

MATHS

BOOKS - NTA MOCK TESTS

JEE MAIN TEST 37

गणित

1. यदि फलन $f(x) = ax^3 + x^2 + bx + c$ का आलेख रेखा

x=2 के सापेक्ष सममित है, तब a+b का मान बराबर है-

A. 10

$$B.-4$$

C. 16

D. - 10

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

 $y=2+\sqrt{\sin x+2+\sqrt{\sin x+2+\sqrt{\sin x+\dots \infty}}}$ है, तब x=0 पर $\dfrac{dy}{dx}$ का मान है -

2. यदि

A. 0

B. 2

 $\mathsf{C.}\,\frac{1}{2}$

D. $\frac{1}{3}$

Answer: D



3. एक बिंदु P से अतिपरवलय $\frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}=1$ पर दो स्पर्श रेखाएँ PA और PB खींची जाती हैं। यदि ये स्पर्श रेखाएँ निर्देशांक अक्षों को 4 समचक्रीय बिंदुओं पर काटती हैं, तब P का बिंदुपथ है-

A.
$$x^2-y^2=\left|a^2-b^2\right|$$

B.
$$x^2 - y^2 = a^2 + b^2$$

C.
$$x^2+y^2=\left|a^2-b^2
ight|$$

D.
$$x^2 + y^2 = a^2 + b^2$$

Answer: B



4. माना कि
$$f(x)=x^3+x^2+x+1$$
 है, तब $y=f(x), x=0, y=0$ और $x=1$ द्वारा परिबद्ध क्षेत्रफल (वर्ग इकाई में) बराबर है -

B.
$$\frac{23}{12}$$

A. $\frac{25}{3}$

c.
$$\frac{12}{5}$$

D. $\frac{5}{3}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

- 5. 4 के प्रथम 20 धनात्मक पूर्णांक गुणजों का प्रसरण बराबर है -
 - A. 532
 - B. 133
 - C. 266
 - D. 600

Answer: A

6. 11 वस्तुओं A, B, C, D, E, F, α , α , α , β और β को एक पंक्ति में व्यवस्थित किया जाता है, तब प्रत्येक β के पड़ोसी के रूप में दो α होने की प्रायिकता है -

A.
$$\frac{1}{1320}$$

B.
$$\frac{1}{7920}$$

C.
$$\frac{1}{110}$$

D.
$$\frac{1}{660}$$

Answer: D



7. यदि
$$\overrightarrow{a}=\hat{i}+\hat{j}+2\hat{k}$$
 और $\overrightarrow{b}=\hat{i}+2\hat{j}+2\hat{k}$

$$\left|\overrightarrow{c}
ight|=1$$
 है, तब $\left[\overrightarrow{a} imes\overrightarrow{b},\overrightarrow{b} imes\overrightarrow{c},\overrightarrow{c} imes\overrightarrow{a}
ight]$ का

अधिकतम मान बराबर है-

- A. 2
- B. 3
- C. 4
- D. 5

Answer: D



 $3x^{\frac{1}{3}}dy+x^{-\frac{2}{3}}ydx=3xdx, kx^{\frac{1}{3}}y=x^2+c$ द्वारा संतुष्ट होती है (जहाँ c एक स्वेच्छ अचर है), तब k का मान है-

- A. $\frac{1}{3}$
- $\mathsf{B.}\;\frac{2}{3}$
- C. 2
- D. 1

Answer: C



9. माना कि z और w शून्येतर सम्मिश्र संख्याएँ इस प्रकार हैं कि

 $|zw=\left|z^{2}
ight|$ और $|z-ar{z}|+\left|w+\overline{w}
ight|=4$ है। यदि w

परिवर्तित होता रहता है, तब z के बिंदुपथ का परिमाप है-

- A. $8\sqrt{2}$ इकाई
- B. $4\sqrt{2}$ इकाई
- C. 8 इकाई
- D. 4 इकाई

Answer: A



10. समीकरण $2^{33x-2}+2^{11x+2}=2^{22x+1}+1$ के मूलों का

योग है-

A. $\frac{1}{11}$

 $\mathsf{B.}\;\frac{2}{11}$

 $\mathsf{C.}\ \frac{3}{11}$

D. $\frac{4}{11}$

Answer: B



11.
$$-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$$
 के लिए, वक्रों y = $\cos x$ और y = $\sin 3x$ के

