

#### **MATHS**

## **BOOKS - NCERT EXEMPLAR HINDI**

# प्रायिकता

उदाहरण

1. किसी महाविद्यालय में प्रवेश चाहने वाले A तथा B दो अभ्यर्थी

हैं। A के चुने जाने की प्रायिकता 0.7 है तथा दोनों में से केवल

एक के चुने जाने की प्रायिकता 0.6 है। B के चुने जाने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।



**2.** दो घटनाओं A तथा B में से कम से कम एक की समकालिक एक साथ घटित होने की प्रायिकता p है। यदि A तथा B में से केवल एक के घटित होने की प्रायिकता हो तो सिद्ध कीजिए कि  $P(A^{\prime})+P(B^{\prime})=2-2p+q$ 

3. किसी कारखाने में निर्मित 10% बल्ब लाल रंग के हैं जिन में 2% खराब हैं यदि एक बल्ब यादच्छया निकाला जाए, तो उसके खराब होने की प्रायिकता निर्धारित कीजिए यदि वह लाल रंग का हो।



4. दो पासे एक साथ फेंके जाते हैं मान लीजिए कि घटना A पहले पासे पर अंक 6 प्राप्त होना' है तथा घटना B' दूसरे पासे पर अंक 2 प्राप्त होना' है क्या A तथा B स्वतंत्र घटनाएँ हैं?



5. 8 लड़कों तथा 4 लड़िकयों के किसी समूह से यहच्छया 4 विद्यार्थियों की एक सिमित का चयन किया जाता है। दिया हुआ है कि सिमिति में कम से कम एक लड़की है. तो सिमिति में ठीक :2 लड़िकयों के होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।



**6.** एक निश्चित कारखाने में तीन मशीनें  $E_1, E_2, E_3$ , क्रमशः 50%,25% एवं 25% उत्पादन करती है। यह ज्ञात है कि प्रत्येक मशीन  $E_1$  एवं  $E_2$  द्वारा उत्पादित का 4% टयूब खराब है तथा  $E_2$ , द्वारा उत्पादित  $E_3$ , द्वारा उत्पादित  $E_4$  खराब है। यदि किसी दिन के

उत्पादन में से याहच्छया एक टयूब का चयन किया जाता है, तो इसके खराब होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिये।



7. किसी अनभिनत पासे को 10 बार फेंकने पर कम से कम 8 बार अंक 3 का गुणज प्राप्त होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।



8. किसी असंतत याद्यच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन निम्नलिखित है

X	1	2	3	4	5	6	7
							$7C^2 + C$

C का मान ज्ञात कीजिए। बंटन का माध्य भी ज्ञात कीजिए।



9. एक बॉक्स में 8 लाल तथा 4 सफेद गेंद हैं। चार गेंदों को बिना प्रतिस्थापना के निकाला है। यदि X निकाली गयी लाल गेंदों की संख्या को निरूपित करता है, तो X का प्रायिकता बटंन ज्ञात कीजिए।



10. किसी सिक्के को तीन बार उछालने पर प्राप्त 'चित, (Heads) की संख्या का प्रसरण तथा मानक विचलन निर्धारित कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

**11.** उदाहरण 6 के संदर्भ में इस बात की प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि खराब ट्यूब मशीन  $E_1$  में निर्मित हुई।

6

एक निश्चित कारखाने में तीन मशीनें  $E_1, E_2, E_3$ , क्रमशः 50%,25% एवं 25% उत्पादन करती है। यह ज्ञात है कि प्रत्येक मशीन  $E_1$  एवं  $E_2$  द्वारा उत्पादित का 4% टयूब खराब है तथा

E\_3, द्वारा उत्पादित 5% टयूब खराब है। यदि किसी दिन के उत्पादन में से याद्दछ्या एक टयूब का चयन किया जाता है, तो इसके खराब होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिये।



वीडियो उत्तर देखें

12. किसी कार निर्मित करने वाले कारखाने में दो संयंत्र X तथा Y हैं। संयंत्र X, 70% तथा संयंत्र Y, 30% कारों का निर्माण करता है। संयंत्र X द्वारा निर्मित 80% तथा संयंत्र Y द्वारा निर्मित 90% कारें मानक गुणवत्ता वाली आंकी गयी हैं एक कार याहच्छया चुनी जाती है और वह मानक गुणवत्ता वाली पाई जाती है। इस कार के संयंत्र X द्वारा निर्मित होने की प्रायिकता क्या है?

**13.** मान लीजिए कि A तथा B दो घटनाएँ हैं। यदि P (A) = 0.2,

P (B ) = 0.4,  $P(A \cup B) = 0.6$ , तो P (A  $\mid$  B) बराबर होगा

A. 0.8

B. 0.5

C. 0.3

D. 0

**Answer: D** 



**14.** मान लीजिए कि A तथा B दो घटनाएँ ऐसी हैं कि P(A) = 0.6 , P(B) = 0.2, तथा P (A | B) = 0.5. P (A' | B') बराबर होगा:

A. 
$$\frac{1}{10}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{3}{10}$$

$$\mathsf{C.}\ \frac{3}{8}$$

$$\mathsf{D.}\,\frac{6}{7}$$

#### **Answer: C**



**15.** यदि A तथा B ऐसी स्वतंत्र घटनाएँ हैं कि 0 < P(A) < 1 तथा 0 < P(B) < 1, निम्नलिखित में से कौन सा कथन सत्य नहीं है?

- A. A तथा B परस्पर अपवर्जीत हैं।
- B. A तथा B' स्वतंत्र हैं।
- C. A' तथा B स्वतंत्र हैं।
- D. A' तथा B' स्वतंत्र हैं।

#### **Answer: A**



16. मान लीजिए कि X एक असंतत याद्दच्छिक चर है। X का

प्रायिकता बंटन नीचे दिया गया है।

X	30	10	- 10
P (X)	$\frac{1}{5}$	3 10	$\frac{1}{2}$

E(X) का मान होगा |

A. 6

B. 4

C. 3

D. -5

#### **Answer: B**



- **17.** मान लीजिए कि X एक ऐसा यादिच्छक चर है, जो  $x_1, x_2, \ldots, x_n$  मानों को धारण करता है जिनकी प्रायिकताएँ क्रमश:  $p_1, p_2, \ldots, p_n$  हैं। तब  $Var(X) = \ldots$ 
  - A.  $E(X^2)$
  - $\mathsf{B.}\,E\big(X^2\big)+E(X)$
  - $\mathsf{C.}\, E(X^2) [E(X)]^2$
  - D.  $\sqrt{Eig(X^2ig)-ig(E(X)ig]^2}$

#### **Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

**18.** यदि A तथा B ऐसी स्वतंत्र घटनाएँ है कि P (A) = p, P (B) = 2p तथा 5 P (A. B में से केवल एक) =  $\frac{5}{9}$  तो p = ..... होगा

