

## MATHS

### BOOKS - SHREE BALAJI MATHS (HINDI)

#### समाकलन

साधित उदाहरण

1. फलनों का समाकलन कीजिए -

(i)  $\frac{1}{x^2 - 16}$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलनों का समाकलन कीजिए -

(ii)  $\frac{1}{x^2 - 8x + 15}$



वीडियो उत्तर देखें

**3. फलनों का समाकलन कीजिए -**

$$(iii) \frac{1}{16 - 9x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**4. फलनों का समाकलन कीजिए -**

$$\int \frac{dx}{24 - 6x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**5. फलनों का समाकलन कीजिए -**

$$(ii) \int \frac{dx}{(x - 1)(x - 2)(x - 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलन कीजिए -

$$\int \frac{dx}{x(1-x^2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\int \frac{dx}{x^2 - 9x + 20}$$



वीडियो उत्तर देखें

8.  $\int \frac{dx}{(x+1)^2(x-1)}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \frac{dx}{(x+a)(x^2+b^2)}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \int \frac{dx}{(e^x - 1)} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \int \frac{x dx}{(x^2 - a^2)(x^2 - b^2)} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int \frac{\cos x}{\cos 3x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \int \frac{(x^2 + 1) dx}{(x + 1)^3(x - 2)} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. फलन  $\int \frac{dx}{2x^2 - 4x + 1}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

15. फलन  $\int \frac{dx}{1 - x - x^2}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

16. फलन  $\int \frac{dx}{5 + 4x + x^2}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

17. फलन  $\int \frac{dx}{2x^2 + x - 1}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

18. फलन  $\int \frac{3x + 1}{2x^2 - 2x + 3} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

19. फलन  $\int \frac{3x + 1}{2x^2 + x - 1} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

20. फलन  $\int \frac{(x + 1)dx}{3 - 2x - 2x^2}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

21. फलन  $\int \frac{dx}{\sqrt{1 - 4x - 2x^2}}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

22. फलन  $\int \frac{dx}{\sqrt{2 + x - 3x^2}}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

23. फलन  $\int \frac{dx}{2\sqrt{x(1-x)}}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

24. फलन  $\int \frac{dx}{\sqrt{4x^2 - x + 4}}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

25.  $\int \frac{(2x+1)dx}{\sqrt{(4x^2+8x+6)}}$  फलन का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

26. फलन  $\int \frac{2x+1}{\sqrt{(2x^2+x-3)}} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

27.  $\int \frac{2x + 5}{\sqrt{x^2 + 2x + 5}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

28. फलन  $\int \sqrt{(3 - 2x - 2x^2)} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

29. फलन  $\int \sqrt{(5 + 4x - x^2)} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

30. फलन  $\int (2x - 5) \sqrt{(2 + 3x - x^2)} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

31. फलन  $\int \frac{dx}{1 + 3 \sin^2 x}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

32. फलन  $\int \frac{dx}{12 \cos x - 5 \sin x}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

33. फलन  $\int \frac{dx}{(a \sin x + b \cos x)^2}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

34. फलन  $\int \frac{\cos x}{\cos 3x}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

35. फलन  $\int \frac{dx}{5 + 4 \cos x}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

36. फलन  $\int \frac{dx}{5 + 4 \sin x}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

37. फलन  $\int \frac{2 \cos x - 3 \sin x}{6 \cos x + 4 \sin x} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

38. फलन  $\int \frac{x^2}{(x^2 + 1)(3x^2 + 1)} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिये



वीडियो उत्तर देखें

39. फलन  $\int \frac{x^2 dx}{(x^2 - 1)(x^2 + 2)}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

40. फलन  $\int \frac{x dx}{x^4 + x^2 + 1}$  का x के सापेक्ष समाकलन



वीडियो उत्तर देखें

41.  $\frac{x^2 + 1}{x^4 + kx^2 + 1}$  अथवा  $\frac{x^2 - 1}{x^4 + kx^2 + 1}$  के रूप में फलनों का समाकलन



वीडियो उत्तर देखें

42. फलन  $\int \frac{x^2 - 1}{x^4 + x^2 + 1} dx$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

43. फलन  $\int \sin^n x dx$  का समाकलन सूत्र ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

44. फलन  $\int \sin^5 x dx$  का x के सापेक्ष समाकलन ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

45. फलन  $\int \frac{dx}{(x^2 + a)^n}$  का समानयन सूत्र स्थापित कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

46. फलन  $\int \frac{dx}{(x^2 + 6)^3}$  का समानयन सूत्र ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

### विविध उदाहरण

1.  $\int \frac{3}{(x - 2)(x + 1)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \frac{\cos x}{3 - 4 \sin^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$3. \int \frac{x^4}{(x-1)(x^2+1)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$4. \int \frac{2x}{(x^2+1)(x^2+3)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$5. \int \frac{\sin x}{(1+\cos x)(2+3\cos x)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$6. \int \frac{1}{x(2+x^5)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \int \frac{1}{x^2+x+1} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

8.  $\int \frac{4x - 3}{3x^2 + 2x - 5} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \frac{1}{\sqrt{1 - x - x^2}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

10.  $\int \frac{1}{3 + \sin 2x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

11.  $\int \frac{1}{x^4 + 1} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int \sqrt{\tan x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \int \frac{1}{x \left[ 6(\log x)^2 + 7 \log x + 2 \right]} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \int \frac{x}{(x^4 - x^2 + 1)} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$15. \int \frac{(5x - 2)}{(1 + 2x + 3x^2)} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$16. \int \frac{(2x + 1)}{(4 - 3x - x^2)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$17. \int \frac{(x^2 + 4)}{(x^4 + 16)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$18. \int \sqrt{\cot x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$19. \int (\sqrt{\tan x} + \sqrt{\cot x}) dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$20. \int \frac{dx}{\sqrt{15 - 8x^2}} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$21. \int \frac{\cos x}{\sqrt{\sin^2 x - 2 \sin x - 3}} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$22. \int \frac{dx}{\sqrt{3x^2 + 16x + 12}} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$23. \int \frac{(5x + 3)}{\sqrt{x^2 + 4x + 10}} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$24. \int x \sqrt{x^4 + 1} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$25. \int (x + 3) \sqrt{3 - 4x - x^2} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$26. \int x \sqrt{x + x^2} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$27. \int \frac{(x - 1)}{(x + 1)(x - 2)} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$28. \int \frac{(3x - 2)}{(x + 1)^2(x + 3)} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

29.  $\int \frac{x^2}{(x^2 + 4)(x^2 + 9)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

30.  $\int \frac{(\tan \theta + \tan^3 \theta)}{(1 + \tan^3 \theta)} d\theta$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

31.  $\int \frac{dx}{(\sin x - \sin 2x)}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

32.  $\int \frac{(x^2 + 1)}{(x + 1)^2} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

33.  $\int \frac{dx}{\sin x + \sin 2x}$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

34.  $\int (x + 3) \sqrt{3 - 4x - x^2} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

35.  $\int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{a^3 - x^3}} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

### तीन मानक समाकलन

1.  $\int \frac{dx}{x^2 - a^2}$  का मान ज्ञात कीजिए यदि  $x > a$



वीडियो उत्तर देखें

$$2. \int \frac{dx}{a^2 - x^2} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

 वीडियो उत्तर देखें

$$3. \int \frac{dx}{a^2 + x^2} \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

 वीडियो उत्तर देखें

### कुछ विशिष्ट त्रिकोणमितीय फलनों का समाकलन

$$1. \frac{1}{a + b \cos^2 x}$$

 वीडियो उत्तर देखें

$$2. \frac{1}{a + b \sin^2 x}$$

 वीडियो उत्तर देखें

$$3. \frac{1}{a^2 \cos^2 x + b^2 \sin^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

4.  $x$  के सापेक्ष समाकलन करें

$$\frac{1}{a \cos^2 x + b \sin x \cos x + c \sin^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

परिमेयीकरण द्वारा समाकलन

1. फलन  $\int \sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)} dx$  का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

2. फलन  $\int \frac{dx}{x\sqrt{x^2 - a^2}}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

### अध्यास प्रश्न 15 1

1. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{a^2x^2 - b^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{9 - 4x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{2x^2 + x - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{x^2 + 1}{x^2 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{(x - a)(x - b)}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x^2 - 5}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{x}{(x-1)^2(x-2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{1+x+x^2+x^3}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{(x+1)^2 - 4}$$



वीडियो उत्तर देखें

10. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{x^2}{x^6 + x^3 - 2}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{3x}{(x - 1)(x - 2)(x - 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

12. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{x^2}{x^2 - 1} (x^2 + 2)$$



वीडियो उत्तर देखें

13. फलन का समाकलन कीजिए -

$$\frac{x^2 + 2}{(x - 1)(x - 2)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{1 + 3e^x + 2e^{2x}}$$



