



MATHS

BOOKS - NTA MOCK TESTS

JEE-MAIN TEST 16

गणित

1. माना कि $\mathsf{f}:\,R o[2,\infty]$ एक फलन है जिसे

 $f(x) = x^2 - 12ax + 15 - 2a + 36a^2$ के रूप में

परिभाषित किया गया है। यदि f (x), R पर आच्छादी है, तब a

का मान बराबर है:

A.
$$\frac{9}{2}$$

B.
$$\frac{11}{2}$$

c.
$$\frac{13}{2}$$

$$\mathsf{D.}\,\frac{15}{2}$$

Answer: C



2. आव्यूहों A, B, C और D जिनकी कोटि क्रमश:

2 imes 4, 4 imes 3, 3 imes 3 और 3 imes 2 है, पर विचार कीजिए।

मान लीजिए कि

 $Mig(2ABC^{2020}Dig)^6$ और

 $|M| = \lambda ig| ABC^{2020} Dig|^6$ हैं, तब λ बराबर है:

A. 1024

B. 4096

C. 64

D. 4

Answer: B

3. यदि समीकरण

 $x^2+4+3\sin(ax+b)-2x=0$ का कम से कम

एक वास्तिविक हल है जहां $a,b \in [0,2\pi]$ तब (a+b)

का एक संभव मान बराबर हो सकता है

A. $2\pi^2$

B. $4\pi^2$

 $\mathsf{C}.\,9\pi^2$

D. π^2

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

4. $x \in R, x \neq 0$ के लिए यदि y(x) एक अवकलनीय फलन इस प्रकार है कि

$$x {\int_1^x y(t) dt} = (x+1) {\int_1^x t y(t) dt}$$
 নৰ y(x)

बराबर है (जहां C एक अचर है)

A. 1

B. - 1

 $C. \pi$

$$D. - \pi$$

Answer: C



वीडियो उत्तर देखें

5. वक्र f (x)=
$$\left\{egin{array}{ll} e^{-\left|x
ight|} & \left|x
ight| \geq 1 \ \left|x
ight| - 1 + rac{1}{e} & \left|x
ight| < 1 \end{array}
ight.$$
 अक्ष द्वारा

परिबद्ध क्षेत्रफल (वर्ग इकाई में) है:

A.
$$-\frac{2}{e} + \frac{2}{e^2} + 2$$

$$\texttt{B.}\,2+\frac{1}{e^2}$$

C.
$$\frac{1}{e^2}$$

D.
$$1+rac{2}{e^2}$$
-2/e

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

6. एक अतिपरवलय की नाभियां दीर्घवृत्त $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ की नाभियों के संपाती हो तो अतिपरवलय का समीकरण जिसकी उत्केन्द्रता 2 है, होगा

A.
$$\frac{3}{2}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{5}{4}$$

c.
$$\frac{16}{9}$$

D.
$$\frac{4}{3}$$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

7. P, $\triangle ABC$ के अंदर एक बिंदु है। AB, BC और AC के समांतर तीन सरल रेखाएँ खींची जाती हैं जो त्रिभुज को छह क्षेत्रों में विभाजित करती हैं। यदि इन क्षेत्रों में निर्मित तीन त्रिभुजों का क्षेत्रफल 9,16 और 25 वर्ग इकाई हैं, तो $\triangle ABC$ का क्षेत्रफल (वर्ग इकाई में) है:

A. 81

B. 256

C. 144

D. 64

Answer: C



8. यदि रेखाएँ
$$L_1$$
: $\dfrac{x-1}{3}=\dfrac{y-2}{1}=\dfrac{z-3}{2}$ और L_2 : $\dfrac{x-3}{1}=\dfrac{y-1}{2}=\dfrac{z-2}{3}$ समतलीय हैं, तब