**19.** यदि A तथा B' स्वतंत्र घटनाएँ हैं, तो

$$P(A' \cup B) = 1 - \dots$$



**20.** यदि A तथा B दो स्वतंत्र घटनाएँ हैं, तो  $P(A \cap B) = P(A) + P(B)$ 



**21.** तीन घटनाएँ A, B तथा C स्वतंत्र कहलाती हैं, यदि  $P(A \cap B \cap C) = P(A)P(B)P(C)$ 



22. बर्नूली अभिप्रयोगों के प्रतिबंधों में से एक यह है कि अभिप्रयोग एक दूसरे से स्वतंत्र होने चाहिए।



वीडियो उत्तर देखें

## प्रश्नावली लघु उत्तरीय प्रश्न S A

1. किसी भारित पासे के लिए घटित होने वाले परिणामो की प्रायिकताएँ नीचे दी हुई है :

$$P(1) = P(2) = 0.2, (3) = P(5) = P(6) = 0.1$$

तथा P(4)=0.3

पासे को दो बार फेका जाता है | मान लीजिए कि A तथा B

क्रमशः घटनाओं प्रत्येक बार एक ही संख्या आना तथा B घटना कुल स्कोर 10 या 10 से अधिक आना को निरूपित करता है | निर्धारित कीजिए कि A तथा B स्वतंत्र घटनाएं है या नहीं



वीडियो उत्तर देखें

2. । यदि पासा अनभिनत हो, तो निर्धारित कीजिए कि घटनाएँ A तथा B स्वतंत्र होंगी या नहीं।

1

प्रायिकताएँ नीचे दी हुई हैP(1)=P(2)=0.2, (3)=P(5)=P(6)=0.1तथा P(4)=0.3

किसी भारित पासे के लिए घटित होने वाले परिणामो की

पासे को दो बार फेका जाता है | मान लीजिए कि A तथा B क्रमशः घटनाओं प्रत्येक बार एक ही संख्या आना तथा B घटना कुल स्कोर 10 या 10 से अधिक आना को निरूपित करता है | निर्धारित कीजिए कि A तथा B स्वतंत्र घटनाएं है या नहीं



**3.** A तथा B दो घटनाओं में से कम से कम एक के घटित होने की प्रायिकता 0.6 है। यदि A तथा B के एक साथ घटित होने की प्रायिकता 0.3 है, तो  $P(\overline{A}) + P(\overline{B})$  का मान निकालिए।



4. एक थैले में 5 लाल तथा 3 काले कंचे हैं। तीन कंचों को एक-एक करके बिना प्रतिस्थापित किए निकाला जाता है। निकाले गए तीन कंचों में से कम से कम एक कंचे के काले होने की प्रायिकता क्या है, यदि निकाला गया पहला कंचा लाल रंग का है?



5. दो पासों को एक साथ फेंका जाता है और प्राप्त संख्याओं का योगफल नोट कर लिया जाता है। घटनाएँ E, F तथा G क्रमशः 'योगफल 4' 'योगफल 9 या 9 से अधिक' तथा 'योगफल संख्या 5 से भाज्य' को निरूपित करती हैं। P(E), P(F) तथा P(G) को ज्ञात कीजिए



6. स्पष्ट कीजिए कि किसी सिक्के को तीन बार उछालने के परीक्षण को द्विपद बंटन रखने वाला क्यों कहा जाता है।



7. A तथा B दो घटनाएँ ऐसी हैं कि
$$P(A)=rac{1}{2}, P(B)=rac{1}{3}$$
 तथा  $P(A\cap B)=rac{1}{4}$  ज्ञात

कीजिए:

P(A|B)



वीडियो उत्तर देखें

**8.** A तथा B दो घटनाएँ ऐसी हैं कि 
$$P(A) = \frac{1}{2}, P(B) = \frac{1}{3}$$
 तथा  $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$  ज्ञात कीजिए:

P(B|A)



9. A तथा B दो घटनाएँ ऐसी हैं कि

$$P(A)=rac{1}{2}, P(B)=rac{1}{3}$$
 तथा  $P(A\cap B)=rac{1}{4}$  ज्ञात

P(A'|B)

कीजिए:



**10.** A तथा B दो घटनाएँ ऐसी हैं कि  $P(A) = \frac{1}{2}, P(B) = \frac{1}{3}$  तथा  $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$ । ज्ञात कीजिए : P(A'/B')



**11.** तीन घटनाओं A, B तथा C की प्रायिकताएँ क्रमशः  $\frac{2}{5},\frac{1}{3}$  तथा  $\frac{1}{2}$  हैं। दिया है कि  $P(A\cap C)=\frac{1}{5}$  तथा  $P(B\cap C)=\frac{1}{4}$  P(C|B) तथा  $P(A'\cap C')$  के मान ज्ञात कीजिए।



 $p_1p_2$ 

**12.** मान लीजिए कि  $E_1$  तथा  $E_2$  दो स्वतंत्र घटनाएँ ऐसी हैं कि  $p(E_1)=p_1$  तथा  $P(E_2)=p_2$  निम्नलिखित प्रायिकताओं वाली घटनाओं का वर्णन शब्दों में कीजिए:

**13.** मान लीजिए कि  $E_1$  तथा  $E_2$  दो स्वतंत्र घटनाएँ ऐसी है कि  $P(E_1)=p_1$  तथा  $P(E_2)=p_2$  निम्नलिखित प्रायिकताओं वाली घटनाओं का वर्णन सब्दो में कीजिए :



**14.** मान लीजिए कि  $E_1$  तथा  $E_2$  दो स्वतंत्र घटनाएँ ऐसी है कि  $P(E_1)=p_1$  तथा  $P(E_2)=p_2$  निम्नलिखित प्रायिकताओं वाली घटनाओं का वर्णन सब्दो में कीजिए :

**15.** मान लीजिए कि  $E_1$  तथा  $E_2$  दो स्वतंत्र घटनाएँ ऐसी है कि  $P(E_1)=p_1$  तथा  $P(E_2)=p_2$  निम्नलिखित प्रायिकताओं वाली घटनाओं का वर्णन सब्दो में कीजिए :



16. किसी असंतत याद्दन्छिक चर X का प्रायिकता बंटन नीचे दिया हुआ है:

X	0.5	1	1.5	2
P(X)	k	k <sup>2</sup>	2 k <sup>2</sup>	k

k का मान ज्ञात कीजिए।



जाडिया उत्तर दख

17. किसी असंतत याद्दच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन नीचे दिया हुआ है:

X	0.5	1	1.5	2
P(X)	k	$k^2$	2 k <sup>2</sup>	k

उपर्युक्त बंटन का माध्य ज्ञात कीजिए।



18. सिद्ध कीजिए कि :

$$P(A) = P(A \cap B) + P(A \cap \overline{B})$$



19. सिद्ध कीजिए कि:

$$P(A \cup B) = P(A \cap B) + P(A \cap \overline{B}) + P(\overline{A} \cap B)$$



20. यदि याद्यच्छिक चर X किसी सिक्के को तीन बार उछालने पर पट' आने की संख्या को निरूपित करता है, तो X का मानक विचलन ज्ञात कीजिए।

21. एक पासे के खेल में, एक खिलाड़ी एक पासे के प्रत्येक फेंक के लिए 1 रुपये की हिस्सेदारी का भुगतान करता है। उसे 5 रुपये मिलते हैं यदि पासा 3 दिखाता है, रु 2 मिलते हैं यदि पासा 1 या 6 दिखाता है। थ्रो की लंबी श्रंखला में प्रति थ्रो प्रति खिलाड़ी का अपेक्षित लाभ क्या है?