वीडियो उत्तर देखें

15. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{\sin x}{\sin 3x}$$



वीडियो उत्तर देखें

16. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{\cos x}{(1 + \sin x)(2 + \sin x)}$$



वीडियो उत्तर देखें

17. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{\sec^2 x}{(3 + \tan x)(4 + \tan x)}$$



वीडियो उत्तर देखें

18. फलनों का समाकलन कीजिए -  $\frac{2x - 3}{x^2 + 3x - 18}$



वीडियो उत्तर देखें

19. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{(x+1)^2} (x^2 + 1)$$



वीडियो उत्तर देखें

20. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x(x+1)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

**21.** फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{(\sin x - 2 \cos x)(2 \sin x + \cos x)}$$



वीडियो उत्तर देखें

**22.** फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x^4 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

**23.** फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x(x^n + 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

1. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x^2 + x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{6 + 5x - 6x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x^2 + 2x + 5}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{4x^2 - 4x + 5}$$



वीडियो उत्तर देखें



5. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x^2 + 6x + 5}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{1 - x - 2x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{2x^2 + x + 3}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{2x^2 + 3x - 4}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{x^2 - 8x + 25}$$



वीडियो उत्तर देखें

10. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{2x - 1}{2x^2 + 2x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{4x - 3}{3x^2 + 2x - 5}$$



वीडियो उत्तर देखें



वीडियो उत्तर देखें

12. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{x + 1}{x^2 + 4x + 5}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{3x + 1}{2x^2 - x + 3}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{4x + 3}{2x^2 + 2x + 5}$$



वीडियो उत्तर देखें

15. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{3x + 1}{2x^2 - x + 3}$$



वीडियो उत्तर देखें

16. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{2x^2 - 8x + 25}$$



वीडियो उत्तर देखें

17. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{x}{x^4 + x^2 + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

18. फलनों का समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{2x^2 + 5x + 3}$$



वीडियो उत्तर देखें



वीडियो उत्तर देखें

## अभ्यास प्रश्न 15 3

1. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(x^2 + 2x + 2)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(2x^2 + 2x + 3)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(x^2 + 3x + 1)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(12 - x^2 - 4x)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(8x - x^2)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(4 + 8x - 5x^2)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(5x - x^2 - 6)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{(2 + x - 3x^2)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sqrt{1 - 4x - 2x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

10. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{x + 1}{\sqrt{4 - 5x - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{2x + 3}{\sqrt{x^2 + 4x + 1}}$$



वीडियो उत्तर देखें

12. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{x + 1}{\sqrt{(x^2 + 4x + 1)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

13. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{x - 1}{\sqrt{(x^2 - x + 1)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

14. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{x+2}{\sqrt{(4x-x^2)}}$$



वीडियो उत्तर देखें

15. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{x+8}{\sqrt{x^2+2x+5}}$$



वीडियो उत्तर देखें

अभ्यास प्रश्न 15 4

1. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\sqrt{(2x^2+3x+4)}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\sqrt{2x^2 - 5x - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\sqrt{(4 + 8x - 5x^2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\sqrt{(5 - 4x - x^2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$(2x + 1) \sqrt{x^2 + 2x + 5}$$



वीडियो उत्तर देखें



वीडियो उत्तर देखें

6. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$(3x - 2)\sqrt{x^2 + x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\sqrt{15 - 2x - x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

8. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$(2x + 1)\sqrt{x^2 - x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

9. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$(x - 1) \sqrt{x^2 + x + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

10. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$(2 - 3x) \sqrt{4 + 8x - 5x^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

### अभ्यास प्रश्न 15 5

1. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{1 + 4 \cos^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{16 \cos^2 x + 25 \sin^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

3. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{(3 \sin x + \cos x)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

4. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{\sin x}{\sin 3x}$$



वीडियो उत्तर देखें

5. फलनों का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{1 - \sin^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

6. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{\sin x + \cos x}$$



वीडियो उत्तर देखें

7. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{12 - 13 \sin x}$$



वीडियो उत्तर देखें

अभ्यास प्रश्न 15 6

1. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{3 + 2 \cos x}$$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{2 + \cos x}$$

 वीडियो उत्तर देखें

3. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{4 - 5 \cos x}$$

 वीडियो उत्तर देखें

4. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{a + b \sin x}$$

 वीडियो उत्तर देखें

5. फलनों का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -

$$\frac{1}{5 + 3 \cos x}$$



वीडियो उत्तर देखें

## अभ्यास प्रश्न 15 7

$$1. \frac{x^2 + 1}{x^4 + x^2( + 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$2. \frac{x^2}{(x^2 + 1)(x^2 + 4)(x^2 + 9)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$3. \frac{x^2 + 1}{x^4 + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$4. \frac{x^2}{(x^2 + 1)(2x^2 + 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$5. \frac{\cos x}{(2 + \sin x)(1 + \sin x)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$6. \frac{x^2 + 1}{x^4 + x^2 + 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \frac{dx}{x^4 + 8x^2 + 9}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \frac{1}{x^4 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$9. \frac{2x + 5}{\sqrt{x^2 + 3x + 1}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \frac{x + 1}{\sqrt{x^2 + 1}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \frac{1}{x(x^n + 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \sqrt{\frac{1 - \sqrt{x}}{1 + \sqrt{x}}}$$



वीडियो उत्तर देखें

**13. सिद्ध कीजिए कि**

$$(i) \int \frac{dx}{x(1 + \log x)(3 + \log x)} = \frac{1}{2} \log \left[ \frac{1 + \log x}{3 + \log x} \right] + c$$



वीडियो उत्तर देखें

**14. सिद्ध कीजिए कि**

$$(ii) \int \frac{x^2}{(x^2 + 1)(x^2 + 4)} dx = -\frac{1}{3} \tan^{-1} x + \frac{2}{3} \tan^{-1} \cdot \frac{x}{2} + c$$



वीडियो उत्तर देखें

**15. सिद्ध कीजिए कि**

$$(iii) \int \frac{1}{x(x^4 + 1)} dx = \frac{1}{4} \log \left( \frac{x^4}{x^4 + 1} \right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

**16. सिद्ध कीजिए कि**

(iv)

$$\int \frac{1}{\sin x(3 + 2 \cos x)} dx = \frac{1}{10} \log(1 - \cos x) - \frac{1}{2} \log(1 + \cos x) + \frac{2}{5} \log(3 +$$



वीडियो उत्तर देखें

17. सिद्ध कीजिए कि

$$(i) \int \frac{\cos x}{(\sin x - 1)(\sin x - 3)} dx = \frac{1}{2} \log\left(\frac{\sin x - 3}{\sin x - 1}\right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

18. सिद्ध कीजिए कि

$$(ii) \int \frac{\sin x \cos x}{\cos^2 x + 3 \cos x + 2} dx = \frac{\log(1 + \cos x)}{(2 + \cos x)^2} + c$$



वीडियो उत्तर देखें

19. सिद्ध कीजिए कि

$$(i) \int \frac{3x + 1}{\sqrt{5 - 2x - x^2}} dx = -3\sqrt{5 - 2x - x^2} - 2 \sin^{-1}\left(\frac{x + 1}{\sqrt{6}}\right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

**20. सिद्ध कीजिए कि**

(ii)

$$\int \frac{2x + 1}{\sqrt{x^2 + 2x + 4}} dx = 2\sqrt{x^2 + 2x + 4} - \log \left[ (x + 1) + \sqrt{x^2 + 2x + 4} \right] + C$$



वीडियो उत्तर देखें

**21. सिद्ध कीजिए कि**

$$\int \frac{e^x}{\sqrt{5 - 4e^x - e^{2x}}} dx = \sin^{-1} \left( \frac{e^x + 2}{3} \right) + C$$



वीडियो उत्तर देखें

**22. सिद्ध कीजिए कि**

(iv)

$$\int \frac{\sin 2x}{\sqrt{\sin^4 x + 4\sin^2 x - 2}} dx = \log \left[ (\sin^2 x + 2) + \sqrt{\sin^4 x + 4\sin^2 x - 2} \right]$$



वीडियो उत्तर देखें

**23. सिद्ध कीजिए कि**

$$(i) \int \frac{1}{1 + \cos^2 x} dx = \frac{1}{\sqrt{2}} \tan(-1) \left( \frac{\tan x}{\sqrt{2}} \right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

**24. सिद्ध कीजिए कि**

$$(ii) \int \frac{1}{1 + 3 \cos^2 x} dx = \frac{1}{2} \tan^{-1} \left( \frac{\tan x}{2} \right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

