



## MATHS

### BOOKS - ARIHANT MATHS (HINDI)

अवकलनीयता एवं अवकलन

MCQ

1.  $y = kx^{1/3}$  का अवकलन ज्ञात कीजिए।

A.  $\frac{1}{3}kx^2$

B.  $\frac{1}{2}kx^{-2/3}$

C.  $\frac{1}{3}kx^{-2/3}$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

2.  $x^n e^x + a^x \sec x$  का अवकलन ज्ञात कीजिए।

A.

$$(x + n)e^x x^{n-1} + a^x \sec x (\tan x + \log_e a)$$

B.

$$(x + n)e^x x^{n-2} + a^x \sec x (\tan x + \log_e a)$$

C.

$$(x + n)^2 e^x x^{n-2} + a^x \sec x (\tan x + \log_e a)$$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

3.  $x^m / \log_e x$  का अवकलन ज्ञात कीजिए।

A.  $\frac{x^{m-1}(m \log_e x - 1)}{(\log_e x)^2}$

B.  $\frac{x^{m-1}(m \log_e x - 1)}{(\log_e x)^2}$

C.  $\frac{x^{m-6}}{(\log_e x)^2}$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

4.  $\sin^{-1}(3x - 4x^3)$  का अवकलन ज्ञात कीजिए।

A.  $\frac{3}{\sqrt{(1 - x^2)}}$

B.  $\frac{1}{\sqrt{(1-x)^3}}$

C.  $\frac{2}{\sqrt{(1-x)}}$

D.  $\frac{4}{\sqrt{(1-x^2)}}$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

5.  $y = (1+x)^x$  का x अवकलन ज्ञात कीजिए।

A.  $(1+x)^x \left[ \frac{x}{1+x} + \log(1+x) \right]$

B.  $(1+x)^{x+1} \left[ \frac{x}{1+x^2} + \log(1+x) \right]$

C.  $\left[ \frac{x}{1+x} + \log(1+x)^2 \right]$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

6.  $e^{\tan x}$  का  $\sin x$  के सापेक्ष अवकलन गुणांक ज्ञात करो।

A.  $\frac{e^{\tan x}}{\sin^3 x}$

B.  $\frac{e \sin x}{\tan^x}$

C.  $\frac{e^{\tan x}}{\cos^3 x}$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

7.  $\sin \sqrt{x}$  का अवकलन ज्ञात कीजिए।

A.  $\frac{\cos \sqrt{x}}{2\sqrt{x}}$

B.  $\frac{\cos x}{3\sqrt{x}}$

C.  $\frac{\sin x}{\sqrt{x}}$

D.  $\frac{\sin \sqrt{x}}{2\sqrt{x}}$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

## अभ्यास प्रश्न

1. सिद्ध कीजिए कि फलन

$$f(x) = \begin{cases} 2 + x & x \geq 0 \\ 2 - x & x < 0 \end{cases}$$
 बिंदु  $x = 0$  पर

अवकलनीय नहीं है।

A. सतत् है

B. सतत् नहीं है

C. अवकलनीय है

D. अवकलनीय नहीं है

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

2. फलन  $f(x) = \frac{x}{1 + |x|}$  के अवकलनीय बिन्दुओं का

समुच्चय है

A.  $(-\infty, \infty)$

B.  $(0, \infty)$

C. (  $-\infty$ , 0)

D. (0,  $-\infty$ )

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

3. यदि  $\cos x = \frac{1}{\sqrt{1+t^2}}$  और  $\sin y = \frac{t}{\sqrt{1+t^2}}$ ,  
तो  $\frac{dy}{dx}$  का मान है

A. - 2

B. - 1

C. 1

D. 2

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

4. बिन्दु  $x = 2$ , पर फलन  $|x - 1| + |x - 3|$  का अवकल गुणांक

होगा

A. - 2

B. 0

C. 2

D. परिभाषित नहीं है

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

5.  $f(x) = x|x|$  किस अंतराल में अवकलनीय है ?

A.  $(0, \infty)$

B.  $(-\infty, 0)$

C.  $(-\infty, \infty)$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

6. यदि  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & , \quad x \leq 1 \\ 1 - x & , \quad x > 1 \end{cases}$  तो, तब

A.  $f(x)$ ,  $x = 1$  पर अवकलनीय है

B.  $f(x)$ ,  $x = 1$  पर सतत् और अवकलनीय है

C.  $f(x)$ ,  $x = 1$  पर अवकलनीय नहीं है

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

7. वक्र  $y = \frac{9}{x}$  की स्पर्श रेखा की प्रवणता (4,0) पर है

A.  $\frac{9}{16}$

B.  $\frac{16}{9}$

C.  $-\frac{9}{16}$

D.  $-\frac{16}{9}$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

8.  $\frac{d}{dx} \left( \sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} \right)^2$  बराबर है

A.  $x^2 \frac{dy}{dx} + xy = 0$

B.  $x^2 \frac{dy}{dx} - xy + 2 = 0$

C.  $x^2 \frac{dy}{dx} - xy + 2 = 0$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

9.  $\frac{d}{dx}(x^2 e^x \sin x)$  बराबर है

A.  $x e^x (2 \sin x + x \sin x + x \cos x)$

B.  $x e^x (2 \sin x + x \sin x - \cos x)$

C.  $x e^x (2 \sin x + x \sin x + \cos x)$

D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

10.  $\frac{d}{dx} \left( \frac{1}{x^4 \sec x} \right)$  बराबर है

A.  $\frac{x \sin x + 4 \cos x}{x^5}$

B.  $-\frac{x \sin x + 4 \cos x}{x^5}$

C.  $\frac{x \sin x + 4 \cos x}{x^5}$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

11. यदि  $y = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots \infty$  है तो  
 $\frac{dy}{dx}$  का मान है

