^{-1}\left(\frac{1-a^2}{1+a^2}\right) - \cos^{-1}\left(\frac{1-b^2}{1+b^2}\right) = 2\tan^{-1}\left(\frac{a-b}{1+ab}\right)$$



वीडियो उत्तर देखें

14. यदि $\tan^{-1} \frac{a+x}{a} + \tan^{-1} \frac{a-x}{a} = \frac{\pi}{6}$, तो सिद्ध कीजिए $x^2 = 2\sqrt{3}a^2$.



वीडियो उत्तर देखें

15. यदि $\tan^{-1}x + \tan^{-1}y + \tan^{-1}z = \frac{\pi}{2}$, तो सिद्ध कीजिए $xy + yz + zx = 1$



वीडियो उत्तर देखें

16. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1}5 - \tan^{-1}3 + \tan^{-1}\frac{7}{9} = \frac{\pi}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

17. यदि $\tan^{-1}(1+x) + \tan^{-1}(1-x) = \frac{\pi}{6}$ तो सिद्ध कीजिए कि $x^2 = 2\sqrt{3}$



वीडियो उत्तर देखें

18. $\tan^{-1}2x + \tan^{-1}3x = \frac{\pi}{4}$ को सरल कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

19. निम्नलिखित समीकरण को हल कीजिए: $\sin^{-1}x + \sin^{-1}2x = \frac{\pi}{3}$



वीडियो उत्तर देखें

20. स्थिति कीजिए कि $\tan^{-1}\frac{1}{2} + \tan^{-1}\frac{2}{11} = \tan^{-1}\frac{3}{4}$



वीडियो उत्तर देखें

21. सिद्ध कीजिए -

$$\sin^{-1} \frac{3}{5} - \sin^{-1} \frac{8}{17} = \cos^{-1} \frac{84}{85}.$$



वीडियो उत्तर देखें

22. दर्शाइए कि $\sin^{-1} \frac{12}{13} + \cos^{-1} \frac{4}{5} + \tan^{-1} \frac{63}{16} = \pi$



वीडियो उत्तर देखें

23. $\tan^{-1} \left[\frac{a\cos x - b\sin x}{b\cos x + a\sin x} \right]$ को सरल कीजिए कि $\frac{a}{b} \tan x > -1$



वीडियो उत्तर देखें

24. समीकरण $\tan^{-1}(x + 3) - \tan^{-1}(x - 3) = \sin^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$ को संतुष्ट करने वाला x का मान क्या होगा?



वीडियो उत्तर देखें

25. यदि x, y, z एक समांतर श्रेणी में हैं तथा $\tan^{-1}x, \tan^{-1}y$ तथा $\tan^{-1}z$ भी समांतर श्रेणी में हैं तब

- a. $x = y = z$
- b. $2x = 3y = 6z$
- c. $6x = 3y = 2z$
- d. $6x = 4y = 3z$



वीडियो उत्तर देखें

26. यदि $\cot\left(\sin^{-1}\left(\sqrt{1-x^2}\right)\right) = \sin[\tan^{-1}(x\sqrt{6})], x \neq 0$, तब x का सम्भावित मान क्या होगा?



वीडियो उत्तर देखें

समीकरण

27.

$$\tan^{-1}\left(\frac{1}{2x+1}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{4x+1}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{2}{x^2}\right) \quad \text{को}$$

संतुष्ट करने वाले धनात्मक हलों की संख्या क्या होगी?



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली 2 A

1. निम्नलिखित के मुख्य मानों को ज्ञात कीजिए-

- (i) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ (ii) $\sec^{-1}(2)$
- (iii) $\tan^{-1}(-1)$ (iv) $\operatorname{cosec}^{-1}(2)$
- (v) $\sin^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ (vi) $\tan^{-1}(-\sqrt{3})$
- (vii) $\sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$ (viii) $\cos^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$



वीडियो उत्तर देखें

2. निम्नलिखित के मुख्य मानों को ज्ञात कीजिए-

- (i) $\sec^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)$ (ii) $\cot^{-1}(\sqrt{3})$
(iii) $\cos^{-1}\left(-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ (iv) $\operatorname{cosec}^{-1}(-\sqrt{2})$



वीडियो उत्तर देखें

3. $\sin\left(\cos^{-1}\frac{4}{5}\right)$ का मान ज्ञात कीजिए।

A. $\frac{3}{5}$

B. $\frac{4}{5}$

C. 1

D. 0

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

4. $\cot(\tan^{-1}\sqrt{3})$ का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