**25. सिद्ध कीजिए कि**

$$(iii) \int \frac{1}{\sqrt{3} \sin x + \cos x} dx = \frac{1}{2} \log \tan \left( \frac{x}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

**26. सिद्ध कीजिए कि**

$$(iv) \int \frac{1}{\sin x + \sqrt{3} \cos x} dx = \frac{1}{2} \log \tan \left( \frac{x}{2} + \frac{\pi}{6} \right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

27. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \cos^7 x dx = \frac{1}{7} \cos^6 x \sin x + \frac{6}{35} \cos^4 x \sin x + \frac{8}{35} x \cos^2 x \sin x + \frac{16}{35} \sin x$$



वीडियो उत्तर देखें

28. सिद्ध कीजिए कि

$$(ii) \int \tan^6 x dx = \frac{1}{5} \tan^5 x - \frac{1}{3} \tan^3 x + \tan x - x$$



वीडियो उत्तर देखें

29. सिद्ध कीजिए कि

$$(i) \int \frac{1}{x(x^{3/2} + 1)} dx = \frac{2}{3} \frac{\log(x^{3/2})}{x^{3/2} + 1} + c$$



वीडियो उत्तर देखें

### 30. सिद्ध कीजिए कि

$$(ii) \int \frac{1}{a^2 - b^2 \cos^2 x} dx (a > b) = \frac{1}{a\sqrt{a^2 - b^2}} \tan^{-1} \left[ \frac{a \tan x}{\sqrt{a^2 - b^2}} \right] + c$$



वीडियो उत्तर देखें

बहुकल्पीय प्रश्न सही विकल्प का चयन कीजिए

1.  $\frac{1}{(e^x - 1)^2} dx$  का मान होगा -

A.  $x + \log|e^x - 1| + \frac{1}{e^x - 1}$

B.  $x - \log(e^x - 1) - \frac{1}{e^x - 1}$

C.  $x + \log|e^x - 1| - \frac{1}{e^x - 1}$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

2.  $\int \frac{dx}{x^2 + 4x + 13}$  का मान होगा -

A.  $\log|x^2 + 4x + 13| + c$

B.  $\frac{1}{3} \tan^{-1} \left( \frac{x+2}{3} \right) + c$

C.  $\log|(2x+4)| + c$

D.  $\frac{2x+4}{(x^2+4x+13)^2} + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

3.  $\int \sqrt{x^2 - 8x + 7} dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{1}{2}(x-4)\sqrt{x^2 - 8x + 7} + 9\log|x-4 + \sqrt{x^2 - 8x + 7}| + c$

B.

$\frac{1}{2}(x-4)\sqrt{x^2 - 8x + 7} - 3\sqrt{2}\log|x-4 + \sqrt{x^2 - 8x + 7}| + c$

C.  $\frac{1}{2}(x-4)\sqrt{x^2 - 8x + 7} - \frac{9}{2}\log|x-4 + \sqrt{x^2 - 8x + 7}| + c$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

4.  $\int \cos^{-3/7} x \sin^{-11/7} x dx$  का मान होगा -

A.  $\log|\sin^{4/7} x| + c$

B.  $\frac{4}{7} \tan^{4/7} x + c$

C.  $-\frac{7}{4} \tan^{-4/7} x + c$

D.  $\log|\cos^{3/7} x| + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

5.  $\int \frac{x dx}{x^2 + 4x + 5}$  का मान होगा -

- A.  $\frac{1}{2} \log|x^2 + 4x + 5| + 2 \tan^{-1} x + c$
- B.  $\frac{1}{2} \log|x^2 + 4x + 5| - \tan^{-1}(x + 2) + c$
- C.  $\frac{1}{2} \log|x^2 + 4x + 5| + \tan^{-1}(x + 2) + c$
- D.  $\frac{1}{2} \log|x^2 + 4x + 5| - 2 \tan^{-1}(x + 2) + c$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

6.  $\int \frac{3x dx}{1 + 2x^4}$  का मान होगा -

A.  $\frac{3}{2\sqrt{2}} \tan^{-1} \sqrt{2}x^2 + c$

B.  $\tan^{-1} \sqrt{2}x^2 + c$

C.  $\frac{3}{\sqrt{2}} \tan^{-1} \sqrt{2}x^2 + c$

D.  $\tan \sqrt{2}x^2 + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

7.  $\int \frac{x^2}{\sqrt{x^6 + a^6}} dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{1}{3} \log|x^3 + \sqrt{x^6 + a^6}| + c$

B.  $\frac{2}{3} \log|x^3 + \sqrt{x^6 + a^6}| + c$

C.  $\frac{5}{3} \log|x^2 + \sqrt{x^6 - a^6}| + c$

D.  $\frac{1}{3} \log|x^3 - \sqrt{x^6 - a^6}| + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

8.  $\int \frac{1}{\sqrt{7 - 6x - x^2}} dx$  का मान होगा -

A.  $\cos^{-1}\left(\frac{x+3}{4}\right) + c$

B.  $\frac{1}{2} \sin^{-1}\left(\frac{x+3}{4}\right) + c$

C.  $\tan^{-1}\left(\frac{x+3}{5}\right) + c$

D.  $\sin^{-1}\left(\frac{x+3}{4}\right) + c$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\int \frac{dx}{3x^2 + 13x - 10}$  का मान ज्ञात कीजिय |

A.  $\frac{1}{7} \log \left| \frac{3x+3}{3x+10} \right| + c$

B.  $\frac{1}{17} \log \left| \frac{3x-2}{x-5} \right| + c$

C.  $\frac{1}{17} \log \left| \frac{3x-2}{x+5} \right| + c$

D.  $\frac{1}{17} \log \left| \frac{3x+2}{x-5} \right| + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

10.  $\int \frac{1}{\sqrt{(x-a)(x-b)}} dx$  का मान होगा -

- A.  $\log \left| x + \frac{a+b}{2} + \sqrt{(x-a)(x-b)} \right| + c$
- B.  $\log \left| x - \frac{a+b}{2} + \sqrt{(x-a)(x-b)} \right| + c$
- C.  $\log \left| x + \frac{a+b}{2} - \sqrt{(x-a)(x-b)} \right| + c$
- D.  $\log \left| x - \frac{a+b}{2} - \sqrt{(x-a)(x-b)} \right| + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

### अभ्यास प्रश्न 17 1

1.  $y = e^x$ ,  $x = 0$  से  $x = a$  तक



वीडियो उत्तर देखें

2. सरल रेखा  $y = mx$ , x - अक्ष तथा कोटि  $x = 3$



वीडियो उत्तर देखें

3.  $y = 5 + \frac{x^2}{10}$ ,  $x = 2$  से  $x = 10$  तक



वीडियो उत्तर देखें

4. वृत्त  $x^2 + y^2 = a^2$  तथा सरल रेखा  $x = \frac{a}{2}$  के द्वारा विभाजित भागों का अनुपात ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

5. वक्र  $9x^2 + 16y^2 = 144$  का  $x = 2$  द्वारा खण्डित लघु भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



उत्तर देखें

6.  $y = \left(1 + \frac{8}{x^2}\right)$ ,  $x = 2$  से  $x = 10$  तक



वीडियो उत्तर देखें

7.  $y = x \sin x$ ,  $x = 0$  से  $x = 2\pi$  तक



वीडियो उत्तर देखें

8. परवलय  $y^2 = 4ax$  के उस भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये जो x - अक्ष, नाभिलम्ब तथा कोटि  $x = 2a$  के मध्य स्थित है।



वीडियो उत्तर देखें

9. वक्र  $y = x(x - 1)(x - 2)$ , x - अक्ष तथा कोटियों  $x = 0$  तथा  $x = 3$  के मध्य स्थित क्षेत्र का क्षेत्रफल।



वीडियो उत्तर देखें

10. वक्र  $y = \cos x$ ,  $x = 0$  से  $2\pi$  तक



वीडियो उत्तर देखें

11.  $y = \tan x$ ,  $x = -\frac{\pi}{4}$  से  $x = \frac{\pi}{4}$  तक

 वीडियो उत्तर देखें

12. दीर्घवृत्त  $4x^2 + 9y^2 = 36$  के उस भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये जो x - अक्ष तथा y - अक्ष के धनात्मक भागों से घिरा है।

 उत्तर देखें

## अभ्यास प्रश्न 17 2

1. परवलय  $y^2 = 4ax$  तथा रेखा  $y = 2x$  द्वारा घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

2. x - अक्ष के ऊपर, परवलय  $y^2 = 4ax$  तथा वृत्त  $x^2 + y^2 - 2ax = 0$  द्वारा घिरे भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।





उत्तर देखें

3. वक्रो  $y^2 = x + 1$  तथा  $y^2 = -x + 1$  के अनुमानित ग्राफ खींचिए तथा उनके बीच घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