22. तीन पासों को एक साथ फेंका जाता है। तीनों पासों पर 2 आने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए यदि यह ज्ञात है कि पासों पर प्रकट होने वाली संख्याओं का योग 6 है।



23. किसी लॉटरी के 10,000 टिकटों में से. प्रत्येक को र 1 का बेचा जाता है। प्रथम पुरस्कार र 3,000 को है तथा द्वितीय पुरस्कार 2,000 का है। इनके अतिरिक्त र500 वाले तीन अन्य पुरस्कार हैं। यदि आप एक टिकट खरीदते हैं, तो आप की प्रत्याशा (expectation) तया होगी ?



24. एक थैले में 4 सफेद तथा 5 काली गेंद हैं। एक अन्य थैले में 9 सफेद तथा 7 काली गेंद हैं। पहले थैले से एक गेंद दूसरे थैले में स्थानांतरित कर दी जाती है। तत्पश्चात् दूसरे थैले में से एक गेंद यहच्छया निकाली जाती है। इस बात की प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि निकाली गई गेंद सफेद रंग की है।



25. थैला । में 3 काली तथा 2 सफेद गेंद हैं और थैला ॥ में 2 काली तथा 4 सफेद गेंद हैं। एक थैला तथा एक गेंद याहच्छया छाँटे जाते हैं। काले रंग की गेंद के छाँटे जाने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।



26. किसी बाक्स में 5 नीली तथा 4 लाल गेंद हैं। एक गेंद याहच्छया निकाली जाती है और प्रतिस्थापित नहीं की जाती है। उस गेंद का रंग भी नोट नहीं किया जाता है। तत्पश्चात् एक अन्य गेंद याहच्छया निकाली जाती है। दूसरी गेंद के नीले रंग की होने की प्रायिकता क्या है?



27. ताश के 52 पत्तों की एक गड्डी से चार पत्ते बिना प्रतिस्थापन एक के बाद एक करके निकाले जाते हैं। सभी चारों पत्तों के "बादशाह " होने की प्रायिकता क्या है?



28. एक पासा 5 बार फेंका जाता है। पासे पर ठीक तीन बार विषम संख्या आने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।



29. दस सिक्के एक साथ उछाले जाते हैं। कम से कम 8 चित प्राप्त होने की प्रायिकता क्या है?



30. किसी व्यक्ति द्वारा लक्ष्य-भेदन की प्रायिकता 0.25 है। वह 7 बार लक्ष्य-भेदन का प्रयास करता है। उस व्यक्ति द्वारा कम से कम दो बार लक्ष्य भेदने की प्रायिकता क्या है?



वीडियो उत्तर देखें

31. यह ज्ञात है कि 100 घड़ियों के एक ढेर में 10 घड़ियाँ खराब हैं। यदि 8 घड़ियाँ याद्रच्छया, (एक-एक करके बिना प्रतिस्थापन के) चुनी जाती हैं, तो कम से कम एक खराब घड़ी चुनी जाने की प्रायिकता क्या है?



# 32. एक याद्टच्छिक चर X के नीचे दिये गए प्रायिकता बंटन पर

## विचार कीजिए।

X	0	1	2	3	4
P(X)	0.1	0.25	0.3	0.2	0.15

$$\operatorname{Var}\left(\frac{X}{2}\right)$$



33. एक याद्यच्छिक चर X के नीचे दिये गए प्रायिकता बंटन पर विचार कीजिए।

X	0	1	2	3	4
P(X)	0.1	0.25	0.3	0.2	0.15

X का प्रसरण को परिकलित कीजिए।



वीडियो उत्तर देखें

34. किसी याद्टच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन नीचे दिया है।

X	0	1	2	3
P(X)	k	$\frac{k}{2}$	$\frac{k}{4}$	$\frac{k}{8}$

k का मान निर्धारित कीजिए,



35. किसी यादच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन नीचे दिया है।

X	0	1	2	3
P(X)	k	$\frac{k}{2}$	$\frac{k}{4}$	$\frac{k}{8}$

 $P(X \leq 2)$  तथा P(X > 2) निर्धारित कीजिए



36. किसी यादच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन नीचे दिया है।

X	0	1	2	3
P(X)	k	$\frac{k}{2}$	$\frac{k}{4}$	$\frac{k}{8}$

 $P(X \leq 2) + P(X > 2)$  ज्ञात कीजिए ।



37. निम्नलिखित प्रायिकता बंटन के लिए याद्दस्थिक चर X का मानक विचलन निर्धारित कीजिए:

X	2	3	4
P(X)	0.2	0.5	0.3



**38.** एक अनिभनत पासा इस प्रकार का है कि  $P(4)=rac{1}{10}$  तथा अन्य स्कोर सम सम्भाव्य है। पासा दो बार उछाता जाता है।

यदि 'पासे पर 4 प्रकट हेने की संख्या' X है, तो यादन्छिक नर X का प्रसरण ज्ञात कीजिए।



39. एक पासा तीन बार फेका जाता है। मान लीजिए कि पासे पर 2 आने की संख्या X द्वारा निरूपित होती है। X की प्रत्याशा

(expectation) ज्ञात कीजिए।

**40.** दो अभिनत पासे एक साथ फेंके जाते हैं। पहले पासे के लिए  $P(6)=rac{1}{2}$ , अन्य स्कोर समसम्भाव्य हैं, जबिक दूसरे पासे के

लिए  $P(1)=rac{2}{5}$  तथा अन्य स्कोर समसम्भाव्य हैं। '1 के प्रकट होने की संख्या' का प्रायिकता बंटन ज्ञात कीजिए।

निम्नलिखित हैं:

41. दो असंतत याद्टच्छिक चर X तथा Y के प्रायिकता बटन

X	0	1	2	3	Y	0	1	2	3
P(X)	1/5	2 5	1/5	1 5	P(Y)	1/5	$\frac{3}{10}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{1}{10}$

सिद्ध कीजिए की  $Eig(Y^2ig)=2E(X)$ 



42. एक कारखाने में बल्ब बनते हैं। किसी बल्ब के खराब होने की प्रायिकता  $\frac{1}{50}$  है तथा बल्बों 50 को दस-दस करके डिब्बों में पैक किया गया है । किसी एक डिब्बे के लिए निम्नलिखित प्रायिकता ज्ञात कीजिए:

कोई भी बल्ब खराब नहीं है



**43.** एक कारखाने में बल्ब बनते हैं। किसी बल्ब के खराब होने की प्रायिकता  $\frac{1}{50}$  है तथा बल्बों 50 को दस-दस करके डिब्बों में पैक किया गया है । किसी एक डिब्बे के लिए निम्नलिखित