5. $\cot(\tan^{-1}3)$ का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

6. $\tan^{-1}(1) + \cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) + \sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$ का मान ज्ञात कीजिए।

A. $\frac{3\pi}{4}$

B. $\frac{\pi}{2}$

C. $\frac{2\pi}{3}$

D. $\frac{\pi}{6}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

7. $\cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + 2\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

8. निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए।

(i) $\tan^{-1} \left[2\cos \left(2\sin^{-1} \frac{1}{2} \right) \right]$

(ii) $\cot(\tan^{-1}a + \cot^{-1}a)$

(iii) $\tan \frac{1}{2} \left[\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2} + \cos^{-1} \frac{1-y^2}{1+y^2} \right], |x| < 1, y > 0$

तथा $xy < 1$

(iv) $\tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{a^2 - x^2}}, |x| < a$



वीडियो उत्तर देखें

9. यदि $\tan^{-1}x = \frac{3}{4}$ तो $\cos^{-1}x$ का मान बताइए।



वीडियो उत्तर देखें

10. सिद्ध कीजिए: $2\tan^{-1}\sqrt{\frac{b}{a}} = \cos^{-1}\frac{a-b}{a+b}$



वीडियो उत्तर देखें

11. यदि $\cot^{-1} \frac{4}{3} = A$ हो तो $\sin A$ का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

12. सिद्ध कीजिए:

$$(i) \tan^{-1} \frac{a}{b} - \tan^{-1} \frac{a-b}{a+b} = \frac{\pi}{4}$$

$$(ii) \tan^{-1} 1 + \tan^{-1} 2 + \tan^{-1} 3 = \pi$$

$$(iii) 2\tan^{-1} \frac{1}{3} + \tan^{-1} \frac{1}{7} = \frac{\pi}{4}$$

$$(iv) \tan^{-1} \left(\frac{1}{2} \right) + \tan^{-1} \left(\frac{1}{3} \right) = \frac{\pi}{4}$$

$$(v) \tan^{-1} \frac{2}{11} + \tan^{-1} \frac{7}{24} = \tan^{-1} \frac{1}{2}$$

$$(vi) 2\tan^{-1} \frac{1}{2} + \tan^{-1} \frac{1}{7} = \tan^{-1} \frac{31}{17}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. यदि $\sin^{-1}x + \sin^{-1}y = \frac{\pi}{2}$ तो सिद्ध कीजिए।

$$\sin^{-1}x = \cos^{-1}y$$



वीडियो उत्तर देखें

14. यदि $\cos^{-1}x + \cos^{-1}y + \cos^{-1}z = \pi$ तो सिद्ध कीजिए कि
 $x^2 + y^2 + z^2 + 2xyz = 1$



वीडियो उत्तर देखें

15. यदि $\sin\left(\sin^{-1}\frac{1}{5} + \cos^{-1}x\right) = 1$, तो x का मान ज्ञात कीजिए



वीडियो उत्तर देखें

16. यदि $\tan^{-1} \frac{x-1}{x-2} + \tan^{-1} \frac{x+1}{x+2} = \frac{\pi}{4}$, तो x का मान कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

17. $\tan^{-1} \left(\frac{\cos x}{1 - \sin x} \right)$, $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$ को सरलतम रूप में व्यक्त कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

18. निम्नलिखित फलनों को सरलतम रूप में लिखिए:

(i) $\tan^{-1} \frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x}$, $x \neq 0$

(ii) $\tan^{-1} \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}}$, $|x| > 1$

(iii) $\tan^{-1} \left(\sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}} \right)$, $0 < x < \pi$

(iv) $\tan^{-1} \left(\frac{3a^2 x - x^3}{a^3 - 3ax^2} \right)$, $a > 0$, $\frac{-a}{\sqrt{3}} < x < \frac{a}{\sqrt{3}}$

$$(v) \sin^{-1} \left(\sin \frac{2\pi}{3} \right)$$

$$(vi) \tan^{-1} \left(\tan \frac{3\pi}{4} \right)$$

$$(vii) \tan \left(\sin^{-1} \frac{3}{5} + \frac{\cot^{-1} 3}{2} \right)$$



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली 2 B

1. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} \frac{2}{11} + \cot^{-1} \frac{24}{7} = \tan^{-1} \frac{1}{2}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} \frac{1}{7} \tan^{-1} \frac{1}{13} = \cot^{-1} \frac{9}{2}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} \frac{1}{3} + \tan^{-1} \frac{1}{5} + \tan^{-1} \frac{1}{7} + \tan^{-1} \frac{1}{8} = \frac{\pi}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. सिद्ध कीजिए कि