4. निम्नांकित वक्रो के अंतर्गत क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये -

$$y^2 = 4x, y^2 = x, x = 1 \text{ तथा } x = 4$$



वीडियो उत्तर देखें

5. वक्रो  $y^2 = 9x$  तथा  $x^2 = 9y$  द्वारा आबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

6. वृत्तों  $x^2 + y^2 = 4$  तथा  $x^2 + y^2 = 4x$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।





7. वक्र  $y = x^2 - 3x$ ,  $x$  - अक्ष तथा सरल रेखा  $y = 2x$  के मध्य घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

8. सिद्ध कीजिये कि वक्र  $y^2 = 4x$  तथा  $x^2 = 4y$ , रेखाओं  $x = 0$ ,  $x = 4$ ,  $y = 0$ ,  $y = 4$  द्वारा घिरे हुए वर्ग के क्षेत्र को 3 बराबर भागों में विभाजित करते हैं।



वीडियो उत्तर देखें

9. परवलयों  $y^2 = 4a(x + a)$  तथा  $y^2 = 4b(b - x)$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

1. वक्र  $y = xe^{x^2}$ ,  $x$  अक्ष तथा कोटियों  $x = 0$  तथा  $x = a$  से परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 उत्तर देखें

2. वक्र  $y = \sqrt{6x + 4}$ ,  $x$  अक्ष तथा रेखाओं  $x = 0$  तथा  $x = 2$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

3. वक्र  $y = \sqrt{a^2 - x^2}$  - अक्ष तथा कोटियों  $x = 0$  तथा  $x = a$  से परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

4.  $y$  - अक्ष तथा वक्र  $y^2 = 2y - x$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

5. वक्र  $xy = 4$ ,  $x$  अक्ष तथा रेखाओं  $x = 1$  तथा  $x = 3$  से परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

6. वक्र  $y = x(x - 3)(x - 5)$ ,  $x$  अक्ष तथा रेखाओं  $x = 0$  व  $x = 5$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

7. सिद्ध कीजिये कि वक्रो  $y = \sin x$  तथा  $y = \sin 2x$ ,  $x = 0$  व  $x = \frac{\pi}{3}$  तथा  $x$  - अक्ष से सीमाबद्ध क्षेत्रफलों का अनुपात  $2 : 3$  है।



वीडियो उत्तर देखें

8. वक्र  $y = 4 - x^2$  तथा सरल रेखाओं  $y = 0$  तथा  $y = 3$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

9. वक्र  $y = 4x^2$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$  तथा  $y = 4$  से सीमाबद्ध प्रथम पाद में स्थित क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

10. वक्र  $xy - 3x - 2y - 10 = 0$  x - अक्ष तथा रेखाओं  $x = 3$  व  $x = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

11. परवलयों  $y^2 = 4ax$  तथा  $x^2 = 4by$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

12. वक्र  $4y^2 = 9x$  तथा  $3x^2 = 16y$  के बीच के क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

13.  $y = \frac{x^2}{2} + 1$  तथा  $y = x + 1$  के बीच के क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

14. उस त्रिभुज का क्षेत्रफल, समाकलन विधि से ज्ञात कीजिये जिसकी भुजाएँ

$y = 2x + 1$ ,  $y = 3x + 1$  तथा  $x = 4$  हैं।



वीडियो उत्तर देखें

15. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  एवं सरल रेखा  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$  से घिरे लघु क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

## अतिलघु उत्तरीय प्रश्न

1. सरल रेखाओं  $y = 3x, y = 0, x = 2, x = 5$  से सीमाबद्ध क्षेत्रफल का समाकलन कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

2. वृत्त  $x^2 + y^2 = 4$ , x - अक्ष, y - अक्ष तथा कोटि  $x = 1$  से सीमाबद्ध क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

3. प्रथम चतुर्थांश में  $y^2 = 4x, x = 1, x = 4$  x - अक्ष से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

4. वक्र  $y^2 = 2x$ , y अक्ष तथा दो भुजों से सीमाबद्ध क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

5. परवलय  $y = x^2$ , y - अक्ष तथा रेखा  $y = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

6. परवलय  $y = x^2$  तथा रेखा  $y = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

7. वक्र  $y = x^2$  तथा रेखा  $y = 16$  से सीमाबद्ध क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

8. परवलय  $y^2 = 16$ , x -अक्ष तथा कोटि  $x = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

9. रेखा  $x = 9$  तथा परवलय  $y^2 = 36x$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

10.  $y = 3(x - 1)(5 - x)$  तथा  $x$  - अक्ष से सीमाबद्ध क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

### स्वमूल्यांकन परिक्षण

1. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

2. छेदक रेखा  $x = a/\sqrt{2}$  द्वारा वृत  $x^2 + y^2 = a^2$  के छोटे भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

3. वक्र  $y^2 = 4x$  एवं रेखा  $x = 3$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

4. वक्रों  $(x - 1)^2 + y^2 = 1$  एवं  $x^2 + y^2 = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 उत्तर देखें

5. समाकलन का उपयोग करते हुए एक ऐसे त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्ष  $(1, 0), (1, 3)$  एवं  $(3, 2)$  है।

 वीडियो उत्तर देखें

6. वक्रों  $y = x^2 + 2$ ,  $y = x$ ,  $x = 0$  एवं  $x = 3$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

7.  $y = |x + 3|$  का ग्राफ खींचिए एवं  $\int_{-6}^0 |x + 3| dx$  का मान ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

8. परवलय  $y^2 = 4ax$  एवं  $y = mx$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

9. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$  एवं रेखा  $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1$  से घिरे लघु क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

10. समाकलन विधि का उपयोग करते हुए वक्र  $|x| + |y| = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

11. क्षेत्र  $\{(x, y) : y^2 < 4x, 4x^2 + 4y^2 \leq 9\}$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 उत्तर देखें

12. सिद्ध कीजिए की  $x$  अक्ष वक्र  $y = 1 + \frac{8}{x^2}$  के भाग तथा कोटि  $x = 2$  व  $x' = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्रफल 4 वर्ग इकाई है।

 वीडियो उत्तर देखें

13. सिद्ध कीजिए की वक्रों  $x^2 = 4ay$  तथा  $y(x^2 + 4a^2) = 8a^3$  के बीच सन्निहित क्षेत्रफल  $2\left(\pi - \frac{2}{3}\right)a^2$  वक्र इकाई है।

 वीडियो उत्तर देखें

14. सिद्ध कीजिए की वक्र  $x^2 = y$ ,  $y = x + 2$  तथा x अक्ष से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल  $\frac{5}{6}$  वर्ग इकाई है।

 वीडियो उत्तर देखें

15. सिद्ध कीजिए की वक्र  $y^2 = 4x$  तथा  $x^2 = 4y$  रेखाओं  $x = 0$ ,  $x = 4$ ,  $y = 0$  तथा  $y = 4$  से सीमाबद्ध वर्ग क्षेत्रफल तो तीन समान भागों में बांटते हैं।

 वीडियो उत्तर देखें

16. सिद्ध कीजिए की वक्र  $y = x^2 + 1$ ,  $y = x$ ,  $x = 0$  तथा  $y = 2$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल  $\frac{4}{3}$  वर्ग इकाई होगा।

 वीडियो उत्तर देखें

17. सिद्ध कीजिए की रेखा  $2y = 3x + 12$  द्वारा परवलय  $4y = 3x^2$  का कटा क्षेत्रफल 27 वर्ग इकाई होगा।

 वीडियो उत्तर देखें

18. सिद्ध कीजिए की वक्रों  $y = 1 + |x + 1|$ ,  $x = -3$ ,  $x = 3$ ,  $y = 0$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल 16 वर्ग इकाई होगा।

 वीडियो उत्तर देखें

19. सिद्ध कीजिए की वक्रों  $y = (x - 1)^2$ ,  $y = (x + 1)^2$  तथा  $y = \frac{1}{4}$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल  $\frac{1}{3}$  वर्ग इकाई होगा।

 वीडियो उत्तर देखें

20. यदि दो वक्रों  $y = ax^2$  तथा  $x = ay^2$  ( $a > 0$ ) से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल 1 वर्ग इकाई है, तो सिद्ध कीजिए की  $a = \frac{1}{\sqrt{3}}$



वीडियो उत्तर देखें

21. सिद्ध कीजिए कि वक्रों  $y = \sqrt{x}$ ,  $2y + 3 = x$  तथा x अक्ष से सीमाबद्ध (प्रथम पाद में) क्षेत्र का क्षेत्रफल 9 इकाई होगा।



वीडियो उत्तर देखें

## उदाहरण

1.  $y = mx$ , x अक्ष तथा कोटि  $x = 2$  के बीच का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