प्रायिकता ज्ञात कीजिए:

ठीक दो बल्ब खराब हैं।



- **44.** एक कारखाने में बल्ब बनते हैं। किसी बल्ब के खराब होने की प्रायिकता  $\frac{1}{50}$  है तथा बल्बों 50 को दस-दस करके डिब्बों में पैक किया गया है । किसी एक डिब्बे के लिए निम्नलिखित प्रायिकता ज्ञात कीजिए:
- 8 से अधिक बल्ब ठीक काम करते हैं।
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

45. मान लीजिए कि आपकी जेब में दो सिक्के हैं जो एक जैसे दिखाई देते हैं आपको ज्ञात है कि एक सिक्का अनिभनत (न्याय्य) है तथा दूसरे सिक्के में दोनों ओर 'चित' (2-headed) है। यदि आप एक सिक्का निकाल कर उछालते हैं और 'चित' प्राप्त करते हैं, तो इस बात की प्रायिकता क्या है कि यह सिक्का न्याय्य है?



46. मान लीजिए कि रुधिर वर्ग O वाले लोगों में 6% वामहस्तिक (left handed) हैं और अन्य रुधिर वर्ग वाले लोगों में 10% वामहस्तिक हैं। 30% लोगों का रुधिर वर्ग O है। यदि

एक वामहस्तिक व्यक्ति यादच्छया चुना जाता है, तो इस बात की प्रायिकता क्या है कि उसका रुधिर वर्ग O है?



**47.** समुच्चय S=1,2.3.....n से दो प्राकृत संख्याएँ r , s , एक बार में एक, बिना प्रतिस्थापन के, निकाली जाती हैं।  $P[r \leq p \mid s \leq p]$  , जहाँ  $p \in S$  ज्ञात कीजिए ।



48. जब एक पासे को दो बार फेंका जाता है तो प्राप्त दो स्कोरों में से महत्तम स्कोर का प्रायिकता बंटन ज्ञात कीजिए। बंटन का माध्य भी निर्धारित कीजिए।



**49.** एक याद्यच्छिक चर X केवल 0, 1, 2 गाना को धारण कर सकता है। दिया हुआ है फि PX = 0) = P(X = 1) = p तथा यह कि  $E(X^2) = E[X]$ , तो p ना मान ज्ञात कोजिए।



### 50. निम्नलिखित बंटन का प्रसरण ज्ञात कीजिए:

x	0	1	2	3	4	5
$P(x) = \frac{1}{6}$	1	5	2	1	1	1
	6	18	9	6	9	18

51. A और B एकान्तरत : एक पासे के जोड़े को उछालते है यदि B के 7 फेकने से पहले A ,6 फेकता है तब A जीतता है तथा यदि A के फेकने से पहले बी ,7 फेकता है तब B जीतता है यदि A खेलता प्रारंभ करे तो A के जितने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए



**52.** दो पासे उछाले जाते हैं । ज्ञात कीजिए कि क्या निम्नलिखित दो घटनाएँ A तथा B स्वतंत्र हैं: A = (x, y) : x+y=11 B = (x, y) :x ≠5 जहाँ (x, y) एक विशिष्ट प्रतिदर्श बिंदु को नि रूपित करते हैं I



53. एक पात्र में m सफेद और n काली गेंद है। एक गेंद यहच्छया निकाली जाती है और उसे उसी रंग की k अतिरिक्त गेंदों के साथ पात्र में वापस रख दिया जाता है । पुनः एक गेंद यहच्छया निकाली जाती है। निकाली गई गेंद के सफेद होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।



## प्रश्नावली दीर्घ उत्तरीय प्रश्न L A

1. तीन थैलों में लाल तथा सफेद गेंदों की संख्या निम्नलिखित है:

थैला प्रथम - 3 लाल गेंद

थैला द्वितीय - 2 लाल गेंद तथा 1 सफेद गेंद

थैला तृतीय - 3 सफेद गेंद

थैला i के चुने जाने तथा उसमें से एक गेंद के चयन की प्रायिकता

$$\frac{i}{6}$$
 है, i = 1, 2, 3। इस बात की प्रायिकता क्या है कि :

(i) एक लाल गेंद चुनी जाती है? (ii) एक सफेद गेंद चुनी जाती

है?



- 2. तीन थैलों में लाल तथा सफेद गेंदों की संख्या निम्नलिखित है:
- थैला प्रथम 3 लाल गेंद
- थैला द्वितीय 2 लाल गेंद तथा 1 सफेद गेंद
- थैला तृतीय 3 सफेद गेंद
- थैला i के चुने जाने तथा उसमें से एक गेंद के चयन की प्रायिकता
- $\frac{\imath}{6}$  है, i = 1, 2, 3। इस बात की प्रायिकता क्या है कि :
- (i) एक लाल गेंद चुनी जाती है? (ii) एक सफेद गेंद चुनी जाती है?
  - 🕞 वीडियो उत्तर देखें

- 3. तीन थैलों में लाल तथा सफेद गेंदों की संख्या निम्नलिखित है :
- थैला प्रथम ३ लाल गेंद

- थैला द्वितीय 2 लाल गेंद तथा 1 सफेद गेंद
- थैला तृतीय 3 सफेद गेंद

यदि एक सफेद गेंद चुनी जाती है, तो इस बात की क्या प्रायिकता

है कि यह गेंद :

- (i) थैला 2
- (ii) थैला 3 से निकाली गयी है?



- 4. तीन थैलों में लाल तथा सफेद गेंदों की संख्या निम्नलिखित है:
- थैला प्रथम 3 लाल गेंद
- थैला द्वितीय 2 लाल गेंद तथा 1 सफेद गेंद
- थैला तृतीय 3 सफेद गेंद

यदि एक सफेद गेंद चुनी जाती है, तो इस बात की क्या प्रायिकता है कि यह गेंद:

(i) थैला 2

(ii) थैला 3 से निकाली गयी है?



परिकलन कीजिए

वीडियो उत्तर देखें

**5.** एक दुकानदार तीन प्रकार के फूलों के बीज  $A_1, A_2$  तथा

 $A_3$  बेचता है। बीजों को 4:4:2 के अनुपात में मिलाकर बेचा

जाता है। इन तीन प्रकार के बीजों के अंकुरण की दर क्रमश:

45%, 60% तथा 35% है। निम्नलिखित प्रायिकताओं का

एक याद्रच्छया चुने गए बीज के अंकुरित होने की

**6.** एक दुकानदार तीन प्रकार के फूलों के बीज  $A_1, A_2$  तथा  $A_3$  बेचता है। बीजों को 4:4:2 के अनुपात में मिलाकर बेचा जाता है । इन तीन प्रकार के बीजों के अंकुरण की दर क्रमश: 45%, 60% तथा 35% है। निम्नलिखित प्रायिकताओं का परिकलन कीजिए:

बीज के अंकुरित नहीं होने की, दिया हुआ है कि बीज का प्रकार  $A_3$  है।

**7.** एक दुकानदार तीन प्रकार के फूलों के बीज  $A_1, A_2$  तथा  $A_3$  बेचता है। बीजों को 4:4:2 के अनुपात में मिलाकर बेचा जाता है। इन तीन प्रकार के बीजों के अंकुरण की दर क्रमशः 45%, 60% तथा 35% है। निम्नलिखित प्रायिकताओं का परिकलन कीजिए:

बीज का प्रकार  $A_2$  होने की, दिया हुआ है कि यादच्छया चुना गया बीज अंकुरित नहीं होता है।



8. यह ज्ञात है कि एक पत्र या तो TATA NAGAR से या CALCUTTA से आया है। पत्र के लिफाफे पर केवल दो क्रमागत

अक्षर TA दिखलाई पड़ते हैं। पत्र के TATA NAGAR से आने की प्रायिकता क्या है?