$$\sin^{-1} \frac{3}{5} - \cos^{-1} \frac{63}{65} = 2\tan^{-1} \frac{1}{5}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. सिद्ध कीजिए कि

$$\cos^{-1} \frac{3}{5} + \cos^{-1} \frac{12}{13} = \sin^{-1} \frac{63}{65}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}} \right) = \frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \cos^{-1} x - \frac{1}{\sqrt{2}} \leq x \leq 1$$



वीडियो उत्तर देखें

7. सिद्ध कीजिए कि

$$\sin^{-1} \frac{3}{5} + \cos^{-1} \frac{12}{13} = \sin^{-1} \frac{56}{65}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} \frac{1}{4} + \tan^{-1} \frac{2}{9} = \frac{1}{2} \cos^{-1} \frac{3}{5}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} \frac{1}{2} + \tan^{-1} \frac{1}{5} + \tan^{-1} \frac{1}{8} = \frac{\pi}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

10. सिद्ध कीजिए कि

$$\sin^{-1} \frac{8}{17} + \sin^{-1} \frac{3}{5} = \tan^{-1} \frac{77}{36}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. सिद्ध कीजिए कि

$$\cos^{-1} \frac{4}{5} + \tan^{-1} \frac{3}{5} = \tan^{-1} \frac{27}{11}$$



वीडियो उत्तर देखें

12. सिद्ध कीजिए कि

$$(i) \cot^{-1} \left(\frac{\sqrt{1 + \sin x} + \sqrt{1 - \sin x}}{\sqrt{1 + \sin x} - \sqrt{1 - \sin x}} \right) = \frac{x}{2}, x \in \left(0, \frac{\pi}{4}\right)$$

$$(ii) \cos^{-1} \frac{3}{5} + \sin^{-1} \frac{5}{13} = \tan^{-1} \frac{63}{16}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. सिद्ध कीजिए कि

$$\cos^{-1} x = 2\sin^{-1} \sqrt{\frac{1-x}{2}} = 2\cos^{-1} \sqrt{\frac{1+x}{2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \frac{9\pi}{8} - \frac{9}{4} \sin^{-1} \frac{1}{3} = \frac{9}{4} \sin^{-1} \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

$$\frac{9\pi}{8} - \frac{9}{4} \sin^{-1} \frac{1}{3}$$

$$= \frac{9}{4} \left(\frac{\pi}{2} - \sin^{-1} \frac{1}{3} \right) = \frac{9}{4} \cos^{-1} \frac{1}{3}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{9}{4} \sin^{-1} \sqrt{q - \left(\frac{1}{3}\right)^2} \quad \left(\because \cos^{-1} x = \sin^{-1} \sqrt{1 - x^2} \right) \\
 &= \frac{9}{4} \sin^{-1} \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{9}{4} \sin^{-1} \left(\frac{2\sqrt{2}}{3} \right) = \text{RHS Hence Proved.}
 \end{aligned}$$

 वीडियो उत्तर देखें

15. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1} \sqrt{x} = \frac{1}{2} \cos^{-1} \left(\frac{1-x}{1+x} \right), x \in [0, 1]$$

 वीडियो उत्तर देखें

16. यदि $\sin^{-1} x + \sin^{-1} y = \frac{\pi}{2}$ तो सिद्ध कीजिए

$$(i) x\sqrt{1-y^2} + y\sqrt{1-x^2} = 1$$

$$(ii) \sin^{-1} x + \sin^{-1} \sqrt{1-x^2} = \frac{\pi}{2}$$

 वीडियो उत्तर देखें

17. यदि $\sin^{-1}x + \sin^{-1}y + \sin^{-1}z = \pi$, तो सिद्ध कीजिए कि
 $x\sqrt{1-x^2} + y\sqrt{1-y^2} + z\sqrt{1-z^2} = 2xy$



वीडियो उत्तर देखें

18. फलन के निम्नतम रूप में लिखिए:

$$\tan^{-1}\left(\frac{\cos x - \sin x}{\cos x + \sin x}\right), \quad -\frac{\pi}{4} < x < \frac{3\pi}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