2. वृत्त  $x^2 + y^2 = a^2$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये जबकि a वृत्त की त्रिज्या है।



वीडियो उत्तर देखें

3. दीर्घवृत्त  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

4. परवलय  $y^2 = 4ax$  का इसकी नाभिलम्ब जीवा से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल  $\frac{8a^2}{3}$  होगा, सिद्ध कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

5. वक्र  $y = \sin x$ ,  $x$  अक्ष तथा कोटियों  $x = 0$  तथा  $x = 2\pi$  के बीच घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

6. समाकलन द्वारा, रेखा  $2y + x = 8$ ,  $x$ -अक्ष तथा रेखाओं  $x = 2$  व  $x = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

7. क्षेत्र  $\{(x, y) : x^2 \leq y \leq x\}$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

8. सिद्ध कीजिए कि परवलयों  $y^2 = 4ax$  तथा  $x^2 = 4ay$  के बीच के क्षेत्रफल  $\frac{16}{3}a^2$  होगा।

|

 वीडियो उत्तर देखें

9. वक्रो  $y = x$  तथा  $y = x^3$  के मध्य घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

 वीडियो उत्तर देखें

10. परवलय  $y^2 = 4ax$  तथा सरल रेखा  $y = mx$  के अंतर्गत क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

|

 वीडियो उत्तर देखें

11. वक्र  $x^2 = 4y$  तथा सरल रेखा  $x = 4y - 2$  के अंतर्गत क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

12. दीर्घवृत्त  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  तथा कोटि  $x = 0$  व  $x = ae$  से सीमाबद्ध वक्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। यहाँ  $b^2 = a^2(1 - e^2)$ ,  $e < 1$



वीडियो उत्तर देखें

13. वक्र  $y = 3x + 2$ ,  $x$  अक्ष तथा कोटियों  $x = -1$  व  $x = 1$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

14. वक्र  $y = \log x$ ,  $x$  -अक्ष तथा कोटियों  $x = \frac{1}{2}$  व  $x = \frac{3}{2}$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।





15. वक्र  $y = x^2$  तथा रेखा  $y = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

16. x - अक्ष पर  $x = -\frac{\pi}{2}$  से  $x = \frac{3\pi}{2}$  तक तथा  $y = \cos x$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

17. परवलयों  $y = x^2$  तथा  $y^2 = x$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

18. उस त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये जिसके शीर्ष  $(2, 0)$ ,  $(4, 5)$  तथा  $(6, 3)$  है।



वीडियो उत्तर देखें

19. दो वृत्तों  $x^2 + y^2 = 4$  तथा  $(x - 2)^2 + y^2 = 4$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

20. निश्चित समाकलन की विधि से उस भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये जो रेखाओं  $y = |x + 1|, x = -3, x = 1, y = 0$  से सीमाबद्ध है।

 वीडियो उत्तर देखें

21. वक्र  $|x| + y = 1$  तथा x - अक्ष से धिरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

22. वक्रों  $y = \sin x$  एवं  $y = \cos x$  तथा y - अक्ष से परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

23. क्षेत्र  $\{(x, y), x^2 \leq y \leq |x|\}$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 उत्तर देखें

24. वक्रो  $y = \sqrt{5 - x^2}$        $y = |x - 1|$  ' से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 उत्तर देखें

25. वृत्त  $x^2 + y^2 = 16$  के प्रथम चतुर्थांश में स्थित भाग और रेखा  $y = x$  द्वारा घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

26. सरल रेखा  $3x - 2y + 12 = 0$  द्वारा परवलय  $4y = 3x^2$  पर कटा क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 वीडियो उत्तर देखें

**27.** समाकलन द्वारा धनात्मक x - अक्ष तथा  $(1, \sqrt{3})$  पर वृत्त  $x^2 + y^2 = 4$  से स्पर्श रेखा तथा आभिलम्ब से बने त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 **वीडियो उत्तर देखें**

**28.** समाकलन विधि के प्रयोग से, त्रिभुजाकार (triangular) क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये जिसके शीर्ष  $(2, -2)$ ,  $(4, 3)$  तथा  $(1, 2)$  है।

 **उत्तर देखें**

**29.** समाकलन के प्रयोग से क्षेत्र

$$\{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 2ax, y^2 > ax, x, y \geq 0\}$$

का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

 **उत्तर देखें**

**30.**  $x^7$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

31.  $x^{5/2}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

32.  $x^{-3/2}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

33.  $x^{-12}$  का x के सापेक्ष समाकलन कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

34. 1 का x के सापेक्ष समाकलन कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

35. फलन का मान ज्ञात कीजिए  $\int x^6 dx$



वीडियो उत्तर देखें

36. फलन का मान ज्ञात कीजिए  $\int \frac{1}{x^{1/4}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

37. फलन का मान ज्ञात कीजिए  $\int \frac{\sec x}{\tan^2 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

38. फलन का मान ज्ञात कीजिए  $\int \frac{5}{x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

39. फलन का मान ज्ञात कीजिए  $\int 6^x dx$



वीडियो उत्तर देखें

40. फलन का मान ज्ञात कीजिए  $\int 3x^7 dx$



वीडियो उत्तर देखें

41. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{(1+x)^2 dx}{\sqrt{x}}$



वीडियो उत्तर देखें

42. मान ज्ञात कीजिए -  $\int (1-x^2) \sqrt{x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

43. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{\cos x}{\sin^2 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

44. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \left( x - \frac{1}{x} \right)^2 dx$



वीडियो उत्तर देखें

45. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \left( \frac{6x + 5}{x} \right) dx$



वीडियो उत्तर देखें

46. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \left( \frac{x^2 + 1}{x^2} \right) dx$



वीडियो उत्तर देखें

47.  $\int (\tan x + \cot x)^2 dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$48. \int \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{(1 + \sin 2x)}} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$49. \int \frac{\cos 2x}{\sqrt{1 + \sin 2x}} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$50. \int \frac{(x+2)(4x^2 - 5)}{x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$51. \int \frac{\sec x}{\sec x + \tan x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$52. \int (\sqrt{1 + \sin 2x}) dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$53. \int \left( \frac{x^2 - 1}{x + 1} \right) dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$54. \int \frac{x^4}{x^2 + 1} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$55. \int 0 dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$56. \int \left( x^{3/2} + 2e^x - \frac{1}{x} \right) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

57.  $\int (10^x + 10) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

58.  $\int \frac{\cos 2x}{\sin^2 x - \cos^2 x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

59.  $\int \frac{3(x^2 + x + 1)}{5(x^3 - 1)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

60.  $\int \frac{\sec x + \tan x}{\sec x - \tan x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$61. \int \cos ex (\cos ex + \cot x) dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$62. \int \frac{(1 - \sin x)}{\cos^2 x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$63. \int \frac{\sin^6 x + \cos^6 x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$64. \int \frac{2^x + 3^x}{5^x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$65. \int \frac{1 + \cos 4x}{\cot x - \tan x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

66.  $\int \sin x (\sqrt{1 - \cos 2x}) dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

67.  $\int \frac{\sin 4x}{\cos 2x} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।

A.  $-\sin 2x + c$

B.  $\cos 2x + c$

C.  $-\cos 2x + c$

D.  $\sin 2x + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

$$68. \int \frac{\sin 4x}{\sin x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$69. \int \frac{e^{5 \log_e x} - e^{4 \log_e x}}{e^{3 \log_e x} - e^{2 \log_e x}} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$70. \int \frac{(1+x)^3}{\sqrt{x}} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$71. \int \frac{(x^3 + 8)(x - 1)}{(x^2 - 2x + 4)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

72. यदि  $\int(\sin 2x + \cos 2x)dx = \frac{1}{\sqrt{2}}\sin(2x - c) + a$ , तब a व c के मान हैं



वीडियो उत्तर देखें

73. यदि  $f'(x) = \frac{1}{x} + x$  तथा  $f(1) = \frac{5}{2}$ , तो  $f(x)$  निकालें।



वीडियो उत्तर देखें

74.  $\int \sqrt{(1 - \sin x)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

75.  $\int \sin 2x \cos 3x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

76.  $\int \cos^3 x dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$77. \int \left( \frac{\cos 2x - \cos 2\alpha}{\cos x - \cos \alpha} \right) dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$78. \int \left( \frac{1 + \sin x}{1 - \sin x} \right) dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$79. \int \frac{(x^3 + 4x^2 - 3x - 2)}{(x + 2)} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$80. \int \left( \frac{4 - 5 \cos x}{\sin^2 x} \right) dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$



वीडियो उत्तर देखें

## अभ्यास प्रश्न 2 1

1. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए  $-x^7$



वीडियो उत्तर देखें

2. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए  $-x^{5/2}$



वीडियो उत्तर देखें

3. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए  $-\frac{1}{\sqrt[3]{x}}$



