



# MATHS

## BOOKS - CHHAYA MATHS (BENGALI)

সীমা

Example

1. মান নির্ণয় করো  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^{-1} x}{x}$



Watch Video Solution

2. মান নির্ণয় করো  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{px} - e^{-qx}}{x}$



**Watch Video Solution**

3. মান নির্ণয় করো  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{x^2} - 1}{\sin^2 x}$



**Watch Video Solution**

4. মান নির্ণয় করো  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^2}{x - 2}$



**Watch Video Solution**

5. দেখাও যে  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^x - 4^x}{x} = \log_e \left( \frac{5}{4} \right)$



Watch Video Solution

6. দেখাও যে  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\sin x} - 1}{\sin x} = \log_e 3$



Watch Video Solution

7. মান নির্ণয় করো:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{ax} - 1}{\sin bx}$



Watch Video Solution

8. মান নির্ণয় করো:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x} - 1}{\log(1 + 5x)}$



**Watch Video Solution**

9. মান নির্ণয় করো:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\log_e (1 + x)^{\frac{1}{4}}}$



**Watch Video Solution**

10. মান নির্ণয় করো  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^x - 1)\log(1 + x)}{\sin^2 x}$



**Watch Video Solution**

11. মান নির্ণয় করো  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\log x} - 1}{e^{x-1} - 1}$



Watch Video Solution

12.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + x)^{\frac{1}{x}} = e$  হলে, দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 3x)^{\frac{x+2}{x}} = e^6$$



Watch Video Solution

13. দেখাও যে,  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\log(1 + x^3)}{\sin^3 x} \right) = 1$



Watch Video Solution

$$14. \text{ দেখোও যে, } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^x + 3^{-x} - 2}{x^2} = (\log_e 3)^2$$



**Watch Video Solution**

$$15. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sin(e^{x-3} - 1)}{\log(x - 2)}$$



**Watch Video Solution**

$$16. \lim_{x \rightarrow 0} \left[ \left( \frac{1}{x} \right) - \frac{\log(1 + x)}{x^2} \right]$$



Watch Video Solution

$$17. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{xe^x - \log(1 + x)}{x^2}$$



Watch Video Solution

$$18. \text{মান নির্ণয় করো, } \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+5}{x+1} \right)^x$$



Watch Video Solution

$$19. \text{মান নির্ণয় করো: } \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+5}{x-1} \right)^{x-1}$$



Watch Video Solution

## Exercise

1. সঠিক উত্তরটি নির্বাচন করো

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x} - 1}{2x} \text{-এর মান হবে -}$$

A. (3/2)

B. (1/6)

C. (2/3)

D. (3/4)

**Answer: A**



**Watch Video Solution**

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + 4x)}{3x}$  -এর মান হবে -

A. 4

B. 3

C. (4/3)

D. (1/12)

**Answer: C**



Watch Video Solution

3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^{2x} - 1}{2x}$  -এর মান হবে -

A.  $\frac{1}{4} \log_e a$

B. 1

C.  $\frac{1}{2}$

D.  $\log_e a$

**Answer: D**



Watch Video Solution

4.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \left(\frac{1}{x}\right)\right)^x$ -এর মান হবে -

A. 1

B.  $e$

C.  $e^{-1}$

D. আনিন্দ্য

**Answer: B**



Watch Video Solution

5.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{x^2} - 1}{x}$  -এর মান হবে -

A. 1

B. 0

C. আনিন্দ্য

D. এদের কনটিই নয়

**Answer: B**



**Watch Video Solution**

6.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\log x}{x - 1}$  -এর মান হবে -

A. 1

B. 0

C.  $e^{-1}$

D. -1

**Answer: A**



**Watch Video Solution**

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$  সীমার সাহায্যে দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - 1}{x} = \log_e a (a > 0)$$



Watch Video Solution

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$  সীমার সাহায্যে প্রমাণ করো যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_e(1 + x)}{x} = 1$$



Watch Video Solution

9. দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{1}{x} \right) \left[ (1+x)^8 - 1 \right] = 8$$



Watch Video Solution

10. দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^9 - 1}{(1+x)^6 - 1} = \frac{3}{2}$$