A. y

B. y - 1

C. y + 1

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

12. यदि  $y = \tan^{-1} \sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}}$ , तो  $\frac{dy}{dx}$  बराबर है

A.  $\frac{1}{4}$

B.  $\frac{1}{2}$

C. 1

D. 2

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

13. यदि  $y = \sec^{-1} \frac{x+1}{x-1} + \sin^{-1} \frac{x-1}{x+1}$  तो  
 $\frac{dy}{dx}$  बराबर है

A. 1

B. 0

C.  $\frac{x-1}{x+1}$

D.  $\frac{x+1}{x-1}$

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

14.  $\frac{d}{dx} \left( \frac{2x^2 - 4}{3x^2 + 5} \right)$  बराबर है

A.  $\frac{44}{(3x^2 + 5)^2}$

B.  $\frac{44x}{(3x^2 + 5)^2}$

C.  $\frac{-44x}{(3x^2 + 5)^2}$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

15. यदि  $y = \sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$  जब  $0 < x < 1$  और  $x < t < \frac{\pi}{2}$ , तो  $\frac{dy}{dx}$  का मान है

A.  $\frac{2}{1+x^2}$

B.  $\frac{2x}{1+x^2}$

C.  $\frac{1}{1+x^2}$

D.  $\frac{-x}{1+x^2}$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

16.  $\frac{d}{dx} \tan^{-1} \left[ \frac{3x - x^3}{1 - 3x^2} \right]$  बराबर है

A.  $3(1 + x^2)$

B.  $\frac{3}{1 + x^2}$

C.  $\frac{3}{\sqrt{1 + x^2}}$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

17. यदि  $y = \sin^{-1} \left( \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{2} \right)$  तो

$\frac{dy}{dx}$  बराबर है

- A.  $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
- B.  $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$
- C.  $\frac{-1}{2\sqrt{1-x^2}}$

D. इनमे से कोई नहीं

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

18. यदि  $y = (x \log x)^{\log \log x}$  तो  $\frac{dy}{dx}$  का मान ज्ञात कीजिए।

- A.  $\frac{y \log y}{x \log x} (2 \log \log x + 1)$
- B.  $\frac{x \log x}{y \log y} (2 \log \log x + 1)$
- C.  $\frac{2y \log y}{x \log x} (\log \log x + 1)$
- D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

19. यदि  $x^y = e^{x-y}$ , तो  $\frac{dy}{dx}$  का मान होगा

- A.  $\frac{\log x}{(1 + \log x)^2}$
- B.  $\frac{x - y}{(1 + \log x)^2}$
- C.  $\frac{x - y}{(1 - \log x)^2}$
- D.  $\frac{1}{1 + \log x}$

**Answer: A**



वीडियो उत्तर देखें

**20.** यदि  $y = \cot^{-1} \left( \frac{e^x - e^{-x}}{2} \right)$ , तो  $\frac{dy}{dx}$  बराबर है

A.  $\frac{1}{e^x + e^{-x}}$

B.  $\frac{2}{e^x + e^{-x}}$

C.  $\frac{2}{e^x - e^{-x}}$

D.  $-\frac{2}{e^x + e^{-x}}$

**Answer:** D



वीडियो उत्तर देखें

21. यदि  $y = \cos(\sin x^2)$ , तो  $x = \sqrt{\frac{\pi}{2}}$  पर  $\frac{dy}{dx}$

बराबर है

A. 2

B. -2

C.  $-2\sqrt{\frac{\pi}{2}}$

D. 0

**Answer: D**



वीडियो उत्तर देखें

22.

यदि

$$y = \tan^{-1} \left( \frac{4x}{1 + 5x^2} \right) + \tan^{-1} \left( \frac{2 + 3x}{3 - 2x} \right),$$

तो  $\frac{dy}{dx}$  का मान है

A.  $\frac{5}{1 + 25x^2} + \frac{2}{1 + x^2}$

B.  $\frac{1}{1 + 25x^2} + \frac{2}{1 + x^2}$

C.  $\frac{5}{1 + 25x^2}$

D.  $\frac{1}{1 + 25x^2}$

**Answer: C**



वीडियो उत्तर देखें

23.  $\frac{d}{dx} \log \left[ \sqrt{x-a} + \sqrt{x-b} \right]$  बराबर है

- A.  $\frac{1}{2 \left[ \sqrt{(x-a)} + \sqrt{(x-b)} \right]}$
- B.  $\frac{1}{2\sqrt{(x-a)(x-b)}}$
- C.  $\frac{1}{4\sqrt{(x-a)(x-b)}}$
- D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

24.  $\frac{d}{dx} \left( x^3 \tan^2 \frac{x}{2} \right)$  बराबर है

- A.  $x^3 \tan \frac{3}{2} \sec^2 \frac{x}{2} + 3x \tan^2 \frac{x}{2}$
- B.  $x^3 \tan \frac{x}{(\sec)^2} \frac{x}{2} + 3x^2 \tan^2 \frac{x}{2}$
- C.  $x^2 \tan^2 \frac{x}{2} \sec^2 \frac{x}{2} + 3x^2 \tan^2 \frac{x}{2}$
- D. उपरोक्त में से कोई नहीं

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें

25. यदि  $y = \cos^{-1} \left( \frac{3 \cos x - 4 \sin x}{5} \right)$ , तो  $\frac{dy}{dx}$

बराबर है

A. 0

B. 1

C.  $-\frac{1}{2}$

D. 2

**Answer: B**



वीडियो उत्तर देखें