वीडियो उत्तर देखें

4. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए  $-\frac{1}{\cos^2 x}$



वीडियो उत्तर देखें

5. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{\cos x}{\sin^2 x}$



वीडियो उत्तर देखें

6. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $(1 - x^2)^{-1/2}$



वीडियो उत्तर देखें

7. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $(1 + x^2)^{-1}$



वीडियो उत्तर देखें

8. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $2^x$



वीडियो उत्तर देखें

9. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{1}{\cos ex}$



वीडियो उत्तर देखें

10. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -8



वीडियो उत्तर देखें

11. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए - $\sin x - \frac{2}{x} + e^x$



वीडियो उत्तर देखें

12. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{\sin x}{\sin(a - \alpha)}$



वीडियो उत्तर देखें

13. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{\cos x}{\sin \alpha}$



वीडियो उत्तर देखें

14. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{(1+x)^3}{x^2}$



वीडियो उत्तर देखें

15. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\sqrt{1 - \sin 2x}$



वीडियो उत्तर देखें

16. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\left( \frac{4 - 7 \sin x}{\cos^2 x} \right)$



वीडियो उत्तर देखें

17. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\sec^2 x - \tan^2 x$



वीडियो उत्तर देखें

18. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{\sin^2 x - \cos^2 x}{\sin^2 x \cos^2 x}$



वीडियो उत्तर देखें

19. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{1}{1 - \sin x}$



वीडियो उत्तर देखें

20. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{1}{1 + \cos x}$



वीडियो उत्तर देखें

21. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{1}{1 + \sin x}$



वीडियो उत्तर देखें

22. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{1}{1 - \cos x}$



वीडियो उत्तर देखें

23. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{\cos 2x}{\cos^2 x \sin^2 x}$



वीडियो उत्तर देखें

24. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\tan^2 x$



वीडियो उत्तर देखें

25. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\cot^2 x$



वीडियो उत्तर देखें

26. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{1 - \cos 2x}{1 + \cos 2x}$



वीडियो उत्तर देखें

27. फलन का  $x$  के सापेक्ष समाकलन कीजिए -  $\frac{\sin^3 x + \cos^3 x}{\sin^2 x \cos^2 x}$



वीडियो उत्तर देखें

28. यदि  $\frac{dy}{dx} = 4x^3 - 3e^x + 5$  तब  $y$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

29. यदि  $\frac{ds}{dt} = 2t^2 + t - 1$  तथा  $s = 0$  जब  $t = 0$ , तब  $s$  तथा  $t$  में संबंध ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

## अभ्यास प्रश्न 2 2

1. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{\sin^2(x)}{2} dx$



वीडियो उत्तर देखें

2. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{2 + 3 \cos x}{\sin^2 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

3. मान ज्ञात कीजिए -  $\int (2 \tan x - 3 \cot x)^2 dx$



वीडियो उत्तर देखें

4. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \left( x - \frac{1}{x} \right)^2 dx$



वीडियो उत्तर देखें

5. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{(1+x)^2}{\sqrt{x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

6. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{x^2}{x^2 + 1} dx$



वीडियो उत्तर देखें

7. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{3x^3 + 2x^2 + 3x + 1}{3(x^2 + x)} dx$



वीडियो उत्तर देखें

8. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \sin x \sin 2x \cos 3x dx$



वीडियो उत्तर देखें

9. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \sin 3x \sin 5x dx$



वीडियो उत्तर देखें

10. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \cos x \cos 3x dx$



वीडियो उत्तर देखें

11. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \cos 3x \cos 4x dx$



वीडियो उत्तर देखें

12. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \sin 3x \cos 2x dx$



वीडियो उत्तर देखें

13. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \sin 4x \cos 6x dx$



वीडियो उत्तर देखें

14. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \sqrt{1 - \cos x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

15. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{1}{\sqrt{x+1} - \sqrt{x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

16. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{1}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

17. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{\sin^8 x - \cos^8 x}{1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

अतिलघु उत्तरीय प्रश्न

1. समाकलन करें

$$\int \frac{dx}{(1 - 4x^2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$2. \int \frac{x^2}{(1 - x^6)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$3. \int \frac{dx}{(9x^2 - 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$4. \int \frac{x}{(x^4 - 9)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$5. \int \frac{dx}{(4 + 25x^2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$6. \int \frac{3x}{1 + 2x^4} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \int \frac{dx}{2 + \sin^2 x}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \int \frac{dx}{x^2 + 16}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$9. \int \frac{1 - x^2}{1 + x^4} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \int \frac{dx}{\sqrt{9 - 25x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$11. \int \frac{x^2}{\sqrt{x^6 + a^6}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$12. \int \frac{\sec^2 x}{\sqrt{16 + \tan^2 x}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$13. \int \frac{dx}{\sqrt{8 - 4x - 2x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$14. \int \frac{dx}{\sqrt{7 - 6x - x^2}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$15. \int \frac{dx}{\sqrt{2x^2 + 4x + 6}}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$16. \int \frac{5x + 3}{\sqrt{x^2 + 4x + 10}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$17. \int \frac{x + 2}{\sqrt{x^2 + 5x + 6}} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$18. \int (2x - 5) \sqrt{x^2 - 4x + 3} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$19. \int \frac{2x + 1}{4 - 3x - x^2} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$20. \int \frac{\sin 2x}{(1 + \sin x)(2 + \sin x)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$21. \int \frac{1 - x^2}{x(1 - 2x)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$22. \int \frac{x^2 + x + 1}{(x + 2)(x + 1)^2} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$23. \int \frac{x^2 + 1}{(x - 1)^3(x + 3)} dx$$



उत्तर देखें

$$24. \int \frac{x^2 + x + 1}{(x + 2)(x^2 + 1)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$25. \int \frac{3x + 1}{(x + 2)(x - 2)^2} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$26. \int \frac{dx}{(x + 1)^2(x^2 + 1)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$27. \int \frac{\sin 2x}{(1 - \cos 2x)(2 - \cos 2x)} dx$$



वीडियो उत्तर देखें

28. मान ज्ञात कीजिये  $\int \frac{2x^2 + 1}{x^2(x^2 + 4)} dx$



वीडियो उत्तर देखें

29.  $\int \frac{2 \cos x}{3 \sin^2 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

30.  $\int \frac{x^2}{(x^2 + 4)(x^2 + 25)} dx$  का मान ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

31. समाकलन कीजिए -  $\int \sqrt[3]{x}$



वीडियो उत्तर देखें

32. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{1}{x^2} dx$



वीडियो उत्तर देखें

33. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{1}{x^{1/3}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

34. समाकलन कीजिए -  $\int 2^{x+3} dx$



वीडियो उत्तर देखें

35. समाकलन कीजिए -  $\int (3 \sin x - 4 \cos x + 5 \sec^2 x - 2 \cos ec^2 x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

36. समाकलन कीजिए -  $\int \left( x^2 + \frac{1}{x^2} \right)^3 dx$



वीडियो उत्तर देखें

37. समाकलन कीजिए -  $\int \sin^{-1}(\cos x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

38. समाकलन कीजिए -  $\int \tan^{-1}(\sec x + \tan x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

39. समाकलन कीजिए -  $\int \left( x^2 - \frac{1}{x^2} \right)^3 dx$



वीडियो उत्तर देखें

40. समाकलन कीजिए -  $\int \left( \sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$



वीडियो उत्तर देखें

41. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{(1+2x)^3}{x^4} dx$



वीडियो उत्तर देखें

42. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{x^6 + 1}{x^2 + 1} dx$



वीडियो उत्तर देखें

43. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{x^2}{1+x^2} dx$



वीडियो उत्तर देखें

44. समाकलन कीजिए -  $\int \left[ \frac{\cot x}{\sin x} - \tan^2 x - \frac{\tan x}{\cos x} + \frac{2}{\cos^2 x} \right] dx$



वीडियो उत्तर देखें

45. समाकलन कीजिए -  $\int \sec x (\sec x + \tan x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

46. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{dx}{(\sqrt{x+1} + \sqrt{x+2})}$



वीडियो उत्तर देखें

47. समाकलन कीजिए -  $\int \tan^{-1} \sqrt{\frac{1-\sin x}{1+\sin x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

48. समाकलन कीजिए -  $\int \left( \frac{1}{\sqrt{x+3} - \sqrt{x+2}} \right) dx$



वीडियो उत्तर देखें

49. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{\cos(x + a)}{\sin(x + b)} dx$

 वीडियो उत्तर देखें

50. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{\sin(x - \alpha)}{\sin(x + \alpha)} dx$