9. प्रथम थैले मैं 3 काले और 4 सफेद गेंदें है जबिक द्वितीय थैले मैं 4 काली और 3 सफेद गेंदें हैं। एक अनिभनत पासे को उछला जाता है। यदि पासे पर 1 या 3 का अंक प्रकट होता है तब प्रथम थैले मैं से एक गेंद निकली जाती है तथा यदि अन्य अंक प्रकट होता है तब द्वितीय थैले में से एक गेंद निकली जाती है। निकली गयी गेंद के काली होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिये।



10. तीन कलशों में क्रमश: 2 सफेद तथा 3 काली गेंद, 3 सफेद तथा 2 काली गेंद और 4 सफेद तथा 1 काली गेंद हैं। प्रत्येक कलश के चुने जाने की प्रायिकता समान है। चुने गए कलश से एक गेंद यहच्छया निकाली जाती है और वह सफेद रंग की पाई जाती है। इस बात की प्रायिकता ज्ञात कीजिए वह गेंद दूसरे कलश से निकाली गई है।



11. छाती के एक्स-रे की जाँच द्वारा क्षय रोग (T.B.) के पहचान की प्रायिकता 0.99 है, जबिक व्यक्ति वास्तव में क्षय रोग से ग्रसित है। एक स्वस्थ व्यक्ति के क्षय रोग से ग्रसित पाये जाने की प्रायिकता 0.001 है। किसी शहर में 1,000 लोगों में से 1 में क्षय रोग पाया जाता है। एक व्यक्ति यहच्छया चुना जाता है और निदान किए जान पर पता चलता है कि उसे क्षय रोग हो इस बात की प्रायिकता क्या है कि उसे वास्तव में क्षय रोग है।



# वीडियो उत्तर देखें

12. कोई वस्तु A, B तथा C तीन मशीनों द्वारा निर्मित होती है। किसी विशिष्ट अविध में निर्मित वस्तुओं की कुल संख्या में से 50% A पर, 30% B पर तथा 20% C पर निर्मित होती है। A पर उत्पादित वस्तुओं का 2% तथा B पर उत्पादित वस्तुओं का 2% खराब है और उन वस्तुओं का 3% जो C पर उत्पादित होती हैं, खराब है। सभी वस्तुओं को एक गोदाम में रखते हैं। एक वस्तु

को यहच्छया निकाला जाता है और वह खराब पायी जाती है। इस बात की प्रायिकता क्या है कि वह वस्तु मशीन A पर निर्मित हुई है?



13. मान लीजिए कि X एक असंतत याद्दच्छिक चर है, जिसका प्रायिकता बंटन निम्नलिखित प्रकार से परिभाषित है।

$$P(X=x) = \{ [K(x+1), x=1,\!2,\!3,\!4 \ \ {
m fi} {
m or} \ \ \$$
िए

], [2kx, x = 5,6,7] के लिए], [0,3न्य स्थिति में `]}

k का मान



14. मान लीजिए कि X एक असंतत याद्दच्छिक चर है, जिसका प्रायिकता बंटन निम्नलिखित प्रकार से परिभाषित है।

$$P(X=x) = \{[K(x+1), x=1,2,3,4] \; \;$$
के लिए

], [2kx, x = 5,6,7] के लिए], [0,3न्य स्थिति में `]}

k का मान



15. मान लीजिए कि X एक असंतत याद्दच्छिक चर है, जिसका प्रायिकता बंटन निम्नलिखित प्रकार से परिभाषित है।

$$P(X=x) = \{[K(x+1), x=1,2,3,4] \$$
के लिए

[1,[2kx,x=5,6,7] के लिए], [0,3न्य स्थिति में ]}

k का मान



वीडियो उत्तर देखें

16. किसी असंतत याद्दच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन निम्नलिखित है।

X 1	2	4	2A	3A	5A	
D(V)	1	1	3	1	1	1
P(X)	2	5	25	10	25	25

निम्नलिखित को परिकलित कीजिए।

A का मान, यदि E(X) = 2.94



# 17. किसी असंतत याद्दच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन निम्नलिखित है।

X 1	2	4	2A	3A	5A	
D/32)	1	1	3	1	1	1
P(X)	2	5	25	10	25	25

निम्नलिखित को परिकलित कीजिए।

A का मान, यदि E(X) = 2.94



18. किसी यादच्छिक चर x का प्रायिकता-बंटन नीचे दिया है।

$$P(X=x) = \left\{ egin{array}{ll} Kx^2 & x=1,2,3,4 &, \ 2kx & x=5,6,7 &, \ 0 & , & , & , \end{array} 
ight\}$$

जहाँ k एक अचर है। परिकलित कीजिए।

$$P(X \ge 4)$$



वीडियो उत्तर देखें

19. किसी याद्टच्छिक चर x का प्रायिकता-बंटन नीचे दिया है।

$$P(X=x) = \left\{ egin{array}{ll} Kx^2 & x=1,2,3,4 &, \ 2kx & x=5,6,7 &, \ 0 & , & , & , \end{array} 
ight.$$

जहाँ k एक अचर है। परिकलित कीजिए।

$$E(3X^2)$$



20. किसी याद्टच्छिक चर x का प्रायिकता-बंटन नीचे दिया है।

$$P(X=x) = \left\{ egin{array}{ll} Kx^2 & x=1,2,3,4 &, \ 2kx & x=5,6,7 &, \ 0 & , & , & , \end{array} 
ight. 
ight.$$

जहाँ k एक अचर है। परिकलित कीजिए।

$$P(X \ge 4)$$



21. एक थैले में (2n + 1) सिक्के हैं। यह ज्ञात है कि इनमें से n सिक्के अनभिनत (न्याय्य) हैं। थैले से एक सिक्का यहच्छया निकाला जाता है और उसे उछाला जाता है। यदि उछालने पर 'चित' प्राप्त होने की प्रायिकता  $\frac{31}{42}$  है तो n का मान निर्धारित कीजिए।



22. ताश की एक भली-भाँति फेंटी हुई गड्डी से दो पत्ते उत्तरोत्तर बिना प्रतिस्थापन के निकाले जाते हैं। याद्टच्छिक चर X का माध्य तथा मानक प्रसरण ज्ञात कीजिए, जँहा X इक्कों की संख्या हैं।