Watch Video Solution

11. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{4x} - 1}{x}$



Watch Video Solution

12. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{x}$



Watch Video Solution

13. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{13x} - e^{7x}}{x}$



Watch Video Solution

14. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\alpha x} + e^{\beta x} - 2}{x}$



Watch Video Solution

15. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\sin x} - 1}{x}$



Watch Video Solution

16. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^{\tanh h} - 1}{h}$



Watch Video Solution

17. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^{-1} x}{\sin x}$



Watch Video Solution

18. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan^{-1} x}{x}$



Watch Video Solution

19. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^{(x+h)^2} - e^{x^2}}{h}$



Watch Video Solution

20. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{\sin(3x)}$



Watch Video Solution

21. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 1}{\sin(2x)}$



Watch Video Solution

22. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^{2h} - 1}{e^{3h} - 1}$



Watch Video Solution

23. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^{\alpha x} - b^{\beta x}}{x}$



Watch Video Solution

24. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + 3x)}{x}$



Watch Video Solution

25. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^x - 1}{\sqrt{1+x} - 1}$



Watch Video Solution

26. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x + e^{-x} - 2}{x^2}$



Watch Video Solution

27. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + 2x)}{\sin 3x} = \left(\frac{2}{3}\right)$



Watch Video Solution

28. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\log(x + 3)}{x + 2} = 1$



Watch Video Solution

29. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow e} \frac{\log x - 1}{x - e} = \left(\frac{1}{e}\right)$



Watch Video Solution

30. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{p^x - q^x}{\tan x} = \log\left(\frac{p}{q}\right)$



Watch Video Solution

31. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin \log(1 + x)}{x} = 1$



Watch Video Solution

32. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + x) + \sin x}{e^x - 1} = 2$



Watch Video Solution

33. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log \cos x}{\sin^2 x} = -\left(\frac{1}{2}\right)$



Watch Video Solution

34. প্রমাণ করো,  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log(x + h) - \log x}{h} = \frac{1}{x}$



Watch Video Solution

35. প্রমাণ করো,  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{x} = 1$



Watch Video Solution

36. প্রমাণ করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - 1}{\log(1+x)} = \left(\frac{1}{2}\right)$



Watch Video Solution

37. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\log_e (1+x)^{\frac{1}{2}}}$



Watch Video Solution

38. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{x^3} - 1}{\sin^3 x}$



Watch Video Solution

39. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^x - 1)\log(1 + x)}{\sin x}$



Watch Video Solution

40. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^{\frac{7}{2}} - 4^{\frac{7}{2}}}{\log_e(x - 3)}$



Watch Video Solution

41. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \alpha x)}{\sin \beta x}$



Watch Video Solution

42. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x} - 1}{\log(1 + 5x)}$



Watch Video Solution

43. মান নির্ণয় করো,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{3^{2x} - 1}$



Watch Video Solution

44.

প্রমাণ

করো,

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ae^x + be^{-x}}{ce^x + de^{-x}} = \left(\frac{a}{c}\right) (2 < e < 3, c \neq 0)$$



Watch Video Solution

45.

প্রমাণ

করো,

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ae^x + be^{-x}}{ce^x + de^{-x}} = \frac{b}{d} (2 < e < 3, d \neq 0)$$



Watch Video Solution

46. দেখাও যে,  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{4^x - 4}{x - 1} = 8 \log_e 2$



Watch Video Solution

47. দেখাও যে,  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\log(2x - 3)}{2(x - 2)} = 1$



Watch Video Solution

48.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + x)^{\frac{1}{x}} = e$  হলে দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 2x)^{\frac{1}{x}} = e^2$$



Watch Video Solution

49.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + x)^{\frac{1}{x}} = e$  হলে দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 - 3x)^{\frac{3}{x}} = e^{-9}$$



**Watch Video Solution**

50.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + x)^{\frac{1}{x}} = e$  হলে দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 + ax)^{\frac{2}{x}} = e^{2a}$$



**Watch Video Solution**

51.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + x)^{\frac{1}{x}} = e$  হলে দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 1} x^{\frac{1}{1-x}} = e^{-1}$$



**Watch Video Solution**

52.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + x)^{\frac{1}{x}} = e$  হলে দেখাও যে,

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 4x)^{\frac{x+2}{x}} = e^8$$



**Watch Video Solution**