 वीडियो उत्तर देखें

51. समाकलन कीजिए -  $\int \frac{\sec^2 x}{\cos ec^2 x} dx$

 वीडियो उत्तर देखें

52. समाकलन कीजिए -  $\int \left\{ \frac{2 - 3 \sin x}{\cos^2 x} \right\} dx$

 वीडियो उत्तर देखें

53. समाकलन कीजिए -  $\int (1-x)\sqrt{x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

54. समाकलन कीजिए -  $\int \cos^{-1}(\sin x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

### बहुविकल्पीय प्रश्न

1. दीर्घवृत्त  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  का क्षेत्रफल -

A.  $\pi ab$

B.  $\frac{\pi(a^2 + b^2)}{4}$

C.  $\pi(a + b)$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

2. वृत  $x^2 + y^2 = 4$  तथा रेखा  $x + y = 2$  द्वारा परिबद्ध छोटा क्षेत्रफल-

A.  $2(\pi - 2)$

B.  $\pi - 2$

C.  $2\pi - 1$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

3. वृत  $x^2 + y^2 = 4$  तथा रेखा  $x = y\sqrt{3}$  से सीमाबद्ध छोटा क्षेत्रफल-

A.  $\pi$

B.  $\pi / 2$

C.  $\pi / 3$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

4. प्रथम चुतर्थांश में स्थित वक्रों  $y = \sqrt{x}, x = 2y + 3$  तथा x-अक्ष से सीमाबद्ध क्षेत्रफल-

A.  $2\sqrt{3}$

B. 18

C. 9

D.  $\frac{34}{3}$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

5. रेखा  $2y = 3x + 12$  परवलय  $4y = 3x^2$  को काटती है तो परवलय और रेखा द्वारा परिबद्ध क्षेत्रफल कितना है ?

A. 16

B. 21

C. 27

D. 36

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

6. वक्रों  $y^2 = x$  तथा  $y = |x|$  के मध्य परिबद्ध क्षेत्रफल-

A.  $2/3$

B. 1

C.  $1/6$

D.  $1/3$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

7. परवलय  $y^2 = 4ax$  तथा इसकी नाभिलम्ब जीवा के मध्य स्थित क्षेत्रफल-

A.  $\frac{8}{3}a^2$

B.  $\frac{8}{3}a$

C.  $\frac{4}{3}a$

D.  $\frac{4}{3}a^2$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

8. x-अक्ष तथा वक्र  $y = 4x - x^2 - 3$  द्वारा सीमाबद्ध क्षेत्रफल-

A.  $4/3$

B.  $3/4$

C. 7

D.  $3/2$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

9. वक्र  $y = \sin x$  तथा x-अक्ष,  $x = 0$  तथा  $x = 2\pi$  के बीच सीमाबद्ध क्षेत्रफल-

A. 2 वर्ग इकाई

B. 3 वर्ग इकाई

C. 4 वर्ग इकाई

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

10. वक्र  $C: y = \tan x, x = \frac{\pi}{4}$  पर C से स्पर्श रेखा तथा x-अक्ष से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल-

A.  $\frac{1}{2} \log 2$

B.  $\frac{1}{2} \left( \log 2 - \frac{1}{2} \right)$

C.  $\frac{1}{2} (\log 2 - 1)$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

11. वक्र  $C: y \tan x, x = \frac{\pi}{4}$  पर C से स्पर्श रेखा तथा x अक्ष से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल-

A.  $\frac{1}{2} \log 2$

B.  $\frac{1}{2} \left( \log 2 - \frac{1}{2} \right)$

C.  $\frac{1}{2} (\log 2 - 1)$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: A**



उत्तर देखें

12. वक्र  $y = 2x - x^2$  तथा सरल रेखा  $y = -x$  द्वारा सीमाबद्ध क्षेत्रफल-

A.  $\frac{9}{2}$

B.  $\frac{43}{6}$

C.  $\frac{35}{6}$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

13. यदि वक्र  $y = 1 + \frac{8}{x^2}$  तथा भुजा  $x = 2$  व  $x = 4$  द्वारा सीमाबद्ध क्षेत्र को भुजा  $x = a$  दो बराबर भागों में बांटता है तब  $a =$

A.  $2\sqrt{3}$

B.  $2\sqrt{2}$

C. 3

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

14. वक्र  $xy^2 = a^2(a - x)$  तथा रेखा y अक्ष द्वारा सीमाबद्ध क्षेत्रफल-

A.  $\frac{\pi a^2}{2}$

B.  $\pi a^2$

C.  $3\pi a^2$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: B**



उत्तर देखें

15. परवलय  $y^2 = 4ax$  तथा  $x^2 = 4by$  के बीच का क्षेत्रफल-

A.  $\frac{8}{3}ab$

B.  $\frac{16}{3}ab$

C.  $\frac{4}{3}ab$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

16.  $y = ax^2$  तथा  $x = ay^2$  के मध्य परिबद्ध क्षेत्रफल 1 है तब  $a =$

A.  $\frac{1}{\sqrt{3}}$

B.  $\frac{1}{2}$

C. 1

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

17.  $y = |x - 2|$ ,  $y = 1$  द्वारा सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल-

A. 1

B.  $\frac{1}{2}$

C.  $1/2$

D. इनमें से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

18. वक्र  $y = e^x$ , रेखा  $x = 0$  तथा  $y = e$  से सीमाबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल-

A.  $e - 1$

B.  $\int_1^e \log(e + 1 - y) dy$

C.  $e = \int_0^1 e^x dx$

D.  $\int_1^e \log y dy$

**Answer: B::C::D**



वीडियो उत्तर देखें

19. दीर्घवृत  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  को x अक्ष के परितः घुमाने पर प्राप्त ठोस का आयतन है-

A.  $\pi a^2 b$

B.  $\pi - b^2$

C.  $\frac{4}{3}\pi a^2 b$

D.  $\frac{4}{3}\pi ab^2$

**Answer: D**



उत्तर देखें

20.  $\int x^2 \left(1 - \frac{1}{x^2}\right) dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{x^3}{3} + x + c$

B.  $\frac{x^2}{2} + x + c$

C.  $\frac{x^3}{3} - x + c$

D.  $\frac{x^2}{2} - x + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

21.  $\int \frac{x^3 - 1}{x^2} dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{x^2}{4} + \frac{1}{2}x + c$

B.  $\frac{x^3}{3} - x^2 + c$

C.  $\frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} + c$

D.  $x^2 + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

22.  $\int(ax^2 + bx + c)dx$  का मान होगा -

A.  $ax^2 + bx + c$

B.  $\frac{ax^3}{3} + \frac{bx^2}{2} + cx + d$

C.  $ax^3 + bx^2 + cx$

D.  $ax + b$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

23.  $\int(x^{2/3} + 1)dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{3}{5}x^{5/3} + x + c$

B.  $\frac{3}{5}x^{2/3} + c$

C.  $\frac{3}{7}x^{5/3} + 2x + c$

D.  $2x^2 + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

24.  $\int \frac{x^3 + 5x^2 - 4}{x^2} dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{x^2}{2} + 5x - \frac{4}{x} + c$

B.  $\frac{x^2}{2} - 5x + \frac{4}{x} + c$

C.  $\frac{x^2}{2} - 5x - \frac{4}{x} + c$

D.  $\frac{x^2}{2} + 5x + \frac{4}{x} + c$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

25.  $\int \frac{x^2 + 3x + 4}{\sqrt{x}} dx$  का मान होगा -

A.  $x^2 + 3x + c$

B.  $\frac{\sqrt{x}}{5} (2x^2 + 10x + 40) + c$

C.  $\frac{\sqrt{x}}{5} (x^2 + 10x + 9)$

D.  $\frac{\sqrt{x}}{x^2 + 9} + c$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

26.  $\int \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{x - 1} dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{x^2}{3} + x + c$

B.  $\frac{x^3}{3} - x + c$

C.  $\frac{x^3}{3} + x + c$

D.  $\frac{x^5}{3} + 2x + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

27.  $\int (1 - x)\sqrt{x} dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{5}{3}x^{3/2} - \frac{2}{5}x^{5/2} + c$