प्रतिच्छेद बिंदुओं की संख्या है -

- A. 0
- B. 1
- C. 2
- D. 3

Answer: D



12. एक गुब्बारा क्षैतिज तल पर 300 फीट की दूरी पर स्थित दो बिंदुओं A और B के ऊर्ध्वाधर ऊपर से गुजरने वाली एक सरल रेखा में गतिमान है। जब यह A के ऊपर होता है, तो B से इसका उन्नयन कोण 45 ° देखा जाता है। जब यह B के ऊपर होता है, तो A से इसका उन्नयन कोण 30° देखा जाता है। बिंदु B की बिंदु C से दूरी, जहाँ यह तल को स्पर्श करेगा, है:

A.
$$150\left(\sqrt{3}+1\right)$$
 फੀਟ

B. 150 फीट

$$\mathsf{C.}\,150\sqrt{3+\sqrt{3}}\,$$
फੀਟ

D.
$$300 \left(\sqrt{3}+1\right)$$
 फੀਟ

00 3 3 3

Answer: A

13.
$$\lim_{x o 0^-} \left(rac{4^{2+rac{3}{x}} + 5\left(2^{rac{1}{x}}
ight)}{2^{1+rac{6}{x}} + 6^{2^{rac{1}{x}}}}
ight)$$
 का मान बराबर है -

$$\text{A.}\ \frac{5}{6}$$

B. 8

C. 16

 $\mathsf{D.}\,\frac{5}{2}$

Answer: A



14. यदि $2^{2020}+2021$ को 9 से विभाजित किया जाता है, तो प्राप्त

शेषफल

A. 0

B. 1

C. 3

D. 7

Answer: C



15. समाकल $\int \!\! x^{\frac{1}{3}} \! \left(1 - \sqrt{x} \right)^3 \, \mathrm{d} x$ का मान बराबर है (जहाँ c समाकलन नियतांक है)

A.
$$6igg(rac{x^{rac{4}{3}}}{8}+rac{3}{11}x^{rac{11}{6}}+rac{3}{14}x^{rac{7}{3}}+rac{1}{17}x^{rac{17}{6}}igg)+c$$

$$\mathsf{B.}\, 6 \bigg(\frac{x^{\frac{4}{3}}}{8} - \frac{3}{11} x^{\frac{11}{6}} + \frac{3}{14} x^{\frac{7}{3}} - \frac{1}{17} x^{\frac{17}{6}} \bigg) + c$$

$$\mathsf{C.}\, 2 \bigg(\frac{x^{\frac{4}{3}}}{8} - \frac{3}{11} x^{\frac{4}{6}} - \frac{3}{11} x^{\frac{7}{3}} - \frac{1}{17} x^{\frac{17}{6}} \bigg) + c$$

D.
$$2 \left(rac{x^4}{8} - rac{3}{11} x^{11} - rac{3}{14} x^7 - rac{1}{17} x^{17}
ight) + c$$

Answer: B



16. यदि y=f(x) अंतराल [2, 6] में रोल प्रमेय के प्रतिबंधों को संतुष्ट करता है, तब $\int_2^6 f(x) dx$ बराबर है -

- A. 2
- B. 0
- C. 4
- D. 6

Answer: B



17. माना कि D, रेखा l_1 : x+y-2=0 पर एक बिंदु है और S (3, 3) एक निश्चित बिंदु है। रेखा l_2 , DS के लंबवत है और S से होकर गुजरती है। यदि M, रेखा l_1 पर एक अन्य बिंदु है (D के अलावा), तब l_2 और कोण MDS के कोणार्धक के प्रतिच्छेद बिंदु का बिंदुपथ है -