 L_1 और L_2 के प्रतिच्छेद बिंदु से गुजरने वाले समतल का

समीकरण, जो मूल बिंदु से अधिकतम दूरी पर है,

A.
$$3x+2y+z = 5$$

B.
$$2x + 3y + z = 6$$

C.
$$4x + 3y + 5z = 0$$

D.
$$4x + 3y + 5z = 50$$

Answer: D



9. मान लीजिए कि $\overrightarrow{a}+\overrightarrow{b}+\overrightarrow{c}=0$ है, जहां $\overrightarrow{a},\overrightarrow{b}$ और \overrightarrow{c} तीन शून्येत्तर सदिश इस प्रकार हैं कि \overrightarrow{a} और \overrightarrow{b} के बीच कोण $\frac{\pi}{3}$ है। यदि \overrightarrow{b} और \overrightarrow{c} बीच कोण $\frac{\pi}{18}$ है, तो \overrightarrow{a} और \overrightarrow{c} के बीच कोण है:

A.
$$\frac{5\pi}{18}$$

$$B. \frac{11\pi}{18}$$

C.
$$\frac{\pi}{2}$$

D.
$$\frac{\pi}{6}$$

Answer: A



रसर देखें

117 40

10. λ का मान, जिसके लिए समुच्चय

$$ig\{(x,y)\!:\!x^2+y^2-6x+4y\leq 12ig\}\cap$$

$$\{(x,y)\!:\!4x+3y\leq\lambda\}$$
 में केवल एक बिंदु है,

A. 31

B. - 31

C. 19

D. - 19

Answer: D

11. तीन कथनों पर विचार कीजिए:

p सुयश आज शाम को आयेगा

q: शालिनी अपने घर पर होगी

r: वे पार्टी में जायेंगे।

तब कथन $(extstyle q \wedge extstyle r) \Rightarrow p$ तार्किक रूप से निम्न के तुल्य

है:

A. यदि आज सुयश नहीं आएगा तब शालिनी पार्टी में

जायेगी।

B. यदि आज सुयश नहीं आएगा तब शालिनी पार्टी में

नहीं जायेगी।

C. सुयश आज आयेगा या शालिनी अपने घर पर होगी या

वे पार्टी में जायेंगे।

D. सुयश आज आयेगा या शालिनी पार्टी में जायेगी।

Answer: C



12. मानाकि R = {(1, 3), (4, 2), (2, 4), (2, 3), (3, 1)}

समुच्चय A = {1, 2, 3, 4} में एक संबंध है, तब संबंध R होगा-

- A. 35
- B. 53
- C. 91
- D. 55

Answer: C



13. माना
$$x = \frac{1}{2}$$
 और x = 1,

f (x) = alog
$$|x|+bx|x|+2rac{\cos|\pi x|}{\pi}$$
 के चरम बिंदु

हैं, तब:

$$\mathsf{C.}\,\frac{a}{b} = \frac{1}{2}$$

D.
$$\frac{a}{b} = 2$$

Answer: A



14. मान लीजिए कि एक समय t पर जीवित चींटियों की

जनसंख्या समीकरण अवकल

$$rac{d(p(t))}{dt} - p(t) = \, -100$$
 द्वारा नियंत्रित की जाती है।

यदि p (0) = 50 है, तो p (-In2) बराबर है:

A. 100

B. 75

C. 90

D. 40

Answer: B



15. माना S_1 , असिमका $\cos^{-1}(x)\cos^{-1}(x^2)$ का पूर्ण हल समुच्चय है और S_2 असिमका $\left(\cot^{-1}x\right)^2-5\cot^{-1}x+6>0$ का पूर्ण हल समुच्चय है, तो $S_1\cap S_2$ है:

A.
$$[-10)$$

B. $[\cot 3, 0)$

C. [cot 2,0)

D. $[-1, \cot 2]$

Answer: C

16. यदि
$$\alpha$$
, और β द्विघात समीकरण

 $ax^2+bx+c=0$ के मूल है, तो वह समीकरण ज्ञात

कीजिए जिसके मूल
$$lpha+rac{1}{eta}$$
 तथा $eta+rac{1}{lpha}$ हैं।

A. 0

B. 0.5

C. 1

D. 1.5

Answer: D

17. यदि

$$\sum_{r=0}^{25} \left\{inom{50}{C_r}.inom{50-r}{C_{25-r}}
ight\} = Kinom{50}{C_{25}}$$
 है तब

K बराबर है :

A. 128

B. $\frac{251}{18}$

c. $\frac{128}{3}$

D. $\frac{11}{7}$

Answer: B



वीडियो उत्तर देखें

18. यदि z एक सम्मिश्र संख्या है जो $z^2 + \frac{3}{z^2} = -4$ को संतुष्ट करती है, तब समीकरण के मूल के काल्पिनक भागों के निरपेक्ष मानों का योग है:

A. 0

B. $2\sqrt{3}$

C. 2

D. $2\sqrt{3}+2$

Answer: D



वीडियो उत्तर देखें

19. यदि
$$y=rac{Inx}{x}$$
 है, तो $rac{d^2y}{dx^2}=rac{\lfloor 2}{x^3}(ext{Inx} -\lambda)$

है ,जहाँ λ है:

A.
$$\frac{3}{2}$$

$$\mathsf{B.}\;\frac{2}{3}$$

$$\mathsf{c.}\,\frac{1}{2}$$

D.
$$\frac{1}{3}$$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

20. व्यंजक
$$\frac{\left(\sum_{r=0}^{\infty}\left(\frac{1}{2}\right)^r\right)\left(\sum_{k=0}^{\infty}\left(\frac{1}{2}\right)^k\right)}{\left(\sum_{P=0}^{\infty}\left(\frac{2}{3}\right)^P\right)}$$
 का

मान है:

A. 1

B. 2

c. $\frac{1}{2}$

D. $\frac{4}{3}$

Answer: A



वीडियो उत्तर देखें

21. PQR, PQ = PR = 200 m वाला एक त्रिभुजाकार मैदान है। एक दूरदर्शन मीनार, QR के मध्य-बिंदु पर स्थित है। यदि मीनार के शीर्ष का उन्नयन कोण P, Q और R से क्रमशः 45° , 30° और 30° है, तो मीनार की ऊंचाई (मीटर में) है:



22. px +qy+r = 0 (जहां pq ≠ 0) के रूप में रेखाओं की कुल संख्या जो दीर्घवृत्त

$$\left(rac{x}{2}
ight)^2 + y^2 = 50$$
 को दो पूर्णांक बिंदुओं (बिंदु जिनके

निर्देशांक पूर्णांक हैं) पर प्रतिच्छेद करती हैं, बराबर है:



23. यदि a_1, a_2, b_1 और b_2 के मान समुच्चय {1, -1,0} में है, तब समीकरण $a_1a_2=b_1b_2$ के संतुष्ट होने की प्रायिकता $\frac{p}{q}$ है, (p और q सह अभाज्य हैं) तब q- 2p है:



24. मान लीजिए कि माध्य के बराबर एक प्रेक्षण को n प्रेक्षणों में जोड़ा जाता है। यदि प्रसरण 78 से 72 में परिवर्तित हो जाता है, तब n बराबर है



वीडियो उत्तर देखें

25. यदि

$$f(x) egin{cases} -2\sin x & \pi \leq x \leq rac{3\pi}{2} \ p\cos x + q & rac{3\pi}{2} < x < 2\pi \ \cos x - 2 & 2\pi \leq x < rac{5\pi}{2} \ r\sin x & rac{5\pi}{2} < x \leq 3\pi \end{cases}$$

 $[\pi, 3\pi]$ में सतत है, तब उन बिंदुओं की संख्या, जिन पर ${\sf f}$

(x) अवकलनीय नहीं है।