B.  $\frac{3}{2}x^{3/2} + \frac{2}{5}x^{5/2} + c$

C.  $\frac{3}{2}x^2 + 3x + c$

D.  $\frac{2}{3}x^{3/2} - \frac{2}{5}x^{5/2} + c$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

28.  $\int \sqrt{x}(3x^2 + 2x + 3) dx$  का मान होगा -

A.  $\frac{6}{7}x^{7/2} + \frac{4}{5}x^{5/2} + 2x^{3/2} + c$

B.  $\frac{5}{7}x^{7/2} + \frac{3}{5}x^{5/2} + 2x^{1/2} + c$

C.  $\frac{2}{7}x^{7/2} + \frac{1}{7}x^{5/2} + 2x^{1/2} + c$

D.  $3x^2 + \frac{7}{3}x^3 + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

29.  $\int \left( \frac{3}{\sqrt{x}} + 5x^4 \right) dx$  का मान होगा -

A.  $6\sqrt{x} + x^4 + c$

B.  $6\sqrt{x} + x^5 + c$

C.  $6\sqrt{x} + x^3 + c$

D.  $6\sqrt{x} + x^2 + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

30.  $\int(\sin x + \cos x)dx$  का मान होगा -

- A.  $\cos x + \sin x + c$
- B.  $-(\cos x + \sin x) + c$
- C.  $-\cos x + \sin x + c$
- D.  $-\sin x + \cos x + c$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

31.  $\int \cos ecx (\cos ecx + \cot x) dx$  का मान होगा -

- A.  $\cot x + \cos ecx + c$
- B.  $\cot x + \tan x + c$
- C.  $\sec x + \cot x + c$

D.  $-\cot x - \cos ecx + c$

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

32.  $\int \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} dx$  का मान होगा -

A.  $\tan x - \sec x + c$

B.  $\tan x + \sec x + c$

C.  $\cot x + \cos ecx + c$

D.  $\cot x - \cos ecx + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

33.  $\int \frac{\sec^2 x}{\cos ec^2 x} dx$  का मान होगा -

A.  $\tan x - x + c$

B.  $\tan x + x + c$

C.  $\tan x + 2x + c$

D.  $\sec x + 2x + c$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

34.  $\int \frac{2 - 3 \sin x}{\cos^2 x} dx$  का मान होगा -

A.  $2 \tan x + 3 \sec x + c$

B.  $2 \tan x - 3 \sec x + c$

C.  $\sec x - \tan x + c$

D.  $\sec^2 x + c$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

## स्वमूल्यांकन परीक्षण

$$1. \frac{1}{x^2 - 9}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$2. \frac{x}{(x - 1)(x - 2)(x - 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$3. \frac{2x}{x^2 + 3x + 2}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$4. \frac{2x - 3}{(x^2 - 1)(2x + 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$5. \int \left( \frac{x}{(x-1)^2(x+2)} \right) dx$$



वीडियो उत्तर देखें

$$6. \frac{2x - 3}{(x^2 - 1)(2x + 3)}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$7. \frac{x^2 + x + 1}{x^2 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$8. \frac{3x - 1}{(x + 2)^2}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$9. \frac{1}{x^4 - 1}$$



वीडियो उत्तर देखें

$$10. \frac{x}{(x+1)(x+2)}$$



वीडियो उत्तर देखें

11. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{dx}{(x+1)\sqrt{1-2x-x^2}} = -\frac{1}{\sqrt{2}} \log \left| \frac{\sqrt{2} + \sqrt{1-2x+x^2}}{x+1} \right| + c$$



वीडियो उत्तर देखें

12. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{1}{(1-x^2)\sqrt{1+x^2}} dx = \frac{1}{\sqrt{2}} \log \left| \frac{\sqrt{1+x^2} + x\sqrt{2}}{\sqrt{1-x^2}} \right| + c$$



वीडियो उत्तर देखें

13. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{\sin x}{\sin x - \cos x} dx = \int \frac{dx}{1 - \cot x} = \frac{x}{2} + \frac{1}{2} \log |\sin x - \cos x| + c$$



वीडियो उत्तर देखें

14. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{x+1}{x(1+xe^x)^2} dx = \log \left| \frac{xe^x}{1+xe^x} \right| + \frac{1}{1+xe^x} + c$$



वीडियो उत्तर देखें

15. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{dx}{\cos x - \sin x} = \frac{1}{\sqrt{2}} \log \left| \tan \left( \frac{x}{2} + \frac{3\pi}{8} \right) \right| + c$$



वीडियो उत्तर देखें

16. सिद्ध कीजिए कि

$$\int (\sqrt{\tan \theta} + \sqrt{\cot \theta}) d\theta = \sqrt{2} \tan^{-1} \left( \frac{\tan \theta - 1}{\sqrt{2 \tan \theta}} \right) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

17. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{\sqrt{16 + (\log x)^2}}{x} dx = \frac{\log x \sqrt{16 + (\log x)^2}}{2} + 8 \log \left| \log x + \sqrt{16 + (\log x)^2} \right| + C$$



वीडियो उत्तर देखें

18. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{2 \sin x + 3 \cos x}{3 \sin x + 4 \cos x} dx = \frac{18}{25}x + \frac{1}{25} \log |3 \sin x + 4 \cos x| + C$$



वीडियो उत्तर देखें

19. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \frac{(x^2 + 1)(x^2 + 2)}{(x^2 + 3)(x^2 + 4)} dx = x + \frac{2}{\sqrt{3}} \tan^{-1} \left( \frac{x}{\sqrt{3}} \right) - 3 \tan^{-1} \left( \frac{x}{2} \right) + C$$



वीडियो उत्तर देखें

**20. सिद्ध कीजिए कि**

$$\int \frac{(x-1)(x-2)(x-3)}{(x-4)(x-5)(x-6)} dx = x + 3\log|x-4| - 24\log|x-5| + 30\log|x-6|$$



वीडियो उत्तर देखें

**21. मान ज्ञात कीजिए -**  $\int (4e^{3x} + 1) dx$



वीडियो उत्तर देखें

**22. मान ज्ञात कीजिए -**  $\int x^2 \left(1 - \frac{1}{x^2}\right) dx$



वीडियो उत्तर देखें

**23. मान ज्ञात कीजिए -**  $\int (ax^2 + bx + c) dx$



वीडियो उत्तर देखें

24. मान ज्ञात कीजिए -  $\int (2x^2 + e^x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

25. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \left( \sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}} \right)^2 dx$



वीडियो उत्तर देखें

26. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{x^3 + 5x^2 - 4}{x^2} dx$



वीडियो उत्तर देखें

27. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{x^3 + 3x + 4}{\sqrt{x}} dx$



वीडियो उत्तर देखें

28. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{x - 1} dx$



वीडियो उत्तर देखें

29. मान ज्ञात कीजिए -  $\int (1 - x) \sqrt{x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

30. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \sqrt{x} (3x^2 + 2x + 3) dx$



वीडियो उत्तर देखें

31. मान ज्ञात कीजिए -  $\int (2x - 3 \cos x + e^x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

32. मान ज्ञात कीजिए -  $\int (2x^2 - 3 \sin x + 5\sqrt{x}) dx$



वीडियो उत्तर देखें

33. मान ज्ञात कीजिए -  $\int (\sec x(\sec x + \tan x) dx$



वीडियो उत्तर देखें

34. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{\sec^2 x}{\cos ec^2 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

35. मान ज्ञात कीजिए -  $\int \frac{2 - 3 \sin x}{\cos^2 x} dx$



वीडियो उत्तर देखें

36. सिद्ध कीजिए कि  $\int \frac{x^4 + 1}{x^2 + 1} dx = \frac{x^3}{3} - x + 2 \tan^{-1} x + c$



वीडियो उत्तर देखें

37. सिद्ध कीजिए कि  $\int \left( \sin^2 x + \cos^2 x + \frac{x^3 + 2x}{x^{1/2}} \right) dx$



वीडियो उत्तर देखें

38. सिद्ध कीजिए कि  $\int \frac{\cos^4 x - \sin^4 x}{\sqrt{1 + \cos 4x}} dx = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot x$



वीडियो उत्तर देखें

39. सिद्ध कीजिए कि  $\int \frac{\sin^8 x - \cos^8 x}{1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x} dx = \frac{\sin 2x}{2} + c$



वीडियो उत्तर देखें

40. सिद्ध कीजिए कि  $\int \frac{(x+2)(4x^2-5)}{x} dx = \frac{4}{3}x^3 + 4x^2 - 5x - 10 \log|x| + c$



वीडियो उत्तर देखें

41. यदि  $\frac{dy}{dx} = \cos x + \sec^2 x$  तथा जब  $x = 0$ ,  $y = 0$  तब सिध्द कीजिए कि

$$y = \sin x + \tan x$$



वीडियो उत्तर देखें

42. यदि  $f'(x) = 4x^3 - 6$  जहाँ  $f(0) = 3$  से परिभाषित फलन है।  $f$  का समाकलन ज्ञात कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

43. सिद्ध कीजिए कि

$$\int \sec(11 + 12x) \tan(11 + 12x) dx = \frac{1}{12} \sec(11 + 12x) + c$$



वीडियो उत्तर देखें

44. सिद्ध कीजिए कि  $\int \sec x^\circ \tan x^\circ dx = \frac{180^\circ}{\pi} \sec x^\circ + c$



वीडियो उत्तर देखें