23. एक पासा दो बार उछाला जाता है। एक विषम संख्या प्राप्त करना सफलता है। सफलताओं की संख्याओं का प्रसरण ज्ञात कीजिए।



24. 5 पत्ते 1 से 5, तक संख्यांकित हैं । एक पत्ते पर एक ही संख्या अंकित हैं । दो पत्ते यादृच्छया बिना प्रतिस्थापन के निकाले जाते हैं । मान लीजिए कि निकाले गए दो पत्तों पर अंकित संख्याओं का योगफल X से निरुपित होता है। X का माध्य तथा प्रसरण ज्ञात कीजिए।



**1.** यदि 
$$P(A)=rac{4}{5}$$
 तथा  $P(A\cap B)=rac{7}{10}$  तो P(B  $\mid$  A)

का मान

A. 
$$\frac{1}{10}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{1}{8}$$

c. 
$$\frac{7}{8}$$

D. 
$$\frac{17}{20}$$

#### **Answer:**



**2.** यदि 
$$P(A\cap B)=rac{7}{10}$$
 तथा  $P(B)=rac{17}{20}$  तो P(A |

B) बराबर है।

A. 
$$\frac{14}{17}$$

B. 
$$\frac{17}{20}$$

c. 
$$\frac{7}{8}$$

D. 
$$\frac{1}{8}$$

#### **Answer:**



**3.** यदि  $p(A) = \frac{3}{10}, P(B) = \frac{2}{5}$  तथा

$$P(A \cup B) = rac{3}{5},$$
 तो  $P(B/A) + P(A/B)$  के

बराबर है:

A. 
$$\frac{1}{4}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{1}{3}$$

$$\mathsf{C.}\ \frac{5}{12}$$

D. 
$$\frac{7}{2}$$

#### **Answer:**



यदि  $P(A)=rac{2}{5}, P(B)=rac{3}{5}$ 

तथा

 $P(A\cap B)=rac{1}{5}$  तो 'P(A|B).P(B'|A') बराबर है

A. 
$$\frac{5}{6}$$

 $\mathsf{B.}\;\frac{5}{7}$ c.  $\frac{25}{42}$ 

D. 1

**Answer:** 



5. यदि A तथा B दो घटनाएँ ऐसी हैं कि

$$P(A) = rac{1}{2}, P(B) = rac{1}{3}, P(A/B) = rac{1}{4}$$
 तो

$$P(A'\cap B')$$
 बराबर है।

A. 
$$\frac{1}{12}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{3}{4}$$

c. 
$$\frac{1}{4}$$

D. 
$$\frac{3}{16}$$

#### **Answer:**



**6.** यदि P(A) = 0.4, P(B) = 0.8 तथा P(B | A) = 0.6, तो

 $P(A \cup B)$  बराबर है।

- A. 0.24
- B. 0.3
- C. 0.48
- D. 0.96

Answer:



**7.** यदि A तथा B दो घटनाएँ हैं और,  $A \neq \phi, B \neq \phi$  तो

A. 
$$P(A | B) = P(A)$$
.  $P(B)$ 

B. 
$$P(A \mid B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

C. 
$$P(A | B)$$
.  $P(B | A) = 1$ 

$$\mathsf{D}.\,P(A\mid B)=P(A)\mid P(B)$$

#### **Answer:**



8. A तथा B घटनाएँ इस प्रकार हैं कि P(A) = 0.4, P(B) = 0.3

और  $P(A \cup B) = 0.5$  P (B A) बराबर है।

$$\mathsf{A.}\;\frac{2}{3}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{1}{2}$$

$$\mathsf{C.}\,\frac{3}{10}$$

D. 
$$\frac{1}{5}$$

#### **Answer:**



9. आपको ऐसी दो घटनाएँ A तथा B दी हुई हैं कि

$$P(B) = rac{3}{5}, P(A \mid B) = rac{1}{2}$$
 और  $P(A \cup B) = rac{4}{5}$ 

तो P(A) बराबर है।

A.  $\frac{3}{10}$ 

 $\mathsf{B.}\;\frac{1}{5}$ 

 $\mathsf{C.}\ \frac{1}{2}$ 

D.  $\frac{3}{5}$ 

**Answer:** 



10. आपको ऐसी दो घटनाएँ A तथा B दी हुई हैं कि

$$P(B)=rac{3}{5}P(A/B)=rac{1}{2}$$
 और  $P(A\cup B)=rac{4}{5}$ 

तो P(B/A) बराबर है।

A. 
$$\frac{1}{5}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{3}{10}$$

$$\mathsf{C.}\ \frac{1}{2}$$

D. 
$$\frac{3}{5}$$

# **Answer:**



11. यदि  $P(B)=rac{3}{5}, P(A\mid B)=rac{1}{2}$  तथा

$$P(A \cup B) = rac{4}{5}$$
 , तो  $P(A \cup B) + P(A \cup B)$ 

बराबर है।

A. 
$$\frac{1}{5}$$
B.  $\frac{4}{5}$ 

o C. 
$$\frac{1}{2}$$

D. 1

Answer:



**12.** मान लीजिए कि  $P(A) = \frac{7}{13}, P(B) = \frac{9}{13}$  तथा

$$P(A\cap B)=rac{4}{13}$$
 तो P( A  $\mid$  B) बराबर है।

A. 
$$\frac{6}{13}$$

B. 
$$\frac{4}{13}$$

c. 
$$\frac{4}{9}$$

D. 
$$\frac{5}{9}$$

# **Answer:**



**13.** यदि A तथा B ऐसी घटनाएँ हैं कि P(A)>0 और

$$P(B) 
eq 1$$
, तो P( A'  $\mid$  B' ) बराबर है:

C. 
$$\frac{1-P(A\cup B)}{P(B')}$$

$$\mathsf{D}.\,P(A)\mid P(B)$$

# Answer:



**14.** यदि A तथा B दो स्वतंत्र घटनाएँ हैं और  $P(A)=rac{3}{5}$  तथा

$$P(B)=rac{4}{9}$$
 , तो  $P(A\cap B)$  बराबर है:

A. 
$$\frac{4}{15}$$

B. 
$$\frac{8}{45}$$

c. 
$$\frac{1}{3}$$

D. 
$$\frac{2}{9}$$

**Answer:** 



15. यदि दो घटनाएँ स्वंतत्र हैं, तो

A. वे केवल परस्पर अपवर्जीत होंगी

B. केवल उनकी प्रायिकताओं का योग अनिवार्यतः 1 होगा

C. (A) तथा (B) दोनों सत्य हैं

D. उपर्युक्त में से कोई भी सत्य नहीं है।

# Answer:



16. मान लीजिए कि A तथा B दो घटनाएँ इस प्रकार हैं कि

$$P(A)=rac{3}{8}, P(B)=rac{5}{8}$$
 तथा  $P(A\cup B)=rac{3}{4}$  तो

 $P(A \mid B)$ .  $P(A \mid B)$  बराबर है:

A. 
$$\frac{2}{5}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{3}{8}$$

$$\mathsf{C.}\;\frac{3}{20}$$

$$D. \frac{6}{25}$$

# **Answer:**



17. यदि घटनाएँ A तथा B स्वंतत्र हैं, तो  $P(A\cap B)$  बराबर है

A. 
$$P(A) + P(B)$$

$$B. P(A) - P(B)$$

$$\mathsf{C}.\,P(A).\,P(B)$$

D. P(A)|P(B)

# **Answer:**



**18.** दो घटनाएँ E तथा F स्वतंत्र हैं। यदि P(E) = 0.3,

$$P(E \cup F) = 0.5$$
, तो  $P(E \mid F) - P(F \mid E)$  बराबर

है

A. 
$$\frac{2}{7}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{3}{35}$$

c. 
$$\frac{1}{70}$$

D. 
$$\frac{1}{7}$$

# **Answer:**



19. एक थैले में 5 लाल तथा 3 नीली गेंद हैं। यदि 3 गेंद याहच्छया बिना प्रतिस्थापन के निकाली जाती हैं, तो तथ्यत: एक लाल रंग की गेंद के निकालने की प्रायिकता

- A.  $\frac{45}{196}$
- B.  $\frac{135}{392}$
- c.  $\frac{15}{56}$
- D.  $\frac{15}{29}$

# **Answer:**



20. एक थैले में 5 लाल तथा 3 नीली गेंद हैं। तीन गेंदों में से तथ्यतः दो गेंदों के लाल रंग की प्रायिकता, जबिक पहली गेंद लाल रंग की है -

- A.  $\frac{1}{3}$
- B.  $\frac{5}{14}$
- $\mathsf{C.}\ \frac{15}{28}$
- D.  $\frac{3}{28}$

# **Answer:**



21. तीन व्यक्ति A, B तथा C, A से प्रारम्भ करके, एक लक्ष्य पर बारी बारी से गोली चलाते हैं। उनके द्वारा लक्ष्य-भेदन की प्रायिकताएँ क्रमश: 0.4,0.3 तथा 0.2 हैं। दो बार लक्ष्य - भेदन की प्रायिकता है-

- A. 0.024
- B. 0.188
- C. 0.336
- D. 0.452

#### **Answer:**



- 22. मान लीजिए कि पैदा होने वाले प्रत्येक बच्चे का लड़का या लड़की होना सम संभाव्य है। तथ्यत: (exactly) तीन बच्चों वाले एक परिवार पर विचार कीजिए।
- (a) उस प्रतिदर्श समष्टि के आठ अवयवों की सूची बनाइए, जिसके परिणामों में तीनों बच्चों के लड़का या लड़की होने की सभी संभावनाएँ निहित हों।
- (b) नीचे लिखी प्रत्येक घटना को समुच्चय रूप में लिखिए और उसकी प्रायिकता ज्ञात कीजिए:
- (i) घटना कि तत्थ्यत: एक बच्चा लड़की है।
- ii) घटना कि कम से कम दो बच्चे लड़की है।
- (iii) घटना की एक भी बच्चा लड़की नहीं है।

A. 
$$\frac{1}{2}$$

B. 
$$\frac{1}{3}$$

C. 
$$\frac{2}{3}$$
D.  $\frac{4}{7}$ 

23. एक पासा फेंका जाता है। पासे पर सम संख्या के प्राप्त होने

A.  $\frac{1}{2}$ 

की प्रायिकता है

B. 
$$\frac{1}{4}$$

C. 
$$\frac{1}{8}$$

$$\mathsf{D.}\;\frac{3}{4}$$



वीडियो उत्तर देखें

24. किसी बॉक्स में 3 नारंगी, 3 हरी तथा 2 नीली गेंद हैं। बॉक्स से तीन गेंद यादच्छया बिना प्रतिस्थापन के निकाली जाती हैं, तो दो हरी गेंद तथा एक नीली गेंद के निकालने की प्रायिकता है

$$\frac{3}{28}$$

B. 
$$\frac{2}{21}$$

C. 
$$\frac{1}{28}$$

D. 
$$\frac{107}{168}$$



25. एक फ्लैश लाइट (कौंध बत्ती) में 8 बैटरी हैं जिनमें से तीन निस्तेज (dead) है। यदि दो बैट्रियों को बिना प्रतिस्थापन के चुनकर जाँचा जाता है तो उन दोनों के निस्तेज होने की प्रायिकता है

$$\frac{3}{5}$$

$$\frac{9}{64}$$

c. 
$$\frac{1}{14}$$
 D.  $\frac{3}{28}$ 



प्राप्त होने की प्रायिकता है

26. आठ सिक्कों को एक साथ उछाला जाता है । ठीक 3 चित

A. 
$$\frac{1}{256}$$

B. 
$$\frac{7}{32}$$

$$\mathsf{C.}\ \frac{5}{32}$$

D. 
$$\frac{3}{32}$$



27. दो पासे फेंके जाते हैं। यदि यह ज्ञात है कि पासों पर प्राप्त संख्याओं का योगफल 6 से कम था तो उन पर प्राप्त संख्याओं का योग 3 होने की प्रायिकता है

A. 
$$\frac{1}{18}$$

B. 
$$\frac{5}{18}$$

C. 
$$\frac{1}{5}$$

$$\mathsf{D.}\;\frac{2}{5}$$



वीडियो उत्तर देखें

28. निम्नलिखित में से कौन सा कथन द्विपद-बंटन के लिए आवश्यक नहीं है

A. प्रत्येक परीक्षण के 2 परिणाम होने चाहिए.

B. परीक्षणों की संख्या निश्चित (अचर) होनी चाहिए,

C. परिणाम एक दूसरे पर निर्भर होने चाहिए.

D. सफलता की प्रायिकता सभी परीक्षणों के लिए समान होनी चाहिए।

# Answer:



29. ताश के 52 पत्तों की भली-भाँति फेंटी हुई किसी गड्डी से दो पत्ते प्रतिस्थापन सहित निकाले जाते हैं। दोनों पत्तों के 'रानी' होने की प्रायिकता है,

$$A. \frac{1}{13} \times \frac{1}{13}$$

B. 
$$\frac{1}{13} + \frac{1}{13}$$

C. 
$$\dfrac{1}{13} imes\dfrac{1}{17}$$
D.  $\dfrac{1}{13} imes\dfrac{4}{51}$ 



उत्तर के अनुमान लगाने की प्रायिकता =

A. 
$$\frac{7}{64}$$

128

c. 
$$\frac{45}{1024}$$

D.  $\frac{7}{41}$ 

# **Answer:**



वीडियो उत्तर देखें

31. किसी व्यक्ति के तैराक नहीं होने की प्रायिकता 0.3 है। 5 व्यक्तियों में से 4 के तैराक होने की प्रायिकता है:

A.  ${}^5C_4(0.7)^4(0.3)$ 

B.  ${}^5C_1(0.7)(0.3)^4$ 

 $C. {}^{5}C_{4}(0.7)(0.3)^{4}$ 

D. 
$$(0.7)^4(0.3)$$



वीडियो उत्तर देखें

32. किसी असंतत यादच्छिक चर X का प्रायिकता- बंटन नीचे दिया हुआ है:

X	2	3	4	5
P(X)	$\frac{5}{k}$	$\frac{7}{k}$	$\frac{9}{k}$	$\frac{11}{k}$

k का मान है,

A. 8

- B. 16
- C. 32
- D. 48



# 33. निम्नलिखित प्रायिकता बंटन के लिए E (X)का मान है,

X	- 4	-3	-2	-1	0
P(X)	0.1	0.2	0.3	0.2	0.2

A. 0

- B. -1
- C. -2
- D. -1.8



# **34.** निम्नलिखित प्रायिकता- बंटन के लिए $E\!\left(X^2\right)$ का मान

X	1	2	3	4
P (X)	$\frac{1}{10}$	1 5	3 10	$\frac{2}{5}$

- **A.** 3
- B. 5
- C. 7
- D. 10



वीडियो उत्तर देखें

**35.** मान लीजिए कि एक याद्यच्छिक चर X, प्राचल n तथा p वाले द्विपद-बंटन का पालन करता है, जहाँ 0 यदि

$$P(x=r)\,/P(x=n-r), n$$
 तथा  ${\mathsf r}$  से स्वतंत्र है, तो  ${\mathsf p}$ 

बराबर है

A. 
$$\frac{1}{2}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{1}{3}$$

$$\mathsf{C.}\;\frac{1}{5}$$

D. 
$$\frac{1}{7}$$

# **Answer:**



36. किसी महाविद्यालय में, 30% विद्यार्थी भौतिक विज्ञान में अनुत्तीर्ण होते हैं, 25% गणित में अनुत्तीर्ण होते हैं तथा 10% दोनों विषयों में अनुत्तीर्ण होते हैं। एक विद्यार्थी याहच्छया चुना जाता है। इस बात की प्रायिकता कि वह भौतिक विज्ञान में अनुत्तीर्ण है यदि वह गणित में अनुत्तीर्ण हो चुका है।

A. 
$$\frac{1}{10}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{2}{5}$$

c. 
$$\frac{9}{20}$$

D. 
$$\frac{1}{3}$$

#### **Answer:**

# **जि** वीडियो उत्तर देखें

**37.** A तथा B दो विद्यार्थी हैं। उनके द्वारा किसी प्रश्न को सही प्रकार से हल करने की संभावनाएँ क्रमशः  $\frac{1}{3}$  तथा  $\frac{1}{4}$  हैं। यदि उनके द्वारा एक ही प्रकार की गलती करने की प्रायिकता  $\frac{1}{20}$  हैं तथा उनके उत्तर समान हैं, तो उनके द्वारा प्राप्त उत्तर के सही होने की प्रायिकता है,

A. 
$$\frac{1}{12}$$

B. 
$$\frac{1}{40}$$

c. 
$$\frac{13}{120}$$

D. 
$$\frac{10}{13}$$



38. एक बॉक्स में 100 कलम हैं, जिसमें से 10 कलम खराब हैं। इस बात की प्रायिकता क्या है कि बिना प्रतिस्थापित किए एक-एक करके निकाले गए 5 कलमों के किसी नमूने में अधिक से अधिक 1 कलम खराब है,

A. 
$$\left(\frac{9}{10}\right)^5$$

$$B. \frac{1}{2} \left( \frac{9}{10} \right)^4$$

$$\mathsf{C.}\; \frac{1}{2} \left( \frac{9}{10} \right)^5$$

D. 
$$\left(\frac{9}{10}\right)^5 + \frac{1}{2}\left(\frac{9}{10}\right)^4$$



वीडियो उत्तर देखें

प्रश्नावली बताइए कि प्रश्न संख्या ९४ से १०३ तक प्रत्येक में दिए हुए कथन सत्य हैं या असत्य

- 1. सत्य/असत्य बताइए -
- मान लीजिए कि P(A)>0 तथा P(B)>0, तो घटनाएँ
- A तथा B परस्पर अपवर्जी तथा स्वतंत्र है |



2. सत्य/असत्य बताइए -

यदि A तथा B स्वतंत्र घटनाएँ है, तो A 'तथा B' भी स्वतंत्र है |



3. सत्य/असत्य बताइए -

यदि A तथा B परस्पर अपवर्जी घटनाएँ है, तो वे स्वतंत्र भी होगी |



4. सत्य/असत्य बताइए -

दो स्वतंत्र घटनाएँ सदैव परस्पर अपवर्जी होती है |



वीडियो उत्तर देखें

**5.** यदि A तथा B दो स्वतंत्र घटनाएँ हैं, तो P(A तथा B) = P(A).P(B).



वीडियो उत्तर देखें

6. सत्य /असत्य बताएं

किसी प्रायिकता बंटन के माध्य का दूसरा नाम प्रत्याशा है।

**7.** यदि A तथा B' स्वतंत्र घटनाएँ हैं, तो $P(A' \cup B) = 1 - P(A)P(B')$  हैं।



8. यदि A तथा B स्वतन्त्र है, तो :

P(A, B में से केवल एक घटित होती है)

$$= P(A)P(B') + P(B)P(A')$$



9. सत्य /असत्य बताइए

यदि A तथा B ऐसी दो घटनाएँ है कि P(A)>0 तथा

$$P(A) + P(B) > 1$$
, तो :

$$P(B/A) \geq 1 - rac{P(B')}{P(A)}$$



10. यदि A, B तथा C ऐसी 3 स्वतंत्र घटनाएँ है कि

$$P(A) = P(B) = P(C) = p$$
, तथा तो :

P(A, B, C में से कम-से-कम दो घटित होती है) =  $3p^2 - 2p^3$ 



प्रश्नावली निम्नलिखित प्रश्नों में से प्रत्येक में रिक्त स्थान की पूर्ति कीजिए

**1.** यदि A तथा B ऐसी दो घटनाएँ हैं कि P (A| B) = p, P(A) = p.

$$P(B)=rac{1}{3}$$
 तथा  $P(A\cap B)=rac{5}{9}$  तो p = ......



2. यदि A तथा B ऐसे हैं कि 
$$P(A' \cup B') = \frac{2}{3}$$
 तथा

$$P(A \cup B) = rac{5}{9}$$
 तो  $P(A') + P(B') = , \ldots ...$ 

**3.** यदि X, प्राचल n=5, p वाले द्विपद बंटन का पालन करता है तथा P (X = 2) = 9, P (X = 3), तो p=......



**4.** मान लीजिए कि X एक ऐसा याद्यस्थिक चर है, जो  $x_1, x_2, ...., x_n$  मानों को धारण करता है जिनकी प्रायिकताएँ क्रमशः  $p_1, p_2, ...., p_n$  हैं। तब Var(X) = .....



5. मान लीजिए कि A तथा B दो घटनाएँ हैं। यदि P(A| B) =

P(A), तो A, B से ..... है।