A.
$$(x+y-2)^2 = 2(x-3)^2 + 2(y-3)^2$$

B.
$$(x + y - 2)^2 = (x - 3)^2 + (y - 3)^2$$

C.
$$(x+y-2)^2 = rac{{(x-3)}^2 + {(y-3)}^2}{2}$$

D. इनमें से कोई नहीं

Answer: A



यदि
$$a+b+c=0$$

और

$$a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca
eq 0,$$
 $Aaa,b,c\in R$ है,

तब समीकरणों का निकाय ax + by+ cz = 0, bx + cy+ az = 0

और cx + ay+ bz = 0 रखता है -

A. एक अद्वितीय हल

B. अनंत हल

C. कोई हल नहीं

D. ठीक दो हल

Answer: B



यदि ax+13y+bz+c=0 समतलों

2x + 3y - z + 1 = 0, x + y - 2z + 3 = 0 की प्रतिच्छेद

रेखा से होकर गुजरने वाला और समतल के लंबवत, एक समतल है,

तो 2a+3b+4c का मान बराबर है -

A. - 12

B. 12

19.

C. 10

D. -10

Answer: D



20. माना कि बिंदु A : (0, a), B : (-2, 0) और C : (1, 1) एक अधिक कोण त्रिभुज बनाते हैं (कोण A पर अधिक कोण), तब a के मानों का पूर्ण समुच्चय है -

A.
$$(-2, 1)$$

$$\mathsf{B.}\,(\,-2,1)-\left\{\frac{2}{3}\right\}$$

$$\mathsf{C.}\,(\,-1,2)$$

D.
$$(-1,2) - \left\{ \frac{2}{3} \right\}$$

Answer: D



21. माना चर बिंदुओं $P(t_1^2, 2t_1)$ और $Q(t_2^2, 2t_2)$ पर परवलय $y^2 = 4x$ के अभिलंब बिंदु $R(t^2, 2t)$ पर मिलते हैं, तब P और Q को मिलाने वाली रेखा हमेशा एक निश्चित बिंदु (α, β) से गुजरती है, तो $|\alpha + \beta|$ का मान बराबर है -



वीडियो उत्तर देखें

22. माना कि A कोटि 3 का एक वर्ग आव्यूह इस प्रकार है कि-

$$A+A^T=egin{bmatrix} 10 & 4 & 6 \ a_{21}+a_{12} & 6 & a_{23}+a_{32} \ a_{31}+a_{13} & 8 & 4 \end{bmatrix}$$
 ,

 $\lfloor a_{31} + a_{13}
ightharpoonup \delta$

 $x^3 - 6x^2 \perp mx - 8 = 0$ $\forall n \in R$ के शताव्यक मूल हैं त

जहा

समीकरण

 $x^3-6x^2+px-8=0,\ orall p\in R$, के धनात्मक मूल हैं, तब

|A| का निरपेक्ष मान बराबर है -

 a_{12}, a_{23}, a_{31}

वााडया उत्तर दख

23. यदि 4 पासों को एक बार फेंका जाता है, तब योग 10 प्राप्त होने के तरीकों की संख्या K है, तब $\frac{K}{10}$ का मान बराबर है -



24. माना कि $X_1,\,X_2,\,X_3,...$ समांतर श्रेढ़ी में हैं, जिसका सार्व अंतर d के बराबर है, जो कि दो-अंकीय प्राकृत संख्या है। $y_1,\,y_2,\,y_3$ गुणोत्तर श्रेढ़ी में हैं, जिसका सार्व अनुपात 16 के बराबर है। $X_1,\,X_2,\,.......\,X_n$ का समांतर माध्य, $y_1,\,y_2,\,.......y_n$ के समांतर माध्य के बराबर है जो कि 5 के बराबर है। यदि $X_6,\,X_7,\,.....X_{n+5}$ का समांतर माध्य, माध्य,

 $y_{P+1}, y_{P+2}, y_{P+n}$ के समांतर माध्य के बराबर है, तब d बराबर है-



वीडियो उत्तर देखें

25. समीकरण $x^3 + 3x^2 + 6x + 3 - 2\cos x = 0$ के अंतराल (0, 1) में n हल हैं, तब (n + 2) का मान बराबर है -