19. यदि $\sin(\pi\cos\theta) = \cos(\pi\sin\theta)$ तो सिद्ध कीजिए

$$\theta = \frac{1}{2}\sin^{-1}\left(\frac{3}{4}\right)$$



वीडियो उत्तर देखें

20. सिद्ध कीजिए कि

$$\tan^{-1}\left(\frac{a-b}{1+ab}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{b-c}{1+bc}\right) + \tan^{-1}c = \tan^{-1}a$$



वीडियो उत्तर देखें

21. यदि $\cos^{-1}\frac{x}{2} + \cos^{-1}\frac{y}{3} = \theta$ तो सिद्ध कीजिए कि

$$9x^2 - 12xy\cos\theta + 4y^2 = 36\sin^2\theta$$



वीडियो उत्तर देखें

22. यदि $\cos^{-1}\frac{x}{a} + \cos^{-1}\frac{y}{b} = \alpha$ सिद्ध कीजिए कि

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{2xy}{ab}\cos\alpha = \sin^2\alpha$$



वीडियो उत्तर देखें

23. निम्न समीकरणों को हल कीजिएः

$$\sin^{-1}x + \sin^{-1}(1-x) = \cos^{-1}x$$



वीडियो उत्तर देखें

24. निम्न समीकरणों को हल कीजिएः

$$2\tan^{-1}(\cos x) = \tan^{-1}(2\operatorname{cosec} x)$$



वीडियो उत्तर देखें

25. निम्न समीकरणों को हल कीजिएः

$$\tan^{-1}\frac{1-x}{1+x} = \frac{1}{2}\tan^{-1}x, x > 0$$



वीडियो उत्तर देखें

26. निम्न समीकरणों को हल कीजिए:

$$\tan^{-1} \frac{2x}{x^2 - 1} + \cot^{-1} \frac{x^2 - 1}{2x} + \frac{4\pi}{3} = 0$$



वीडियो उत्तर देखें

27. निम्न समीकरणों को हल कीजिए:

$$\tan^{-1}(x + 1) - \tan^{-1}(x - 1) = \cot^{-1} 2$$



वीडियो उत्तर देखें

28. निम्न समीकरणों को हल कीजिए:

$$\sin^{-1} \frac{5}{x} + \sin^{-1} \frac{12}{x} = \frac{\pi}{2}$$



वीडियो उत्तर देखें

29. निम्न समीकरणों को हल कीजिए:

$$\tan^{-1} \frac{\sqrt{1+x^2} - \sqrt{1-x^2}}{\sqrt{1+x^2} + \sqrt{1-x^2}} = \alpha$$



वीडियो उत्तर देखें

30. यदि $\sin^{-1}x + \tan^{-1}x = \frac{\pi}{2}$ तो सिद्ध कीजिए $2x^2 + 1 = \sqrt{5}$



वीडियो उत्तर देखें

31. निम्नलिखित समीकरणों की सहायता से x, y का मान ज्ञात कीजिए:

$$\sin^{-1}x + \sin^{-1}y = \frac{2\pi}{3}$$

$$\cos^{-1}x - \cos^{-1}y = \frac{\pi}{3}$$



वीडियो उत्तर देखें

32. निम्नलिखित समीकरणों की सहायता से x, y का मान ज्ञात कीजिए:

यदि $\frac{m \tan(\alpha - \theta)}{\cos^2 \theta} = \frac{n \tan \theta}{\cos^2(\alpha - \theta)}$ तो सिद्ध कीजिए कि

$$2\theta = \alpha - \left[\tan^{-1} \frac{n-m}{n+m} \tan \alpha \right]$$



वीडियो उत्तर देखें

33. निम्नलिखित समीकरणों की सहायता से x, y का मान ज्ञात कीजिए:

$$\left(\frac{\sec^{-1} x}{a} - \frac{\sec^{-1} x}{b} \right) = (\sec^{-1} b - \sec^{-1} a), x \quad \text{का} \quad \text{मान}$$

निकालिए।



वीडियो उत्तर देखें

34. निम्नलिखित समीकरणों की सहायता से x, y का मान ज्ञात कीजिए:

$$\tan^{-1}(x-1) + \tan^{-1}x + \tan^{-1}(x+1) = \tan^{-1}3x \quad \text{तो} \quad \text{हल}$$

कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली 2 C

1. $\cos^{-1} \left(\cos \frac{7\pi}{6} \right)$ का मान होगा

A. $\frac{7\pi}{6}$

B. $\frac{5\pi}{6}$

C. $\frac{\pi}{3}$

D. $\frac{\pi}{6}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

2. $\sin^{-1}(1 - x) - 2\sin^{-1}x = \frac{\pi}{2}$ तो x का मान बराबर है:

A. 0, $\frac{1}{2}$

B. 1, $\frac{1}{2}$

C. 0

D. $\frac{1}{2}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

3. यदि $A = \tan^{-1}x$ तब $\sin 2A$ का मान होगा:

A. $\frac{2x}{1 - x^2}$

B. $\frac{2x}{x^2 - 1}$

C. $\frac{2x}{1 + x^2}$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

4. $\tan^{-1}\sqrt{3} - \cot^{-1}(-\sqrt{3})$ का मान होगा:

A. π

B. $-\frac{\pi}{2}$

C. 0

D. $2\sqrt{3}$

Answer: B



तीव्रिगो उत्तर देखें

5. $\sin(\tan^{-1}x)$, $|x| < 1$ बराबर होता है:

A. $\frac{x}{\sqrt{1 - x^2}}$

B. $\frac{1}{\sqrt{1 - x^2}}$

C. $\frac{1}{\sqrt{1 + x^2}}$

D. $\frac{x}{\sqrt{1 + x^2}}$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

6. $\tan^{-1}\left(\frac{x}{y}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{x - y}{x + y}\right)$ का मान होगा।

A. $\frac{\pi}{2}$

B. $\frac{\pi}{3}$

C. $\frac{\pi}{4}$

D. $\frac{-3\pi}{4}$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

7. निम्नलिखित के मुख्य मान ज्ञात करें:

(i) \sin^{-1} (ii) $\sec^{-1}(-\sqrt{2})$

(iii) $\cot^{-1}\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right)$ (iv) $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$

(v) $\sec^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)$



वीडियो उत्तर देखें

8. निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए:

$$(i) \cos^{-1} \left(\cos \frac{13\pi}{6} \right) (ii) \tan^{-1} \left(\tan \frac{7\pi}{6} \right)$$



वीडियो उत्तर देखें

9. यदि $\tan^{-1} \frac{3}{4} = A$ तो $\sin A$ का मान बताइए।



वीडियो उत्तर देखें

10. $\sin \left[\frac{\pi}{3} - \sin^{-1} \left(-\frac{1}{2} \right) \right]$ का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

11. यदि $\cos^{-1}x + \cos^{-1}y = \frac{\pi}{2}$, तो सिद्ध कीजिए

$$\cos^{-1}x = \sin^{-1}y$$



वीडियो उत्तर देखें

12. सिद्ध कीजिए

$$(i) \quad 2\sin^{-1}\frac{3}{5} = \tan^{-1}\frac{24}{7} \quad (ii)$$

$$\tan^{-1}\frac{n}{n+1} - \tan^{-1}(2n+1) = \frac{3\pi}{4}$$

$$(iii) \quad \sin^{-1}\frac{3}{5} + \sin^{-1}\frac{8}{17} = \sin^{-1}\frac{77}{85} \quad (iv)$$

$$\cos^{-1}\frac{4}{5} + \cos^{-1}\frac{12}{13} = \cos^{-1}\frac{33}{65}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. यदि $\tan^{-1}\alpha + \tan^{-1}\beta + \tan^{-1}\gamma = \pi$ तो सिद्ध कीजिए कि $\alpha + \beta + \gamma = \alpha\beta\gamma$.



वीडियो उत्तर देखें

14. x का मान ज्ञात कीजिए यदि

$$\cos^{-1} \frac{1 - a^2}{1 + a^2} - \cos^{-1} \frac{1 - b^2}{1 + b^2} = 2\tan^{-1}x$$



वीडियो उत्तर देखें

15. हल कीजिए:

$$2\tan^{-1}(\cos x) = \tan^{-1}(2\operatorname{cosec} x)$$



वीडियो उत्तर देखें

16. समीकरण $\cos^{-1}(\sqrt{6}x) + \cos^{-1}(3\sqrt{3}x^2) = \frac{\pi}{2}$ का हल कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

17. यदि $\theta = \tan^{-1}(2\tan\theta) - \frac{1}{2}\sin^{-1}\left(\frac{3\sin2\theta}{5 + 4\cos2\theta}\right)$, तब θ का
व्यापक मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें